

Nom : Fabard Prénom: Nohann colle du: 01-10-24

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	0	10	6,7	13,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	2			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	4,5	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	1			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	2			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	2,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement		*	note	12

Remarques : Début de colle compliqué sur la notion de flux, exo 2 : OK, exo 3 et 4 aussi

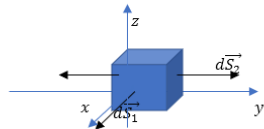
Le cours :

Soit $\vec{a}(M)$ un champ de vecteur.

- 1) Donner la définition du flux ϕ de $\vec{a}(M)$ à travers une surface ouverte S .
- 2) Donner la définition du flux ϕ de $\vec{a}(M)$ à travers une surface fermée S .
- 3) Rappeler la définition de la divergence de \vec{a} ainsi que le théorème d'Ostrogorski
- 4) Donner la définition de la divergence de \vec{a} en repérage cartésien

Application :

Soit $\vec{a} = 2x^2\vec{u}_x$.



Le cube ci-dessous est d'arête de longueur d

- 1) Calculer le flux de \vec{a} à travers S_1
- 2) Calculer le flux de \vec{a} à travers S_2
- 3) Effectuer un bilan de flux.
- 4) Calculer $\text{div}\vec{a}$

13.4.1) Nombre de Reynolds associé à une voiture
On s'intéresse à une voiture qui se déplace dans l'air de viscosité $\eta = 18.10^{-6} \text{ Pa}\cdot\text{s}$ avec la vitesse $v = 100 \text{ km/h}$. Calculer le nombre de Reynolds. Qualifier l'écoulement.

13.4.2) Nombre de Reynolds associé à l'écoulement d'eau d'un robinet
On s'intéresse à un tuyau d'eau de diamètre intérieur $d = 12 \text{ mm}$. Justifier le fait que pour un débit volumique $D_1 = 0,2 \text{ L/min}$, l'écoulement est laminaire et pour un débit $D_2 = 10 \text{ L/min}$, l'écoulement est turbulent.

Le cours :

- 1) $\phi = \iint_S \vec{a} \cdot d\vec{S}$
- 2) $\phi = \oint \vec{a} \cdot d\vec{S}_{ext}$
- 3) $\sum \vec{a} \cdot d\vec{S}_{ext} = \text{div}\vec{a}dV \leftrightarrow \oint \vec{a} \cdot d\vec{S}_{ext} = \iiint_V \text{div}\vec{a}dV$
- 4) $\text{div}\vec{a} = \frac{\partial a_x}{\partial x} + \frac{\partial a_y}{\partial y} + \frac{\partial a_z}{\partial z}$

Application :

Soit $\vec{a} = 2x^2\vec{u}_x$.

- 1) Flux nul
- 2) $\phi = \frac{2}{3}d^4$
- 3) Bilan de flux nul
- 4) $\text{div}\vec{a} = 0$

13.4.1) Nombre de Reynolds associé à une voiture
On s'intéresse à une voiture qui se déplace dans l'air de viscosité $\eta = 18.10^{-6} \text{ Pa}\cdot\text{s}$ avec la vitesse $v = 100 \text{ km/h}$. Calculer le nombre de Reynolds. Qualifier l'écoulement.

$$Re = \frac{\rho L v}{\eta} = \frac{1.3 \cdot 100}{3.6 \cdot 18.10^{-6}} = 2.10^6$$

L'écoulement est turbulent.

13.4.2) Nombre de Reynolds associé à l'écoulement d'eau d'un robinet
On s'intéresse à un tuyau d'eau de diamètre intérieur $d = 12 \text{ mm}$. Justifier le fait que pour un débit volumique $D_1 = 0,2 \text{ L/min}$, l'écoulement est laminaire et pour un débit $D_2 = 10 \text{ L/min}$, l'écoulement est turbulent.

La vitesse d'écoulement est telle que $D = v \cdot \frac{\pi d^2}{4}$, donc

$$Re = \frac{\rho A v D}{\eta \cdot \pi d^2} = \frac{4 \rho D}{\eta \cdot \pi d}$$

Pour D_1 , $Re_1 = 3.10^2 < 2000$, l'écoulement est laminaire et pour D_2 , $Re_2 = 2.10^5 > 2000$, l'écoulement est turbulent.

Nom : Saget Prénom: Iannis colle du: 01-10-24

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	0	10	3,3	8,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser : Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement	*		note	10

Remarques : Cela manque de recul sur le cours : conditions pour $\text{div } \mathbf{v} = 0$, déf du débit volumique

Exercice : Loi de Poiseuille

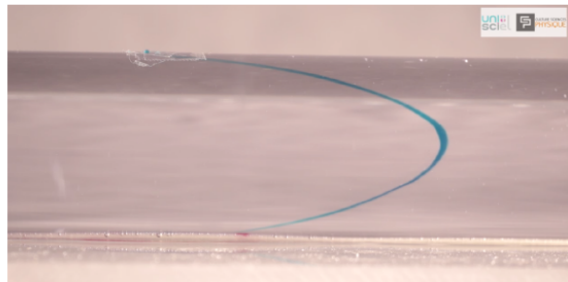
Un fluide visqueux de coefficient de viscosité dynamique η est compris dans un cylindre d'axe Oz , de rayon R . On se place dans les coordonnées cylindriques (r, θ, z) .

On suppose l'écoulement unidimensionnel : $\vec{v} = v_z(r, \theta, z, t)\vec{u}_z$
 On suppose que le problème est à symétrie de révolution : $\frac{\partial}{\partial \theta} = 0$.

On suppose l'écoulement stationnaire : $\frac{\partial}{\partial t} = 0$

On suppose le fluide incompressible.

