

Nom : Marques Prénom: Mathis colle du: 21-12

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	3,3	6,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	0			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	0	6	1,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	0			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement			note	7

Remarques : le repérage cylindrique te bloque complètement !

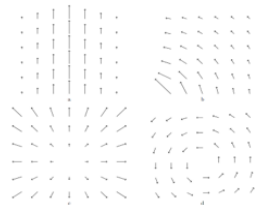
Colle Mathis Exercice 1 : force de Laplace

Soient deux fils verticaux, de longueur l , séparé d'une distance d , parcourus par des courant identiques, uniformes, stationnaires et d'intensité I . Chaque fil rayonne un champ magnétique orthoradial donné par $\frac{\mu_0 I}{2\pi d}$. Exprimer la force de Laplace ressentie par chaque fil.

Exercice 2 : Cartographie

Laquelle des 4 situations ci-dessous pour être associée assurément :

- à une divergence non nulle du champ \vec{a} représenté :
- à une rotation non nul du champ \vec{a} représenté



Exercice 3 : Maxwell-Ampère

On étudie une distribution de courant caractérisée par le vecteur densité volumique de courant $\vec{J}(x, y, z)$ suivant :

$$\begin{cases} |z| < a : \vec{J}(x, y, z) = j_0 \vec{e}_z \\ |z| > a : \vec{J}(x, y, z) = \vec{0} \end{cases}$$

1. Que pouvez-vous déduire des symétries et invariances pour le champ magnétique?
2. Déterminer l'expression du champ magnétique en tout point de l'espace.

Exercice 1 - Condensateur cylindrique

$$F = i l B$$

Exercice 2 : Cartographie

$\text{div } \vec{a} \neq 0$ Cas c et $\text{rot } \vec{a} \neq \vec{0}$ Cas a et d

Exercice 3 :

$$\begin{cases} |z| < a : \vec{B} = -\mu_0 j_0 z \vec{e}_y \\ |z| \geq a : \vec{B} = -(\text{sign}(z)) \mu_0 j_0 a \vec{e}_y \end{cases}$$

Nom : Fourtanier Prénom: Hugo colle du: 21-12

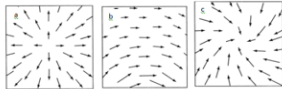
	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	5,0	10,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-	note	10
ajustement				

Remarques : Il faut continuer ainsi, les calculs de dérivées sont à mieux maîtriser !

Exercice 1 : ligne de champ magnétique

Quelles sont, parmi les configurations suivantes, celles qui peuvent représenter un champ magnétostatique ? Ou pourraient être les courants correspondants ? Le champ est supposé invariant par translation dans la direction perpendiculaire à la page.



Exercice 2 : Maxwell Ampère

Pour une certaine distribution de courants d'axe (Oz), en repérage cylindrique (r, θ, z), le champ magnétostatique créé en M est $\vec{B} = B_\theta(r)\vec{e}_\theta$, avec B_θ et r_0 constantes :

$$B_\theta(r) = B_0 \left(\frac{r}{r_0} \right) \text{ pour } r < r_0$$

$$B_\theta(r) = B_0 \left(\frac{r_0}{r} \right) \text{ pour } r > r_0$$

On donne l'opérateur rotationnel en coordonnées cylindriques pour un champ de

$$\text{vecteur } \vec{a} : \text{rot} \vec{a}(M) = \begin{pmatrix} \frac{1}{r} \frac{\partial a_z}{\partial \theta} - \frac{\partial a_\theta}{\partial z} \\ \frac{\partial a_r}{\partial z} - \frac{\partial a_z}{\partial r} \\ \frac{1}{r} \frac{\partial r a_\theta}{\partial r} - \frac{1}{r} \frac{\partial a_r}{\partial \theta} \end{pmatrix}$$

- 1) Énoncer l'équation de Maxwell-Ampère.
- 2) Analyser la direction et la (ou les) variable(s) dont dépend vecteur densité de courant \vec{j} .
- 3) Donner l'expression du vecteur densité de courant \vec{j} en tout point de l'espace en utilisant l'équation de Maxwell-Ampère. Identifier la distribution de charge.
- 4) Donner la valeur de l'intensité du courant I traversant l'ensemble de ce support conducteur.

- a) $\text{div} \vec{B} \neq 0$ donc cela ne peut pas être un champ magnétostatique
- b) C'est peut-être le rayonnement d'un fil
- c) Le flux de ce champ est non nul, donc ce n'est pas un champ magnétostatique

Exercice 2 : Donne-moi ton champ, je te dirai qui tu es

- 1) $\text{rot} \vec{B} = \mu_0 \vec{j}$
- 2) La distribution, comme le champ, ne dépend que de la variable r. Le plan (M; \vec{u}_r ; \vec{u}_θ) est un plan de symétrie pour le champ magnétostatique et donc d'antisymétrie pour la distribution de courant $\vec{j} = j(r)\vec{u}_z$.
- 3) On a $\frac{1}{r} \frac{dr B_\theta}{dr} = \mu_0 j$, et donc pour $r > r_0$ alors $j = 0$ et $r < r_0$ alors $j = \frac{2B_0}{r_0}$.
- 4) $I = jS = \frac{2B_0}{r_0} \pi r_0^2 = 2\pi r_0 B_0$

Nom : Magin Prénom: Tristan colle du: 07/11

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	1,7	3,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	0			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	0			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	0,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	0			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

ajustement	+	-	note	5
	*			

Remarques : il faut donner plus de sens à ton cours !

