

Nom : Bour Prénom: Gabrielle colle du: 16-11

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	8,3	14,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	1			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	3,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	2			

	+	-	note	15
ajustement				

Remarques : exo 1 : avec un peu d'aide, exo 2 : A bien, exo 3 : Avec de l'aide, Tu progresses !

Colle Gabrielle

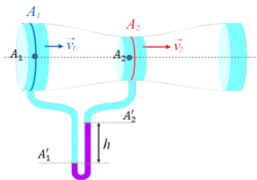
Exercice 1 :

On considère un écoulement dans une conduite cylindrique de rayon R d'axe de révolution z . Cet écoulement est stationnaire, axial et le champ des vitesses est : $\vec{v} = v(r)\vec{u}_z$.

- 1) Dessiner quelques lignes de champ
- 2) Justifier si ce fluide est incompressible
- 3) Calculer le débit à travers une section droite si $\vec{v} = \frac{v_0 r}{R}\vec{u}_z$

Exercice 2 : Bernoulli

On note S_{A_1} et S_{A_2} les sections d'un tube de Venturi au niveau des points A_1 et A_2 . Montrer que l'on peut déduire le débit volumique D_v du fluide de masse volumique μ à partir de la dénivellation h du liquide manométrique de masse volumique $\mu_0 \gg \mu$. On suppose l'écoulement stationnaire et le fluide incompressible et parfait



Exercice 3 :

13.42) Nombre de Reynolds associé à l'écoulement d'eau d'un robinet
On s'intéresse à un tuyau d'eau de diamètre intérieur $d = 12\text{mm}$. Justifier le fait que pour un débit volumique $D_v = 0,2\text{L/min}$, l'écoulement est laminaire et pour un débit $D_v = 10\text{L/min}$, l'écoulement est turbulent.

Exercice 1

$\text{div}\vec{v} = 0$ donc incompressible

$$D_v = \frac{2\pi v_0 R^2}{3}$$

Exercice 2 :

Le long de la ligne de courante $A_1 - A_2$ et pour cet écoulement stationnaire, d'un fluide incompressible et parfait, on a

$$\frac{P_{A_2} - P_{A_1}}{\mu} + \frac{c_{A_2}^2 - c_{A_1}^2}{2} = 0$$

$$P_{A_2} - P_{A_1} \approx P_{A_2'} - P_{A_1'} \approx -\mu_0 g h$$

$$D_v = S_{A_1} S_{A_2} \sqrt{\frac{2\mu_0 g h}{\mu(S_{A_1}^2 - S_{A_2}^2)}}$$

13.42) Nombre de Reynolds associé à l'écoulement d'eau d'un robinet
On s'intéresse à un tuyau d'eau de diamètre intérieur $d = 12\text{mm}$. Justifier le fait que pour un débit volumique $D_v = 0,2\text{L/min}$, l'écoulement est laminaire et pour un débit $D_v = 10\text{L/min}$, l'écoulement est turbulent.

Nom : Eyssartier Prénom: Jordan!!!! colle du : 16/09/2023

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	8,3	13,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

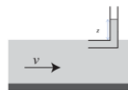
	+	-	note	14
ajustement				

Remarques : Je pense que l'application de Bernoulli est maintenant maîtrisée

Celle Jordan

Exercice 1 : Bernoulli

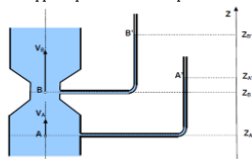
On considère l'écoulement stationnaire de l'eau d'un fleuve. L'eau est assimilée à un fluide incompressible et parfait s'écoulant uniformément avec une vitesse horizontale v par rapport à la rive. On place un tube en verre coudé et on appelle z la hauteur de la colonne d'eau qui s'établit dans ce tube. On note g l'intensité du champ de pesanteur terrestre.



Exprimer la vitesse de l'écoulement en fonction des données du sujet

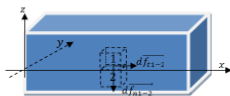
Exercice 2 : Bernoulli

Montrer que le dispositif ci-dessous peut servir de débitmètre. L'écoulement est stationnaire et le fluide supposé parfait et incompressible



Exercice 3 :

Soient deux volumes **mésoscopiques** de fluide notés 1 et 2 de surface commune dS en écoulement unidirectionnel $\vec{v} = v_x(z)\vec{u}_x$.



- Donner l'expression des forces élémentaires surfacique $d\vec{f}_{1 \rightarrow 2}$ et $d\vec{f}_{2 \rightarrow 1}$ en fonction de la pression P et de la viscosité η .
- Donner l'expression de l'équivalent volumique de ces forces.

