

Nom : Beaumatin Prénom: Gabriel colle du: 07-01-25	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	8,3	13,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	1	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser : Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement			note	14

Remarques : assez bonne colle

Exercice 1 : Equations de Maxwell

1) Énoncer les quatre équations de Maxwell en régime stationnaire

Exercice 2 : Maxwell-Ampère

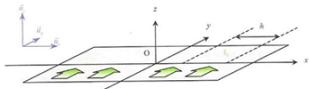
On étudie une distribution de courant caractérisée par le vecteur densité volumique de courant $\vec{J}(x, y, z)$ suivant

$$\begin{cases} |z| < a : \vec{J}(x, y, z) = j_0 \vec{e}_z \\ |z| > a : \vec{J}(x, y, z) = \vec{0} \end{cases}$$

1. Que pouvez-vous déduire des symétries et invariances pour le champ magnétique?
2. Déterminer l'expression du champ magnétique en tout point de l'espace.

Exercice 3 : Théorème d'Ampère

Un plan conducteur infini Oxy est parcouru par un courant surfacique dirigé selon le vecteur unitaire \vec{u}_y . Et dont l'intensité se répartit uniformément le long de l'axe Ox . On trouve ainsi un courant $I_0 > 0$ sur un segment de longueur h selon Ox .



- 1) Déterminer l'intensité B champ magnétostatique en un point quelconque de l'espace à l'aide du théorème d'Ampère. Tracer la fonction $B(z)$ et apprécier la discontinuité du champ magnétostatique pour cette distribution idéalisée.

On considère maintenant que la distribution précédente présente une certaine épaisseur l .

- 2) Tracer la fonction $B(z)$

Exercice 1 :

$$1) \operatorname{div} \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}, \operatorname{div} \vec{B} = 0, \operatorname{rot} \vec{E} = 0, \operatorname{rot} \vec{B} = \mu_0 \vec{j}$$

Exercice 2 :

$$\begin{cases} |z| < a : \vec{B} = -\mu_0 j_0 z \vec{u}_y \\ |z| \geq a : \vec{B} = -(\operatorname{sign}(z)) \mu_0 j_0 a \vec{u}_y \end{cases}$$

Exercice 3 :

Le champ magnétostatique étant un pseudo vecteur est alors antisymétrique de ce plan et on peut alors écrire que $\int_{\Gamma(A \rightarrow B)} \vec{B}_1 d\vec{OM}_1 + \int_{\Gamma(C \rightarrow D)} \vec{B}_2 d\vec{OM}_2 = 2 \int_{\Gamma(A \rightarrow B)} \vec{B}_1 d\vec{OM}_1 = \mu_0 I_{entace}$ avec $I_{entace} = I_0$ alors $B(z) = \frac{\mu_0 I_0}{2h}$. Donc $\vec{B} = \frac{\mu_0 I_0}{2h} \vec{e}_x$ pour $z > 0$ et $\vec{B} = -\frac{\mu_0 I_0}{2h} \vec{e}_x$ pour $z < 0$. On trouve donc une discontinuité du champ au passage de cette nappe donnée par $\Delta \vec{B} = \mu_0 \vec{e}_z \wedge \vec{u}_y$.

Avec une épaisseur l , on a un champ linéaire en z dans la distribution

Nom : Landais Prénom: Jocelyn colle du: 3-10-24	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	5,0	10,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser : Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement			note	10

Remarques : quelques def à reprendre : TMC, moment dipolaire, masse d'un atome...il faut être plus précis

Colle 6

Exercice 1 : Dipôle magnétique

$h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ m}^2 \cdot \text{kg} \cdot \text{s}^{-1}; m_e = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}; e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$

Un dipôle magnétique de moment \vec{M} situé dans un champ magnétique extérieur \vec{B} subit un couple $\vec{\Gamma} = \vec{M} \wedge \vec{B}$

