

Nom : Beaumatin Prénom: Gabriel colle du: 15-10-24

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	5,0	11,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	4,5	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	2			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement		*	note	11

Remarques : Des capacité mais il faut les exploiter ! Tu n'as pas repris ton cours de jeudi !

Colle

Exercice 1 : Repérage :

- Dessiner la base cylindrique ($\vec{u}_r, \vec{u}_\theta, \vec{u}_z$) en un point $M(r, \theta, z)$
- Déterminer la surface latérale S d'un cylindre de rayon R et de hauteur h .
- Déterminer la masse m du cylindre précédent si sa masse volumique $\rho(r) = \frac{\rho_0 r}{R}$
 ρ_0 et R sont des constantes.
- Déterminer le moment d'inertie J d'une sphère homogène de masse volumique ρ autour de son axe Oz . On rappelle que $J = \int HM^2 dm$ où HM est la distance radiale du point M avec l'axe Oz . On donne $\int \sin^2 \theta = \int (1 - \cos^2 \theta) \sin \theta d\theta = -\int (1 - \cos^2 \theta) d\cos \theta$

Exercice 2 : pression au centre du soleil

On assimile le soleil à un fluide statique, incompressible de masse volumique ρ occupant une sphère de rayon R . Dans cette sphère, le champ de pesanteur est radial est vaut $\vec{g} = -\frac{g_0 r}{R} \vec{u}_r$ où g_0 est une constante.

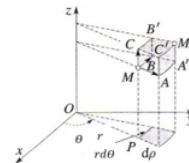
Déterminer l'expression de la pression dans le soleil. On note $P(r=R) = 0$.

Exercice 3 : Gradient

Soit une fonction $f(x, y, z)$, une fonction de l'espace en repérage cartésien

- Donner l'expression de la différentielle df de f en fonction de ses dérivées partielles
- Exprimer df en fonction de $\overline{\text{grad} f}$.
- En déduire l'expression de l'opérateur gradient en repérage cartésien.
- Reprendre les questions précédentes en repérage sphérique

Exercice 1 Repérage :



1)

$$2) S = 2\pi R h$$

$$3) m = \frac{2\pi \rho_0 h}{3} R^2$$

$$4) I = \int HM^2 dm = \rho \int r^4 \sin^2 \theta d\theta d\phi dr = 2\pi \rho \frac{R^4}{5} h$$

$$I = 2m \frac{R^2}{5}$$

Exercice 2 : pression au centre du soleil

D'après la loi de la statique des fluides : $\frac{dp}{dr} = -\rho \frac{g_0 r}{R}$

Donc : $P(r) = \rho \frac{g_0}{2R} (R^2 - r^2)$ (au centre, on trouve 1Gbar !)

Nom : Landais Prénom: Jocelyn colle du: 3-10-24

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	8,3	13,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser : Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement		*	note	13

Remarques : opérateur gradient : à reprendre, repérages : reprendre la qualité des dessin en sphérique et cylindrique

Exercice 2 : Gradient

On rappelle la définition de l'opérateur gradient appliqué à une fonction scalaire $f(M)$:
 $df = \text{grad}f \cdot d\vec{OM}$

- 1) Calculer le gradient de $f(x) = ax + b$ avec a et b constants
- 2) Représenter quelques lignes de champ de $\text{grad}f$
- 3) Identifier les surfaces pour lesquelles f est constant.
- 4) Dessiner l'opérateur gradient si on considère un champ des températures $T(x,y) = \frac{23}{4}(x+y)$
- 5) Rappeler le lien entre le travail d'une force conservative et son énergie potentielle E_p
- 6) Soit un objet de masse m dans le champ de pesanteur terrestre \vec{g} uniforme. Déterminer l'expression de l'énergie potentielle E_{pp} de pesanteur en utilisant l'opérateur gradient