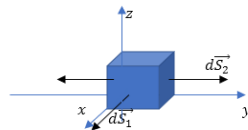
(Tristan)Le cours :

Soit $\vec{a}(M)$ un champ de vecteur.

- 1) Donner la définition du flux ϕ de $\vec{a}(M)$ à travers une surface ouverte S .
- 2) Donner la définition du flux ϕ de $\vec{a}(M)$ à travers une surface fermée S .
- 3) Rappeler la définition de la divergence de \vec{a} ainsi que le théorème d'Ostrogradski
- 4) Donner la définition de la divergence de \vec{a} en repérage cartésien
- 5) Donner la définition de la circulation C de $\vec{a}(M)$ à travers un contour ouvert Γ .
- 6) Donner la définition de la circulation C de $\vec{a}(M)$ à travers un contour fermé Γ .
- 7) Rappeler la définition du rotationnel de \vec{a} ainsi que le théorème de Stokes.
- 8) Donner la définition de $\text{rot} \vec{a}$ en cartésien

Application :

Soit $\vec{a} = 2x^2 \vec{u}_x$.



Le cube ci-dessous est d'arête de longueur d

- 1) Calculer le flux de \vec{a} à travers S_1
- 2) Calculer le flux de \vec{a} à travers S_2
- 3) Effectuer un bilan de flux.
- 4) Calculer $\text{div} \vec{a}$
- 5) Mener des bilans de circulation et calculer $\text{rot} \vec{a}$

Exercice 3 : Maxwell Ampère et/ou théorème d'Ampère

On souhaite déterminer les caractéristiques de la distribution de courant ($\vec{J}(M)$) créant en un point $M(r, \theta, z)$ de l'espace

$$\text{un champ magnétique } \vec{B}(M) = \begin{cases} r < a : B_z \left(\frac{z}{a} \right) \vec{e}_z \\ r > a : B_r \frac{a}{r} \vec{e}_r \end{cases}$$

Proposer une forme simplifiée de l'expression $\vec{J}(r, \theta, z) = j_r(r, \theta, z) \vec{e}_r + j_\theta(r, \theta, z) \vec{e}_\theta + j_z(r, \theta, z) \vec{e}_z$

Exercice 4 :

Donner l'expression de Laplace en illustrant par un schéma l'ensemble des paramètres introduits

Le cours :

- 1) $\phi = \iint_S \vec{a} \cdot d\vec{S}$
- 2) $\phi = \oint \vec{a} \cdot d\vec{s}_{ext}$
- 3) $\sum \vec{a} \cdot d\vec{s}_{ext} = \text{div} \vec{a} dV \Leftrightarrow \oint \vec{a} \cdot d\vec{s}_{ext} = \iiint_V \text{div} \vec{a} dV$
- 4) $\text{div} \vec{a} = \frac{\partial a_x}{\partial x} + \frac{\partial a_y}{\partial y} + \frac{\partial a_z}{\partial z}$
- 5) $C = \int_{\Gamma} \vec{a} \cdot d\vec{OM}$
- 6) $C = \int \vec{a} \cdot d\vec{OM}$
- 7) $\sum \vec{a} \cdot d\vec{OM} = \text{rot} \vec{a} \cdot d\vec{S}_1 \hat{e}_1 + \text{rot} \vec{a} \cdot d\vec{OM} = \iint_S \text{rot} \vec{a} \cdot d\vec{S}$
- 8) $\text{rot} \vec{a} = \nabla \wedge \vec{a}$

Application :

Soit $\vec{a} = 2x^2 \vec{u}_x$.

- 1) Flux nul
- 2) $\phi = \frac{2}{3} d^4$
- 3) Bilan de flux nul
- 4) $\text{div} \vec{a} = 0$
- 5) $\text{rot} \vec{a} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 2x \end{pmatrix}$ valeur obtenue avec la « formule » si $x=d/2$

Exercice 3 :

Avec MA, on a $\text{rot} \vec{B} = \frac{1}{r} \frac{dr B_\theta}{dr} \vec{u}_z = \mu_0 \vec{j}$: $\begin{cases} r < a : \frac{1}{r} \frac{dr B_\theta}{dr} = \mu_0 j \Rightarrow j = \frac{3B_\theta}{\mu_0 r^2} \\ r > a : \frac{1}{r} \frac{dr B_\theta}{dr} = \mu_0 j \Rightarrow j = 0 \end{cases}$

Avec TA : $\oint B_\theta r d\theta = \iint \mu_0 j(r) r dr d\theta \Rightarrow B_\theta r = \int \mu_0 j(r) r dr \Rightarrow \frac{dB_\theta}{dr} = \mu_0 j(r) r$