

Nom : Bour Prénom: Gabrielle colle du: 17-10

| | niveau de maîtrise | pois compétence | note compétence | note globale |
|--|--------------------|-----------------|-----------------|--------------|
| Savoir énoncer les résultats importants du cours | 2 | 10 | 10,0 | #DIV/0! |
| Connaître les hypothèses d'application des résultats | 2 | | | |
| Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple | 2 | | | |
| S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses | NE | 6 | 3,0 | |
| Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée | 1 | | | |
| Réaliser : Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations | 1 | | | |
| Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension) | NE | 4 | #DIV/0! | |
| Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié | NE | | | |
| Rédiger proprement ses démarches au tableau | NE | | | |

| | | | | |
|------------|---|---|------|---------|
| | + | - | | |
| ajustement | | | note | #DIV/0! |

Remarques : Colle non notée

Colle Gabrielle

Exercice 1 : Gradient

On rappelle la définition de l'opérateur gradient appliqué à une fonction scalaire $f(M)$:

$$df = \overrightarrow{grad}f \cdot d\overrightarrow{OM}$$

- 1) Calculer le gradient de $f(x) = ax + b$ avec a et b constants
- 2) Représenter quelques lignes de champ de $\overrightarrow{grad}f$
- 3) Identifier les surfaces pour lesquelles f est constant.

On considère un champ des températures $T(x, y) = \frac{T_0}{a}(x + y)$ pour

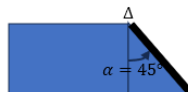
- 4) Dessiner l'opérateur gradient
- 5) Rappeler le lien entre le travail d'une force conservative et son énergie potentielle E_p
- 6) Soit un objet de masse m dans le champ de pesanteur terrestre \vec{g} uniforme. Déterminer l'expression de l'énergie potentielle E_{pp} de pesanteur en utilisant l'opérateur gradient

Soit un objet de masse m dans le champ gravitationnel non uniforme de la Terre : $\vec{G}(M) = -G \frac{M}{r^2} \vec{u}_r$ où G est la constante gravitationnelle, r la distance entre la masse m et le centre de la Terre et M_T la masse de la Terre.

- 7) Déterminer l'énergie potentielle associée à la force gravitationnelle.

Exercice 2 : Déclenchement d'un clapet

Une conduite se termine sur un clapet de masse m susceptible de tourner autour d'un axe Δ . Cette conduite carrée de largeur L contient de l'eau de masse volumique ρ sur une hauteur L . Quelle est la condition sur L assurant la mise en rotation du clapet ?



Exercice 1 : Gradient

On rappelle la définition de l'opérateur gradient appliquée à une fonction scalaire $f(M)$
 $df = \overrightarrow{grad}f \cdot d\overrightarrow{OM}$

- 1) $\overrightarrow{grad}f = a\vec{u}_x$
- 2) Champ uniforme
- 3) Plans perpendiculaires à \vec{u}_x

On considère un champ des températures $T(x, y) = \frac{T_0}{a}(x + y)$

- 4) Incliné de 45°
- 5) $\vec{F} = -\overrightarrow{grad}E_p$
- 6) $E_{pp} = \pm mgz + Cte$
- 7) $E_p = -\frac{GMm}{r}$

Exercice 3 : Déclenchement d'un clapet

En prenant, une origine sur la surface libre :

$$P(z) = P_0 + \rho_r g z \rightarrow P_{x,z,z} = \rho_r g z \text{ et } \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{z}{x}$$

$$M = L \int xP(x) dx = 2L \int_0^L zP(z) dz = 2 \frac{\rho_r g L^4}{3} \rightarrow 2 \frac{\rho_r g L^4}{3} = \frac{mgL\sqrt{2}}{2}$$

Nom : Eyssartier Prénom: Jordan!!!! colle du19/09/2023

| | niveau de maîtrise | poids compétence | note compétence | note globale |
|--|--------------------|------------------|-----------------|--------------|
| Savoir énoncer les résultats importants du cours | 2 | 10 | 6,7 | 11,5 |
| Connaître les hypothèses d'application des résultats | 1 | | | |
| Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple | 1 | | | |
| S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses | NE | 6 | 3,0 | |
| Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée | NE | | | |
| Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations | 1 | | | |
| Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension) | NE | | | |
| Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié | 1 | 4 | 2,0 | |
| Rédiger proprement ses démarches au tableau | 1 | | | |

| | + | - | note | 12 |
|------------|---|---|------|----|
| ajustement | | | | |

Remarques : C'est mieux, tu manque encore un peu d'automatisme

Exercice 1 : Question de cours

On considère un réservoir d'eau de hauteur H . Donner l'expression de la pression $P(z)$ en référentiel terrestre galiléen (le champ de pesanteur est considéré uniforme et vertical). On utilisera le repérage ci-contre (origine au niveau du sol) et une pression atmosphérique P_0 .



Exercice 2 : statique des fluides

On donne la relation de la statique des fluides en référentiel terrestre Galiléen (avec P la pression, ρ la masse volumique du fluide et \vec{g} le champ de pesanteur terrestre) :

$$\overrightarrow{\text{grad}}P = \rho \vec{g}$$



On travaille avec une base verticale ascendant $(0, \vec{u}_y)$

- Obtenir l'expression de la fonction $P(y)$ si le fluide est incompressible et que $P(H) = P_0$.

