

Nom : Beaumatin Prénom: Gabriel colle du: 14_11-24

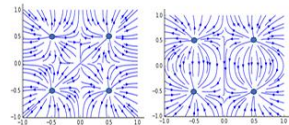
	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	5,0	10,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	1	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	2,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement			note	10

Remarques : Colle qui a mis en évidence un vocabulaire un peu bancall, un repérage sphérique imprécis et un cours pas parfaitement connu

Lucas Exercice 1 : Symétrie de la distribution et symétrie du champ électrique

1) Repérer les différents de plans de symétrie du champ électrostatique sur les cartographies de lignes de champ données ci-dessous, puis identifier la distribution de charges qui en est à l'origine (dans les deux cas il s'agit de 4 charges ponctuelles $\pm q$ avec $q > 0$ situées aux points 0_i):

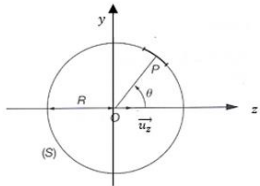


2) Après avoir dessiné une base adaptée en un point M quelconque de l'espace, repérer les plans de symétrie des distributions de charges ci-dessous puis déterminer la direction du champ électrique $\vec{E}(M)$.

- Une sphère de rayon R uniformément chargée en volume.
- Cylindre de rayon R , supposé infini et uniformément chargé en surface.
- Plan supposé infini et chargé uniformément en surface.

Exercice 2 : symétrie, charge totale et loi de Coulomb

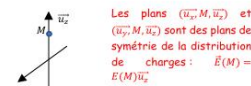
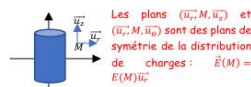
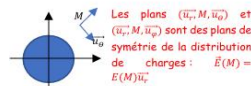
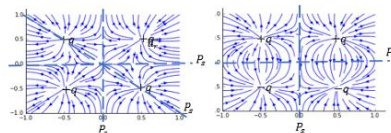
On considère une sphère de centre O et de rayon R chargée en surface avec une densité non uniforme donnée par $\sigma(P) = \sigma_0 \cos\theta$ en posant $\theta = (\vec{Oz}, \vec{OP})$.



- Repérer les plans de symétries et d'antisymétrie éventuels
- Calculer la charge totale
- Déterminer la direction du champ électrique en O .

Exercice 1 : Symétrie de la distribution et symétrie du champ électrique

On repère les plans de symétrie (d'antisymétrie) du champ électrique : également plans de symétrie (d'antisymétrie) des charges ! Et il faut évoquer la divergence des lignes de champ à partir de charges positives pour identifier leur signe.



Exercice :

- xy plan d'antisymétrie, zy plan de symétrie
- $q = 0$

$$c) E(O) = \int_0^{2\pi} d\varphi \int_0^{\pi/2} \frac{\sigma R^2 \sin\theta \cos\theta d\theta}{4\pi\epsilon_0 R^2} = -2\pi \int_0^{\pi/2} \frac{\sigma \cos\theta d\cos\theta}{4\pi\epsilon_0} = -\frac{\sigma}{2\epsilon_0} \left[\frac{\cos^2\theta}{2} \right]_0^{\pi/2} = \frac{\sigma}{4\epsilon_0}$$

Nom : Landais Prénom: Jocelyn colle du: 3-10-24

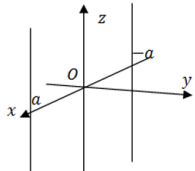
	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	10,0	13,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	2			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	0	6	1,5	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser : Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	2,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement	*		note	15

Remarques : Ne pas sousestimer l'importance du schéma

Colle Jocelyn Exercice : Champ créé par une plaque chargée

- Soit un fil vertical porté par l'axe Oz et dont la densité linéique λ de charges est constante. La dimension verticale h de ce fil est suffisamment grande pour supposer ce fil infini. En déduire alors l'expression du champ électrique en tout point M de l'espace en fonction de la charge q portée par ce fil.
- On cherche maintenant à déterminer le champ créé par une plaque uniformément chargée en surface avec une densité surfacique σ . Cette plaque est de largeur 2a et contenue dans le plan (xOz). Pour y arriver, on assimile cette plaque à une distribution formée par une superposition de fils infinis verticaux contenu dans le plan (xOz).



