

Nom : Beaumatin Prénom: Gabriel colle du: 23-01-25

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	0	10	1,7	6,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	0			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	1	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

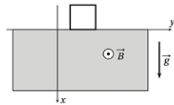
	+	-		
ajustement			note	7

Remarques : Le cours : il faut connaître davantage ton cours ! Force de Laplace, loi de Lenz, flux propre et mutuel

Colle 3

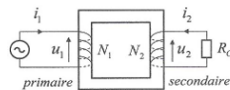
Exercice 1 : induction dans un cadre mobile

Une spire carrée de côté  $a$ , de masse  $m$ , tombe dans le champ de pesanteur  $\vec{g}$ . Dans le demi espace  $x > 0$ , règne un champ magnétique uniforme et permanent  $\vec{B} = B_0 \vec{u}_z$ . A l'instant  $t = 0$ , la spire se trouve dans la situation représentée sur la figure ci-dessous, sa vitesse est nulle, son côté inférieur est en  $x = 0$ . La spire est assimilable à une résistance  $R$  et son inductance propre est négligeable. Donner l'équation différentielle régissant la vitesse  $v(t)$  de la spire dans le référentiel terrestre Galiléen si le bord inférieur de la spire est encore en  $x(t) \leq a$ . Donner ensuite l'expression de  $v(t)$



Exercice 2 : Etude du transformateur

Un transformateur est schématiquement constitué de deux circuits de résistances négligeables et d'inductances propres  $L_1$  et  $L_2$ , de nombre de spires  $N_1$  dans le primaire (tension alternative  $u_1(t)$  délivrée par EDF) et  $N_2$  dans le secondaire (tension alternative  $u_2(t)$  utile pour alimenter une charge  $R_c$ ). Ces enroulements sont traversés par une carcasse magnétique, ce qui permet d'obtenir un couplage parfait permettant d'écrire que l'inductance mutuelle est donnée par :  $M^2 = L_1 L_2$



- 1) Ecrire les lois des mailles dans les deux circuits.
- 2) En déduire le rapport des tensions  $\frac{u_2(t)}{u_1(t)}$ . Commenter.
- 3) On suppose la résistance  $R_c$  suffisamment faible pour la négliger. Donner l'expression du rapport de l'amplitude des courants en régime sinusoïdal

Exercice 1:

$$\frac{dv}{dt} + \frac{v}{\tau} = g \text{ soit } v(t) = \tau g (1 - e^{-t/\tau})$$

Exercice 3:

- 1) Ecrire les lois des mailles dans les deux circuits.

Il suffit d'utiliser l'équivalent électrique vu en cours :  $u_1 = L_1 \frac{di_1(t)}{dt} + M \frac{di_2(t)}{dt}$  et  $u_2 = L_2 \frac{di_2(t)}{dt} + M \frac{di_1(t)}{dt}$

- 2) En déduire le rapport des tensions  $\frac{u_2(t)}{u_1(t)}$ . Commenter.

On a donc :  $u_2 = L_2 \frac{di_2(t)}{dt} + \frac{M}{L_1} (u_1 - M \frac{di_2(t)}{dt}) = \frac{Mu_1}{L_1}$  soit :  $\frac{u_2(t)}{u_1(t)} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} = \frac{N_2}{N_1}$ . On peut donc abaisser ou élever la tension en jouant sur le nombre de spire de primaire et du secondaire

- 3) On suppose la résistance  $R_c$  suffisamment faible pour la négliger. Donner l'expression du rapport des courant

$$u_2 = L_2 \frac{di_2(t)}{dt} + M \frac{di_1(t)}{dt} = 0$$

$$\sqrt{L_2} \frac{di_2(t)}{dt} = -\sqrt{L_1} \frac{di_1(t)}{dt}$$

$$\frac{i_1}{i_2} = -\frac{N_2}{N_1}$$

Nom : Landais Prénom: Jocelyn colle du: 3-10-24

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	10,0	15,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	2			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser : Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	2,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement			note	15

Remarques : exo 1 : bien compris

Colle 8

Exercice : Champ magnétique induit et inducteur

On considère un solénoïde supposé infini traversé par un courant d'intensité  $i(t)$  en ARQS. On note  $n$  la densité linéique de spires et  $z$  l'axe du bobinage.