Le fluide est maintenant un gaz supposé parfait de masse molaire M à la température T_0

- Donner l'expression de sa masse volumique ρ en fonction de P, M, R (cte des GP), T_0
- En déduire alors que $\frac{d\rho}{dy} + \frac{\rho}{\delta} = 0$ avec δ à exprimer
- Résoudre cette équation si $P(0) = P_0$

Exercice 3 : Application du cours

On considère l'atmosphère terrestre comme un gaz parfait (de température $T(z) = T_0 - az$ avec a constante et de masse molaire M). Montrer que l'expression de la pression $P(z)$ en référentiel terrestre galiléen (le champ de pesanteur est considéré uniforme et vertical) vérifie $\frac{P(z)}{P_0} = \left(\frac{T(z)}{T_0}\right)^a$ avec a constante. On utilisera le repérage ci-contre et une pression au niveau du sol donnée par P_0 .



Exercice 1 : Question de cours

Avec la loi de la statique des fluides et un axe ascendant : $\frac{dP(z)}{dz} = -\rho g$

$$\text{Soit } P(z) = \rho g (H - z) + P_0$$

Exercice 2 : statique des fluides

On donne la relation de la statique des fluides en référentiel terrestre Galiléen (avec P la pression, ρ la masse volumique du fluide et \vec{g} le champ de pesanteur terrestre) :

$$\overrightarrow{\text{grad}}P = \rho \vec{g}$$



On travaille avec une base verticale ascendant $(0, \vec{u}_y)$

- $P(y) = -\rho g (z - H) + P_0$
- $\rho = \frac{PM}{RT}$
- En déduire alors que $\frac{d\rho}{dy} = -\frac{\rho M g}{RT_0}$
- $P(y) = P_0 e^{-\frac{y}{H}}$

Exercice 3 : statique des fluides

D'après la loi de la statique des fluides $\frac{dP}{dz} = -\rho g = -\frac{PMg}{R(T_0 - az)}$

$$\text{Et donc } \frac{dP}{P} = d \ln P = \frac{Mg}{Ra} \frac{-adz}{(T_0 - az)^2} = \frac{Mg}{Ra} d \ln (T_0 - az)$$

$$\text{Donc : } d \ln P = d \ln (T_0 - az) \frac{Mg}{Ra}$$

$$\text{Soit : } d \ln \frac{P}{(T_0 - az)^{\frac{Mg}{Ra}}} = 0$$

$$\text{Et : } \frac{P(z)}{(T_0 - az)^{\frac{Mg}{Ra}}} = \frac{P_0}{T_0^{\frac{Mg}{Ra}}}$$

$$\text{Donc : } \frac{P(z)}{P_0} = \left(\frac{T(z)}{T_0}\right)^{\frac{Mg}{Ra}}$$

Nom : Seray Prénom: Evan colle du: 17-10

| | niveau de maîtrise | poids compétence | note compétence | note globale |
|--|--------------------|------------------|-----------------|--------------|
| Savoir énoncer les résultats importants du cours | 2 | 10 | 10,0 | 16,5 |
| Connaître les hypothèses d'application des résultats | 2 | | | |
| Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple | 2 | | | |
| S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses | NE | 6 | 4,5 | |
| Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée | 2 | | | |
| Réaliser : Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations | 1 | | | |
| Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension) | NE | 4 | 2,0 | |
| Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié | 1 | | | |
| Rédiger proprement ses démarches au tableau | 1 | | | |

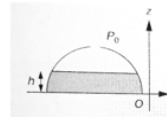
ajustement

| + | - | note | 17 |
|---|---|------|----|
| | | | |

Cours connu et bonne compréhension du sujet. En revanche, il faut veiller à améliorer ta rédaction dans les questions "démontrer que" afin de proposer une démarche efficace *2!!!!

Exercice 1 : Soulèvement d'une calotte sphérique

Une demi-sphère de rayon R , de masse m posée sur le sol est percée d'un trou en son sommet. On l'a rempli progressivement d'eau. Pour quelle hauteur h d'eau se soulève-t-elle ?



Exercice 2 : Gradient

On rappelle la définition de l'opérateur gradient appliqué à une fonction scalaire $f(M)$:

$$df = \overrightarrow{\text{grad}f} \cdot d\overrightarrow{OM}$$

Exercice 1 : Soulèvement d'une calotte sphérique

$$P(z) = P_0 + \rho_f g (h - z) \rightarrow P_{\text{nette}} = \rho_f g (h - z)$$

$$F_z = 2\pi R^2 \rho_f g \int_{\theta_0}^{\pi/2} (h - z) \sin\theta \cos\theta d\theta = 2\pi R^2 \rho_f g \int_{\theta_0}^{\pi/2} (h - R \cos\theta) \sin\theta \cos\theta d\theta$$

$$F_z = 2\pi R^2 \rho_f g \int_{h/R}^0 (-h \cos\theta d\cos\theta + R \cos^2\theta d\cos\theta)$$

$$F_z = 2\pi R^2 \rho_f g \left(\frac{h^3}{2R^2} - \frac{h^3}{3R^2} \right) = \frac{\pi h^3 \rho_f g}{3} \rightarrow \frac{\pi h^3 \rho_f g}{3} = mg$$