Exercice 1 : On applique Bernoulli sur la ligne de courant axiale à la surface libre :

$$\frac{P_A}{\rho} + \frac{v_A^2}{2} + g z_A = \frac{P_B}{\rho} + \frac{v_B^2}{2} + g z_B$$

$P_B = P_A + \rho g z$ et la conservation du débit volumique donne alors : $v_B = 0$ soit :

$$v_B = \sqrt{2gz}$$

Exercice 2 : On applique Bernoulli sur la ligne de courant axiale :

$$\frac{P_A}{\rho} + \frac{v_A^2}{2} + g z_A = \frac{P_B}{\rho} + \frac{v_B^2}{2} + g z_B$$

$P_B - P_A = \rho g (z'_B - z_B - (z'_A - z_A))$ et la conservation du débit volumique donne alors : $v_A S_A = v_B S_B$ soit :

$$v_B = \sqrt{\frac{2(z'_B - z'_A)g}{1 - \left(\frac{S_B}{S_A}\right)^2}}$$

Expérimentalement $z'_A > z'_B$

Nom : Seray Prénom: Evan colle du: 17-10

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	10,0	16,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	2			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	4,5	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	2			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement		*	note	16

Bonne colle => attentions aux étourderies de calculs !

Colle Exo 1

Exercice 1 : Divergence

Soit un champ vectoriel $\vec{a}(x, y, z) = \begin{pmatrix} a_x(x, y, z) \\ a_y(x, y, z) \\ a_z(x, y, z) \end{pmatrix}$ en repérage cartésien

- Donner l'expression du bilan de flux élémentaire $\sum_{\partial V} \vec{a} \cdot d\vec{S}_i$ à travers une surface fermée élémentaire délimitant le volume $dV = dx dy dz$. On fera apparaître les dérivées partielles $\frac{\partial a_x}{\partial x}, \frac{\partial a_y}{\partial y}, \frac{\partial a_z}{\partial z}$
- En déduire l'expression de $div \vec{a}$ sachant que $\sum_{\partial V} \vec{a} \cdot d\vec{S}_i = div \vec{a} dV$

Exercice 2 : Equation Bilan

Soit une classe de volume V contenant un nombre donné d'élèves, une porte de surface S_1 par laquelle les élèves peuvent rentrer et une porte de surface S_2 par laquelle les élèves peuvent sortir. Notons $n(M)$ la densité moyenne d'élèves et $\vec{v}(M)$ la vitesse des élèves autour d'un point M quelconque de la classe.

- Etablir l'équation de conservation du nombre d'élèves sous forme intégrale puis sous forme locale.
- Faire une analogie avec un bilan de masse.

Exercice 3 :

13.4.1) Nombre de Reynolds associé à une voiture
On s'intéresse à une voiture qui se déplace dans l'air de viscosité $\eta = 18.10^{-4} \text{ Pa}$ avec la vitesse $v = 100 \text{ km/h}$. Calculer le nombre de Reynolds. Qualifier l'écoulement.

Exercice 4 : Vidange d'une clepsydre et mesure du temps

Un récipient, à symétrie de révolution autour de l'axe Oz, de section horizontale S , se vidange à travers un orifice O de très faible section s percé au fond. L'intensité de champ de pesanteur est $g = 10 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$.

- Exprimer l'équation différentielle vérifiée par la variation de l'altitude $\frac{dz}{dt}$ du niveau de l'eau.
- On suppose que $S = S_0$ est une constante et qu'une hauteur $h = 20 \text{ cm}$ d'eau est initialement présente. Déterminer la valeur du rapport $\frac{s}{S}$ assurant une vidange complète du réservoir en 10 s.
- On suppose que $S(z) = S_0 \left(\frac{z}{z_0}\right)^n$, déterminer la valeur d'une hauteur de liquide $z(t)$ qui soit linéaire avec le



Exercice 2 : Equation Bilan

Bilan intégral :

$$N(t + dt) - N(t) = - \int_{S_1} \vec{n} \cdot d\vec{S}_1 dt - \int_{S_2} \vec{n} \cdot d\vec{S}_2 dt = - \oint \vec{n} \cdot d\vec{S} dt$$

$$\frac{dN}{dt} = - \oint \vec{n} \cdot d\vec{S}$$

En local :

$$\frac{dN}{dt} = \frac{d}{dt} \int_V n dV = \int_V \frac{\partial n}{\partial t} dV = - \int_{S_1} \vec{n} \cdot d\vec{S}_1 - \int_{S_2} \vec{n} \cdot d\vec{S}_2 = - \oint \vec{n} \cdot d\vec{S} = - \int_V div(n\vec{v}) dV$$

$$\int_V \frac{\partial n}{\partial t} dV = - \int_V div(n\vec{v}) dV \quad \frac{\partial n}{\partial t} = -div(n\vec{v})$$

Exercice 3

$$Re = \frac{\rho \cdot L \cdot v}{\eta} = \frac{1.3 \cdot 100}{5.6 \cdot 18.10^{-4}} = 2.10^6$$

L'écoulement est turbulent.

Exercice 4 :

- L'application de Bernoulli (dans un régime quasi-stationnaire) et l'hypothèse d'un fluide incompressible $\frac{dz}{dt} = \frac{z}{S} \sqrt{2gz}$
- Si $S = cte$ alors $\int_h^0 -\frac{z}{S} dz = -\frac{z}{S} \int_0^h \frac{1}{z} dz$
 $\frac{z}{2h} = \frac{S}{S} = 50$
- Si $S(z) = S_0 \left(\frac{z}{z_0}\right)^n$, $-\frac{dz}{dt} = \frac{z}{S_0 \left(\frac{z}{z_0}\right)^n} \sqrt{2gz} = Cte \rightarrow n = \frac{1}{2}$