- Déterminer le champ magnétique  $\vec{B}_i$  créé par le bobinage (en admettant que le champ magnétique est nul à l'extérieur de la structure)
- Déterminer l'expression du champ électromoteur dans la structure.

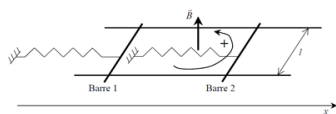
On introduit un matériau conducteur de rayon  $R$ , de conductivité  $\gamma$  dans le bobinage.

- Donner l'expression du vecteur densité de courant généré par le champ électromoteur dans ce conducteur.
- Donner l'expression du champ magnétique  $\vec{B}_i$  associé au courant induit précédent, en sachant que  $B_i(R) = 0$
- Donner une condition sur  $R$  pour que ce champ magnétique induit soit négligeable sur l'axe.

Exercice : Rail de Laplace

On considère deux barres de même masse  $m$  se déplaçant sans frottement suivant l'axe  $x$  et baignant dans un champ magnétique  $\vec{B}$  uniforme et stationnaire. L'association des deux barres et du support constitue un circuit fermé de résistance  $R$  (on néglige l'auto-induction). Les deux ressorts identiques sont de raideur  $k$  et les coordonnées  $x_1(t)$  et  $x_2(t)$  mesurent les positions respectives des barres 1 et 2 par rapport à leur situation de repos. Initialement, on impose  $x_2(0) = a$  et  $x_1(0) = 0$  et aucune vitesse initiale.

- Déterminer, l'expression de  $x_2(t)$  si on impose  $x_1(t) = 0$  (Barre 1 fixe) et que l'on suppose le régime pseudo-périodique.
- Déterminer, l'expression de  $x_1(t)$  et  $x_2(t)$  en régime établi si les deux tiges sont mobiles.



Exercice :

- $\vec{B}_i = \mu_0 n i(t) \vec{e}_z$
- $\vec{E} = -\frac{\mu_0 n v}{2} \frac{di}{dt} \vec{e}_\theta$
- $\vec{j} = \gamma \vec{E}$
- On effectue un bilan de circulation sur un contour entre  $r$  et  $r + dr$  :  

$$-\frac{dB_i}{dr} dr dz = \mu_0 \gamma E dr dz \Rightarrow B_i = \frac{\mu_0^2 \gamma n (r^2 - R^2)}{4} \frac{di}{dt}$$
- En  $r = 0$  :  $\frac{\mu_0^2 \gamma n (r^2 - R^2) \frac{di}{dt}}{4} \approx \frac{\mu_0 \gamma R^2}{4} \frac{di}{dt} \ll 1$  soit  $R \ll 2 \sqrt{\frac{1}{\mu_0 \gamma}}$  dans le cas contraire, le champ induit ne sera négligeable qu'au voisinage de  $R$  : on a un effet de peau

Exercice : Rail de Laplace

1) L'équation mécanique de 2 est :  $m \frac{dv_2}{dt} = -kx_2 + iB$

L'équation électrique est :  $\mathcal{E} = -iB(v_2) = Ri$

Soit :  $\frac{d^2x_2}{dt^2} + \frac{(iB)^2}{m} \frac{dx_2}{dt} + \frac{k}{m} x_2 = 0$

$$x_2 = ae^{-M\omega_0 t} \left( \cos(\omega_0 t) + \frac{M}{\sqrt{1-M^2}} \sin(\omega_0 t) \right)$$