- On nomme magnéton de Bohr l'unité atomique de moment magnétique. Sachant que l'on peut associer à un électron en rotation circulaire uniforme autour du noyau.
- Une aiguille de boussole est constituée d'un matériau ferromagnétique de masse volumique $\rho = 7800 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$ et de masse atomique $M = 55,8 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$. Proposer une valeur de volume de matériau pour cette aiguille et déduire des valeurs fournies le moment magnétique maximum de cette aiguille.
- On considère son moment magnétique réel deux fois plus faible. Le champ magnétique à la surface de la Terre a pour expression $\vec{B} = B_r \vec{e}_r + B_\theta \vec{e}_\theta + B_z \vec{e}_z$ avec \vec{e}_r et \vec{e}_θ selon des directions respectivement tangentielle et normale à la surface de la Terre.
On place la boussole dans le plan horizontal. L'aiguille prend alors une position d'équilibre. Cela nous donne-t-il une information sur la composante verticale ou horizontale de champ magnétique Terrestre?
- On déplace l'aiguille de sa position d'équilibre. On observe alors une oscillation de période T . L'aiguille a un moment d'inertie J_A . En déduire l'expression de cette composante.

Exercice 2 : Analyse de symétrie

On considère une spire d'axe Ox et de rayon a parcourue par un courant d'intensité I . On se place en un point $M(x)$ de l'axe.

- Déterminer la direction du champ $\vec{B}(M)$
- Déterminer le sens du champ $\vec{B}(O)$
- Représenter une ligne de courant. Vérifier que pour un point $M'(-x)$ le sens du champ en M' est cohérent avec les propriétés de symétrie.

Exercice 3 : Maxwell Ampère et/ou théorème d'Ampère

On souhaite déterminer les caractéristiques de la distribution de courant ($\vec{j}(M)$) créant en un point $M(r, \theta, z)$ de l'espace un champ magnétique $\vec{B}(M) = \begin{cases} r < a: B_1 \left(\frac{r}{a}\right)^2 \vec{e}_\theta \\ r > a: B_2 \frac{a}{r} \vec{e}_\theta \end{cases}$

Proposer une forme simplifiée de l'expression $\vec{j}(r, \theta, z) = j_r(r, \theta, z) \vec{e}_r + j_\theta(r, \theta, z) \vec{e}_\theta + j_z(r, \theta, z) \vec{e}_z$

Exercice 1 :

1) $L = mRv = \hbar$ et $I = \frac{e}{T} = \frac{ev}{2\pi R} = \frac{eh}{2\pi mR^2}$ donc $m = \mu_B = \frac{eh}{2m} \approx 10^{-22} \text{ A} \cdot \text{m}^2$

2) $\rho = \frac{m}{V} = \frac{NM}{N_A V}$ donc la concentration volumique en atome est $n^* = \frac{\rho N_A}{M}$ et pour un volume V on a un moment maximal (si chaque atome met en jeu un électron, ce qui est sous-entendu car deux électrons appariés compensent leurs effets magnétiques) : $M = \frac{\rho N_A}{M} \mu_B V$

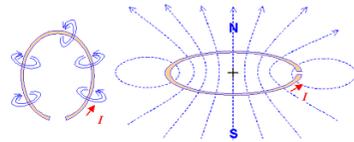
On prend un volume $V = 2\text{cm} \times 0,5\text{cm} \times 100\mu\text{m} = 10^{-8} \text{ m}^3$

$M \approx 6 \times 10^{-2} \text{ Am}^2$

3) Le champ magnétique indiqué correspond à la composante tangentielle

4) $j \hat{\theta} = -mB\theta$ aux petits angles $\omega_0^2 = \frac{mB}{J}$

Exercice 2 :



Exercice 3 :

Avec MA, on a $\vec{\text{rot}} \vec{B} = \frac{1}{r} \frac{dr B_\theta}{dr} \vec{e}_z = \mu_0 \vec{j}$: $\begin{cases} r < a: \frac{1}{r} \frac{dr B_\theta}{dr} = \mu_0 j \Rightarrow j = \frac{3B_1 r}{\mu_0 a^2} \\ r > a: \frac{1}{r} \frac{dr B_\theta}{dr} = \mu_0 j \Rightarrow j = 0 \end{cases}$