- Donner l'expression du champ élémentaire créé par une charge élémentaire dq associé à un fil élémentaire infini de longueur dx
- En déduire l'expression du champ électrostatique en M
- Que devient cette expression dans le cas d'une plaque infini ?

Exercice : de la spire à la plaque

- Donner l'expression du champ électrique créé par une spire de rayon R, de centre O portant une charge q uniformément répartie en point M de son axe Oz.
- Quel est l'expression du champ élémentaire dE rayonné par une spire élémentaire d'épaisseur dr portant alors une charge dq en un point M de son axe.
- En déduire l'expression du champ électrique créé par une plaque infinie uniformément chargée avec une densité σ .

Exercice : Champ créé par une plaque chargée

En utilisant la loi de coulomb : $d\vec{E} = \frac{dq(\vec{r})}{4\pi\epsilon_0 r^2} \vec{r}$ et sachant que le champ électrostatique est radial alors (en remarquant que : $\tan \alpha = \frac{z}{y}$ donc que $d \tan \alpha = \frac{dz}{\cos^2 \alpha} = \frac{dz}{y^2}$ et $\cos \alpha = \frac{y}{r}$) :

$$\vec{E}(M) = \int \frac{\lambda dx}{4\pi\epsilon_0 PM^2} \cos \alpha \vec{e}_r = \int_{-a}^a \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0} \frac{\cos \alpha dx}{(r^2)^{3/2}} \vec{e}_r = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0} \frac{\vec{e}_r}{hr} = \frac{q}{2\pi\epsilon_0 hr} \vec{e}_r$$

Sans le changement de variable $\vec{E}(M) = \int \frac{\lambda dx}{4\pi\epsilon_0 PM^2} \vec{e}_r = \int \frac{\lambda dx}{4\pi\epsilon_0 (r^2 + y^2)^{3/2}} \vec{e}_r = \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{dx}{(r^2 + y^2)^{3/2}} \vec{e}_r$

$$\vec{E}(M) = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0} \vec{e}_r$$

Donc la plaque élémentaire de largeur dx crée un champ $d\vec{E}(M) = \frac{\sigma dx}{2\pi\epsilon_0 r} \vec{e}_r$

Projeté suivant \vec{u}_y , on obtient : $dE = \frac{\sigma dx}{2\pi\epsilon_0 r} \cos \alpha$ avec $d \tan \alpha = \frac{dz}{\cos^2 \alpha} = \frac{dz}{y^2}$

Donc : $dE = \frac{\sigma dx}{2\pi\epsilon_0} \frac{dz}{y^2}$ d'où $E = \frac{\sigma \tan \alpha}{2\pi\epsilon_0 y}$ soit pour un plan infini : $E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$

Sans le changement de variable $E(M) = \int \frac{\sigma dx}{2\pi\epsilon_0 r} \cos \alpha = \int \frac{\sigma y dz}{2\pi\epsilon_0 (r^2 + y^2)^{3/2}} = \frac{\sigma y}{2\pi\epsilon_0} \int \frac{dz}{(r^2 + y^2)^{3/2}}$

$$E(M) = \frac{\sigma}{2\pi\epsilon_0} \int \frac{dX}{(X^2 + 1)} = \frac{\sigma}{2\pi\epsilon_0} \int d(\arctan(X))$$

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

Exercice : de la spire à la plaque

On peut proposer une infinité de plans de symétrie de la distribution contenant alors l'axe Oz et le point M : le champ électrostatique en M est sur l'axe Oz

La projection du champ élémentaire suivant la direction Oz donne : $d\vec{E} = \frac{\lambda R d\theta}{4\pi\epsilon_0 PM^2} \cos \alpha \vec{e}_z$

$$\vec{E} = \int_0^{2\pi} \frac{\lambda R d\theta}{4\pi\epsilon_0 PM^2} \cos \alpha \vec{e}_z = \frac{\lambda R}{2\epsilon_0 PM^2} \vec{e}_z = \frac{\lambda R}{2\epsilon_0 (R^2 + z_M^2)^{3/2}} \vec{e}_z$$

Pour une charge totale q : $\vec{E} = \frac{qz_M}{4\pi\epsilon_0 (R^2 + z_M^2)^{3/2}} \vec{e}_z$