2) L'équation mécanique de 1 est :  $m \frac{dv_1}{dt} = -kx_1 - iB$

L'équation mécanique de 2 est :  $m \frac{dv_2}{dt} = -kx_2 + iB$

L'équation électrique est :  $\mathcal{E} = -iB(v_2 - v_1) = Ri$

$$\begin{cases} \frac{dv_1}{dt} = -\frac{k}{m} x_1 + \frac{(iB)^2}{Rm} (v_2 - v_1) \\ \frac{dv_2}{dt} = -\frac{k}{m} x_2 - \frac{(iB)^2}{Rm} (v_2 - v_1) \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{d^2x_1}{dt^2} - \frac{(iB)^2}{Rm} (v_2 - v_1) + \omega_0^2 x_1 = 0 \\ \frac{d^2x_2}{dt^2} + \frac{(iB)^2}{Rm} (v_2 - v_1) + \omega_0^2 x_2 = 0 \end{cases}$$

Soit, en posant  $X = x_1 + x_2$  et  $Y = x_2 - x_1$  :  $\begin{cases} \frac{d^2X}{dt^2} + \omega_0^2 X = 0 \\ \frac{d^2Y}{dt^2} + \frac{2(iB)^2}{m} Y + \omega_0^2 Y = 0 \end{cases}$

Nom : Bruynseels Prénom: Lucas colle du: 07-11-25

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	5,0	9,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	1			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	1,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	0			

ajustement

+	-		
		note	9

Remarques : exo 1 : très approximatif, exo 2 : ça manque encore de précision

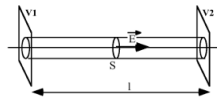
Colle 3

Exercice 1 : Equations de Maxwell

- Donner les équations de Maxwell valable pour tout régime et tout milieu.
- Ecrire les versions intégrales des équations précédentes
- Vérifier que l'équation de Maxwell-Amère est compatible avec l'équation de conservation de la charge

Exercice 2 : Bilan dans un conducteur ohmique

Soit un conducteur de section  $S$ , de rayon  $R$ , de longueur  $l$ , de conductivité  $\gamma$  siège d'un courant d'intensité  $I$  sous l'action d'un champ électrique  $\vec{E}$  uniforme et associé à la ddp  $V_1 - V_2 = U$ . On néglige les effets de bords en supposant  $l$  infini et le régime est stationnaire.



Déterminer :

- Le champ magnétostatique
- L'expression du vecteur de Poynting
- La puissance rentrant à travers les parois du conducteur
- La puissance dissipée par effet Joule
- La densité d'énergie électromagnétique

Exercice 1 :

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{div} \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0} \\ \text{div} \vec{B} = 0 \\ \text{rot} \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \\ \text{rot} \vec{B} = \mu_0 \vec{j} + \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \end{array} \right. \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \oint \vec{E} \cdot d\vec{S}_{ext} = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0} \\ \oint \vec{B} \cdot d\vec{S}_{ext} = 0 \\ \oint \vec{E} \cdot d\vec{OM} = \iint -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \cdot d\vec{S} \\ \oint \vec{B} \cdot d\vec{OM} = \mu_0 i_e + \mu_0 \epsilon_0 \iint \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \cdot d\vec{S} \end{array} \right.$$

$$\text{div}(\text{rot} \vec{B}) = 0 = \mu_0 \text{div}(\vec{j}) + \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \text{div} \vec{E}}{\partial t}$$

Soit  $\frac{\partial \rho}{\partial t} = -\text{div} \vec{j}$

Exercice 2 :

Déterminer :

- Le champ magnétostatique : En dehors de la structure  $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \vec{u}_\phi$
- L'expression du vecteur de Poynting :  $\vec{\pi} = -\frac{E B}{\mu_0} \vec{u}_r$
- La puissance rentrant à travers les parois du conducteur
- La puissance dissipée par effet Joule

Deux manières :

$$P_{\text{Joule}} = \iiint \vec{j} \cdot \vec{E} dV = \gamma E^2 \pi R^2 l = \frac{U^2}{R}$$

Où avec le bilan de Poynting :  $\frac{dW_{em}}{dt} = 0 = -\oint \vec{\pi} \cdot d\vec{S}_{ext} - \iiint \vec{j} \cdot \vec{E} dV$

$$\text{Donc } P_{\text{Joule}} = -\oint \vec{\pi} \cdot d\vec{S}_{ext} = UI = RI^2$$