Avec TA : $\oint B_\theta r d\theta = \iint \mu_0 j(r) r dr d\theta \Rightarrow B_\theta r = \int \mu_0 j(r) r dr \Rightarrow \frac{dB_\theta}{dr} = \mu_0 j(r) r$

Nom : Bruynseels Prénom: Lucas colle du: 07-11-25

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	8,3	12,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	0	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	1			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	2			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	1,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	0			

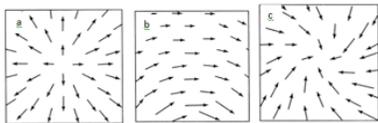
	+	-		
ajustement	*		note	14

Remarques : exo 1 : pas terrible, exo 2 : mieux

Colle 7

Exercice 1 : ligne de champ magnétique

Quelles sont, parmi les configurations suivantes, celles qui peuvent représenter un champ magnétostatique ? Où pourraient être les courants correspondants ? Le champ est supposé invariant par translation dans la direction perpendiculaire à la page.



Exercice 2 : Maxwell Ampère

Pour une certaine distribution de courants d'axe (Oz), en repérage cylindrique (r, θ, z) , le champ magnétostatique créé en M est $\vec{B} = B_\theta(r)\vec{e}_\theta$, avec B_0 et r_0 constantes :

$$B_\theta(r) = B_0 \left(\frac{r}{r_0} \right) \text{ pour } r < r_0$$

$$B_\theta(r) = B_0 \left(\frac{r_0}{r} \right) \text{ pour } r > r_0$$

On donne l'opérateur rotationnel en coordonnées cylindriques pour un champ de

$$\text{vecteur } \vec{a} \cdot \overrightarrow{\text{rot}} \vec{a}(M) = \begin{pmatrix} \frac{1}{r} \frac{\partial a_z}{\partial \theta} - \frac{\partial a_\theta}{\partial z} \\ \frac{\partial a_r}{\partial z} - \frac{\partial a_z}{\partial r} \end{pmatrix}$$

Exercice 1 : Champ magnétostatique ou pas ?

- $\text{div} \vec{B} \neq 0$ donc cela ne peut pas être un champ magnétostatique
- C'est peut-être le rayonnement d'un fil
- Le flux de ce champ est non nul, donc ce n'est pas un champ magnétostatique

Exercice 2 : Donne-moi ton champ, je te dirai qui tu es.

- $\overrightarrow{\text{rot}} \vec{B} = \mu_0 \vec{j}$
- La distribution, comme le champ, ne dépend que de la variable r . Le plan $\{M; \vec{u}_r; \vec{u}_\theta\}$ est un plan de symétrie pour le champ magnétostatique et donc d'antisymétrie pour la distribution de courant $\vec{j} = j(r)\vec{u}_z$.
- On a $\frac{1}{r} \frac{dr B_\theta}{dr} = \mu_0 j$, et donc pour $r > r_0$ alors $j = 0$ et $r < r_0$ alors $j = \frac{2B_0}{r_0}$
- $I = jS = \frac{2B_0}{r_0} \pi r_0^2 = 2\pi r_0 B_0$

vecteur $\text{rot}(\vec{a}) = \left(\frac{\partial z}{\partial r} - \frac{\partial r}{\partial z} \right)$
 $\left(\frac{1}{r} \frac{\partial a_\theta}{\partial r} - \frac{1}{r} \frac{\partial a_r}{\partial \theta} \right)$

- 1) Énoncer l'équation de Maxwell-Ampère.
- 2) Analyser la direction et la (ou les) variable(s) dont dépend vecteur densité de courant \vec{j} .
- 3) Donner l'expression du vecteur densité de courant \vec{j} en tout point de l'espace en utilisant l'équation de Maxwell-Ampère. Identifier la distribution de charge.
- 4) Donner la valeur de l'intensité du courant I traversant l'ensemble de ce support conducteur.