

Nom : Largeaud Prénom: Enzo colle du : 20-01-25

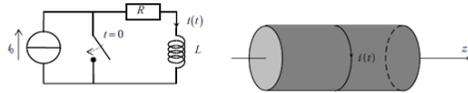
	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	10,0	19,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	2			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	6,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	2			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	3,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	2			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement		*	note	18

Remarques : Exercice maîtrisé

Colle 4

Soit un solénoïde de longueur  $l$ , dont on néglige les effets de bord, de rayon  $a$  et comportant  $n$  spires par unité de longueur. Chaque spire est initialement parcourue par un courant d'intensité constante  $i(t) = i_0$ . A  $t = 0$ , on ferme l'interrupteur représenté ci-dessous. On se placera en ARQS et on rappelle l'expression du champ magnétique rayonné dans le solénoïde  $B = \mu_0 n^2 i(t)$  (pas de champ à l'extérieur)



- Donner l'équation électrique régissant l'évolution de l'intensité  $i(t)$  du courant traversant la bobine d'inductance  $L$  et la résistance  $R$ .
- Donner l'expression du champ électromoteur  $\vec{E}_m$  en tout point de l'espace en calculant sa circulation sur un contour judicieusement choisi.
- En déduire alors l'expression du vecteur de Poynting  $\vec{\pi}$  en  $r = a$ .
- Calculer la puissance  $P$  échangée par la bobine avec l'extérieur et montrer que  $P = \frac{dU_m}{dt}$  où  $U_m$  est l'énergie magnétique dans le solénoïde. Interpréter.

- On a avec la loi des mailles et la convention récepteur :

$$Ri + L \frac{di(t)}{dt} = 0$$

Donc  $i(t) = i_0 \exp\left(-\frac{t}{\tau}\right)$  avec  $\tau = L/R$

- On a, d'après Maxwell-Faraday :

$$\nabla \text{rot} \vec{E} = -\frac{d\vec{B}}{dt}$$

Ce champ électromoteur possède les symétries et invariances de la distribution de courant qui l'engendre. Donc  $\vec{E} = E(r)\vec{e}_\theta$ . On calcule alors la circulation de ce champ sur un contour centré sur l'axe de révolution du solénoïde :

- $r \leq a$ :  $\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = E(r)2\pi r = -\mu_0 n \frac{di(t)}{dt} \pi r^2$ . Soit  $\vec{E} = -\frac{\mu_0 n r}{2} \frac{di(t)}{dt} \vec{e}_\theta$
  - $r \geq a$ :  $\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = E(r)2\pi r = -\mu_0 n \frac{di(t)}{dt} \pi a^2$ . Soit  $\vec{E} = -\frac{\mu_0 n a^2}{2r} \frac{di(t)}{dt} \vec{e}_\theta$
- Avec  $\frac{di(t)}{dt} < 0$  on retrouve on retrouve un champ orthoradial (+) qui s'oppose à une diminution du courant

- En  $r = a$ :  $\vec{R}(a) = \frac{\vec{E} \cdot \vec{B}}{\mu_0} = -\frac{\mu_0 n^2 a}{4} \frac{di(t)}{dt} \vec{e}_r$

Avec  $\frac{di(t)}{dt} < 0$  on retrouve le vecteur densité de puissance sortant du solénoïde.

- Donc le flux du vecteur de Poynting à travers la surface fermée délimitée par le solénoïde est donné par :

$$P = -\iint \vec{R}(a) \cdot d\vec{S}_{\text{ext}} = \iint \mu_0 \frac{n^2 a^2}{4} \frac{d^2 i(t)}{dt^2} d\theta dz$$

$$P = \frac{V}{2\mu_0} \frac{dB^2(t)}{dt} = \frac{dU_m}{dt}$$

Rq1 : On peut aussi calculer  $i(t) \times \int_{\text{bobine}} \vec{E}_m \cdot (a) d\vec{OM} = -\frac{V}{\mu_0} \frac{dB^2(t)}{dt}$  ce qui montre alors que la puissance de la fem s'identifie à  $-P$  (convention générateur). Le phénomène d'auto-induction utilise l'énergie magnétique initiale pour assurer le courant induit. L'énergie du circuit étant ensuite dissipée par effet Joule : le champ électromoteur véhicule l'énergie jusqu'à la résistance.

Rq2 : Il n'y a pas ici de puissance volumique Joule avec les modèles des spires sans épaisseurs.

Rq3 : L'énergie électrique est ici négligeable en ARQS  $\frac{U_m}{U_{av}} = c^2 \frac{B^2}{E^2} = \frac{c^2 \gamma^2}{a^2} \gg 1$

Nom : Servant Prénom: Thilbault colle du: 09-12

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	3,3	#DIV/0!
Connaître les hypothèses d'application des résultats	0			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	#DIV/0!	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	NE			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	NE			

	+	-		
ajustement			note	#DIV/0!

Remarques : ABS remplacé par Pierre

Nom : Jonet Prénom: Paul colle du: 09-12

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	5,0	#DIV/0!
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	0	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	2			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	NE	4	#DIV/0!	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	NE			

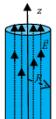
ajustement

+	-	note	#DIV/0!

Remarques : Reprise du devoir de cours => colle non notée

Devoir_cours_16	Nom :	Prénom :
1) Donner les expressions des 4 équations de Maxwell pour tout régime et tout milieu. On donnera l'unité et le nom de tous les paramètres introduits.		/1
2) Donner les expressions des 4 équations de Maxwell en ARQS et dans un circuit conducteur fermé.		/2
3) Donner les expressions des 4 équations de Maxwell dans le vide.		/2
4) Donner la définition et l'unité du vecteur de Poynting $\vec{n}$		/1
5) Donner la définition et l'unité la densité volumique d'énergie électromagnétique $u_{em}$ dans le vide.		/1
6) Énoncer l'équation locale de bilan d'énergie électromagnétique (bilan de Poynting).		/1
7) Énoncer le théorème de Stokes appliqué à un champ de vecteur $\vec{a}$ en introduisant un contour $\Gamma$ fermé et orienté sur lequel repose une surface quelconque ouverte $S$ dont les éléments vectoriels de surface sont orientés corrélativement avec la règle du tire-bouchon. Faire un schéma.		

TS12

8) On considère une région de l'espace (vide charge et de courant) dans laquelle le champ magnétique est donné par $\vec{B} = B(t)\vec{u}_z$ si $r \leq R$ et $\vec{B} = \vec{0}$ si $r > R$ (en repérage cylindrique). $R$ est une constante et $t$ la variable temps. Déterminer le champ électromoteur $\vec{E}_m$ associé en $r \leq R$ et $r \geq R$ en utilisant la version intégrale de l'équation de Maxwell-Faraday.	/3
	
9) Exprimer le vecteur de Poynting $\vec{n}$ en $r = R$ en fonction de $R$ , $\mu_0$ et $B(t)$	
10) On considère une région de l'espace (vide charge et de courant) dans laquelle le champ électrique est donné par $\vec{E} = E(t)\vec{u}_z$ si $r \leq R$ et $\vec{E} = \vec{0}$ si $r > R$ (en repérage cylindrique). $R$ est une constante et $t$ la variable temps. Déterminer le champ magnétique $\vec{B}$ associé en $r \leq R$ et $r \geq R$ à l'aide Maxwell-Ampère.	
	
11) Exprimer le vecteur de Poynting $\vec{n}$ en $r = R$ en fonction de $R$ , $\epsilon_0$ et $E(t)$	