On néglige la pesanteur et la pression dans le fluide ne dépend que de z .



- 1) Montrer que le champ des vitesses ne dépend pas de z puis justifier le mouvement rectiligne uniforme des particules de fluide en mouvement.

On donne l'expression de la force surfacique de viscosité en cylindrique $d\vec{F}_\eta$ s'exerçant sur une surface dS d'une particule de fluide : $d\vec{F}_\eta = \eta \frac{\partial v_z}{\partial r} dS \vec{u}_z$

- 2) A l'aide d'une étude dynamique, montrer que le champ des pressions P est tel que $P(z)$ est une fonction affine.
- 3) En déduire une expression du champ des vitesses $v_z(r)$ permettant d'interpréter la photographie ci-dessus.

- 1) $\vec{v} = v_z(r, z)\vec{u}_z$ avec les hypothèses $\frac{\partial}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial \theta} = 0$
 Si on rajoute l'hypothèse incompressible alors $\text{div } \vec{v} = 0$ ce qui implique $\vec{v} = v_z(r)\vec{u}_z$.
 Le mouvement rectiligne des particules de fluide n'est pas accéléré
- 2) La compensation des deux forces (pression et de viscosité) donne :

On a alors :

$$\frac{dP(z)}{dz} = \frac{2\eta}{r} \frac{dv(r)}{dr}$$

Il s'agit de l'égalité entre deux fonctions dépendant de variables différentes : l'égalité implique que ces quantités sont constantes.

L'application de Bernoulli impose à la pression de diminuer, donc $\frac{dP(z)}{dz} < 0$.

- 3) L'intégration donne alors :

$$\frac{2\eta}{r} \frac{dv(r)}{dr} = - \frac{|dP|}{L}$$

$$v(r) = - \frac{|dP|}{4\eta L} r^2 + Cte$$

La nullité de la vitesse sur la conduite donne alors

$$v(r) = \frac{|dP|}{4\eta L} (R^2 - r^2)$$

Nom : Louet Prénom: Mattis colle du:	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	8,3	10,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	0,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser : Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	0			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement			note	11

Remarques : exo 1 : OK pour la cristalo, Exo 2 : Reprendre la résolution des équations différentielles d'ordre 1 !

Colle Lucas
Exercice 1 : cristallographie
 I.A.3) Le silicium Si est situé juste en-dessous du carbone dans le tableau périodique. Quel est son numéro atomique ?
 I.A.4) Que peut-on dire des propriétés chimiques respectives du carbone et du silicium ?
 I.B - Structure cristalline du β -SiC
 Le carbure de silicium présente de très nombreuses structures cristallines. Celle utilisée dans la fabrication de miroirs est la phase β ou β -SiC. La figure 1 représente la maille conventionnelle du β -SiC ainsi que son contenu ; les atomes de silicium, en gris, occupent les positions d'une structure cubique à faces centrées ; les atomes de carbone, en noir, occupent un site tétraédrique sur deux en alternance.

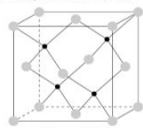


Figure 1 Maille conventionnelle du β -SiC

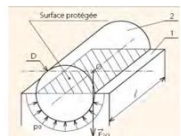
Déterminer le nombre d'atomes de carbone et de silicium contenus en propre dans la maille et conclure.

Exercice 2 : Datation au carbone 14

- 1) Ecrire la réaction nucléaire ci-dessous :

$${}^{14}_6\text{C} \rightarrow {}^{14}_7\text{N} + {}^0_{-1}\text{e}^- + \bar{\nu}_e$$
- 2) Le nombre dN de carbone 14 se désintégrant pendant l'intervalle dt est $dN = -\lambda N dt$. Donner l'expression de $N(t)$ ainsi que la période de demi-vie T .

Exercice 3 : Résultante des forces de pression.
 Déterminer la résultante des forces de pression s'exerçant sur une moitié de cylindre de longueur l et de rayon R



4)
Exercice 1 : cristallographie
 I.A.1) Règles de remplissage :
 - règle de Pauli : deux électrons ne peuvent avoir leurs quatre nombres quantiques identiques
 - règle de Hund : les électrons se répartissent dans les cases quantiques avant de s'apparier
 - règle de Klechkowski : Le remplissage s'effectue selon des valeurs croissantes de $(n + l)$, en cas d'égalité on remplit d'abord le plus petit n .
 I.A.2) Carbone : $Z_C = 6 : 1s^2 2s^2 2p^2$
 I.A.3) Le silicium est juste en dessous du carbone donc sa configuration électronique finit en $3p^2$:
 Sa configuration électronique est $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^2$
 donc son numéro atomique est $Z_{Si} = 14$
 I.A.4) Les deux atomes ont le même nombre d'électrons de valence (4) : ils auront des propriétés chimiques similaires, le carbone étant plus électro-négatif que le silicium.
 I.B Structure cristalline du β -SiC
 Dans la maille, il y a
 - 4 atomes de carbone
 - $8 \times (1/8) + 6 \times (1/2) = 4$ atomes de silicium
 Il y a donc autant d'atomes de carbone que de silicium dans la maille ; on pourra prendre la formule SiC pour le carbure de silicium.

Exercice 2 : Datation au carbone 14

$${}^{14}_6\text{C} \rightarrow {}^{14}_7\text{N} + {}^0_{-1}\text{e}^- + \bar{\nu}_e$$

$$\frac{dN}{dt} + \frac{N}{\tau} = 0 \rightarrow T = \frac{\ln(2)}{\lambda}$$

Exercice 3 : Résultante des forces de pression.

$$F = \iint P_0 \cos\theta R d\theta dz = P_0 l 2R$$