Soit un objet de masse m dans le champ gravitationnel non uniforme de la Terre : $\vec{G}(M) = -G \frac{M_1}{r^2} \vec{u}_r$ où G est la constante gravitationnelle, r la distance entre la masse m et le centre de la Terre et M_1 la masse de la Terre.

$$F_z = 2\pi R^2 \rho_f g \left(\frac{h^3}{2R^2} - \frac{h^3}{3R^2} \right) = \frac{\pi h^3 \rho_f g}{3} \rightarrow \frac{\pi h^3 \rho_f g}{3} = mg$$

Exercice 2 : Gradient

On rappelle la définition de l'opérateur gradient appliquée à une fonction scalaire $f(M)$:
 $df = \text{grad}f \cdot d\vec{OM}$

- 1) $\text{grad}f = a\vec{u}_x$
- 2) Champ uniforme
- 3) Plans perpendiculaires à \vec{u}_x

On considère un champ des températures $T(x,y) = \frac{23}{4}(x+y)$

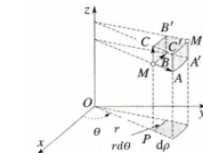
- 4) Incliné de 45°
- 5) $\vec{F} = -\text{grad}E_p$
- 6) $E_{pp} = \pm mgz + Cte$
- 7) $E_p = -\frac{GMm}{r}$

Colle

Exercice 1 : Repérage :

- 1) Dessiner la base cylindrique $(\vec{u}_r, \vec{u}_\theta, \vec{u}_z)$ en un point $M(r, \theta, z)$
- 2) Déterminer la surface latérale S d'un cylindre de rayon R et de hauteur h .
- 3) Déterminer la masse m du cylindre précédent si sa masse volumique $\rho(r) = \frac{\rho_0 r}{R}$
 ρ_0 et R sont des constantes.
- 4) Déterminer le moment d'inertie J d'une sphère homogène de masse volumique ρ autour de son axe Oz . On rappelle que $J = \int HM^2 dm$ où HM est la distance radiale du point M avec l'axe Oz . On donne $\int \sin^2 \theta = \int (1 - \cos^2 \theta) \sin \theta d\theta = -\int (1 - \cos^2 \theta) d\cos \theta$

Exercice 1 Repérage :



- 1)
- 2) $S = 2\pi R h$

Nom : Bruynseels Prénom: Lucas colle du: 03-10-24

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	8,3	12,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	1			
Réaliser : Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	1,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	0			

ajustement

+	-		
*		note	14

Remarques : identité thermo à maîtriser et attention à la qualité de la rédaction ! => exo à reprendre

Colle

Exercice 3 : Question de cours

Question de cours

- Placer, dans la base cartésienne, le point $A(2; 2\sqrt{2})$.
- Quel est le jeu de variables (r, θ, z) décrivant la position du point A dans la base cylindrique ? Représenter la base cylindroplaire associée à cette position du point A .
- Quel est le jeu de variables (r, θ, φ) décrivant la position du point A dans la base sphérique ? Représenter la base sphérique associée à cette position du point A .

Avec la loi de la statique des fluides et un axe ascendant $\frac{dp(z)}{dz} = -\rho g$

Soit $P(z) = \rho g(H - z) + P_0$

Exercice 1 : opérateur gradient

On rappelle la définition de l'opérateur gradient appliqué à une fonction scalaire $f(M)$:

$$df = \text{grad}f \cdot d\vec{OM}$$

- Calculer le gradient de $P(z) = -\rho g z + P_0$ avec ρ, g et P_0 constants
- Représenter quelques lignes de champ de $\text{grad}P$
- Identifier les surfaces pour lesquelles P est constant

Exercice 3 : Question de cours

On considère un réservoir d'eau de hauteur H . Donner l'expression de la pression $P(z)$ en référentiel terrestre galiléen (le champ de pesanteur est considéré uniforme et vertical). On utilisera le repérage ci-contre (origine au niveau du sol) et une pression atmosphérique P_0 .