Donc $d\vec{E} = \frac{qRz_M}{4\pi\epsilon_0 (R^2 + z_M^2)^{3/2}} \vec{e}_z = \frac{\sigma R z_M}{2\epsilon_0 (R^2 + z_M^2)^{3/2}} \vec{e}_z$

Soit : $\vec{E} = \frac{\sigma R z_M}{2\epsilon_0} \int_0^{2\pi} \frac{d\theta}{(R^2 + z_M^2)^{3/2}} \vec{e}_z = \frac{\sigma R z_M}{2\epsilon_0} \frac{2\pi}{(R^2 + z_M^2)^{3/2}} \vec{e}_z = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \frac{z_M}{(R^2 + z_M^2)^{3/2}} \vec{e}_z$

Nom : Bruynseels Prénom: Lucas colle du: 03-10-24

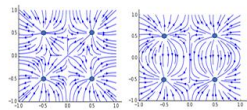
	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	8,3	12,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	1			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	1,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	0			

ajustement	+	-	note	12
		*		

Remarques : des bonne intuitions mais la mise en calcul est parfaite

Lucas Exercice 1 : Symétrie de la distribution et symétrie du champ électrique

1) Repérer les différents de plans de symétrie du champ électrostatique sur les cartographies de lignes de champ données ci-dessous, puis identifier la distribution de charges qui en est à l'origine (dans les deux cas il s'agit de 4 charges ponctuelles $\pm q$ avec $q > 0$ situées aux points q_i):

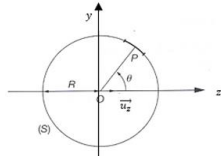


2) Après avoir dessiné une base adaptée en un point M quelconque de l'espace, repérer les plans de symétrie des distributions de charges ci-dessous puis déterminer la direction du champ électrique $\vec{E}(M)$.

- Une sphère de rayon R uniformément chargée en volume.
- Cylindre de rayon R , supposé infini et uniformément chargé en surface.
- Plan supposé infini et chargé uniformément en surface.

Exercice 2 : symétrie, charge totale et loi de Coulomb

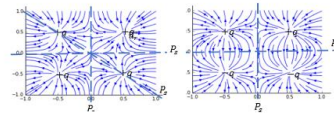
On considère une sphère de centre O et de rayon R chargée en surface avec une densité non uniforme donnée par $\sigma(P) = \sigma_0 \cos\theta$ en posant $\theta = (\vec{Oz}, \vec{OP})$.



- Repérer les plans de symétries et d'antisymétrie éventuels
- Calculer la charge totale.
- Déterminer la direction du champ électrique en O .

Exercice 1 : Symétrie de la distribution et symétrie du champ électrique

On repère les plans de symétrie (d'antisymétrie) du champ électrique : également plans de symétrie (d'antisymétrie) des charges ! Et il faut évoquer la divergence des lignes de champ à partir d charges positives pour identifier leur signe.



Les plans $(\vec{u}_x, M, \vec{u}_x)$ et $(\vec{u}_y, M, \vec{u}_y)$ sont des plans de symétrie de la distribution de charges : $\vec{E}(M) = E(M)\vec{u}_z$

Les plans $(\vec{u}_x, M, \vec{u}_z)$ et $(\vec{u}_y, M, \vec{u}_z)$ sont des plans de symétrie de la distribution de charges : $\vec{E}(M) = E(M)\vec{u}_z$

Les plans $(\vec{u}_x, M, \vec{u}_z)$ et $(\vec{u}_y, M, \vec{u}_z)$ sont des plans de symétrie de la distribution de charges : $\vec{E}(M) = E(M)\vec{u}_z$

Exercice :

- xy plan d'antisymétrie, zay plan de symétrie
- $q = 0$
- $E(O) = \int_0^{2\pi} d\varphi \int_0^{\pi/2} \frac{\sigma R^2 \sin\theta \cos\theta d\theta}{4\pi\epsilon_0 R^2} = -2\pi \int_0^{\pi/2} \frac{\sigma \cos\theta d\cos\theta}{4\pi\epsilon_0} = -\frac{\sigma}{2\epsilon_0} \left[\frac{\cos^2\theta}{2} \right]_0^{\pi/2} = \frac{\sigma}{4\epsilon_0}$