

Nom : Szober Prénom: Mateusz colle du: 07-12-2023

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	6,7	10,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	2			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	1	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	0	4	1,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement	*		note	12

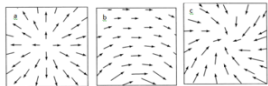
Remarques : Attention au vocabulaire, à la rigueur : de l'intuition mais dès qu'il faut être précis au niveau du cours....cela pose pb !

Colle 1

Exercice 1 : Champ magnétostatique ou pas ?

Exercice 1 : ligne de champ magnétique

Quelles sont, parmi les configurations suivantes, celles qui peuvent représenter un champ magnétostatique ? Où pourraient être les courants correspondants ? Le champ est supposé invariant par translation dans la direction perpendiculaire à la page.



Exercice 2 : Maxwell Ampère

Pour une certaine distribution de courants d'axe (Oz), en repérage cylindrique (r, θ, z), le champ magnétostatique créé en M est $\vec{B} = B_\theta(r)\vec{e}_\theta$, avec B_θ et r_0 constantes :

$$B_\theta(r) = B_0 \left(\frac{r}{r_0}\right) \text{ pour } r < r_0$$

$$B_\theta(r) = B_0 \left(\frac{r_0}{r}\right) \text{ pour } r > r_0$$

On donne l'opérateur rotationnel en coordonnées cylindriques pour un champ de

$$\text{vecteur } \vec{a} : \text{rot} \vec{a}(M) = \begin{pmatrix} \frac{1}{r} \frac{\partial a_\theta}{\partial z} - \frac{\partial a_z}{\partial \theta} \\ \frac{\partial a_r}{\partial z} - \frac{\partial a_z}{\partial r} \\ \frac{1}{r} \frac{\partial a_\theta}{\partial r} - \frac{\partial a_r}{\partial \theta} \end{pmatrix}$$

- 1) Énoncer l'équation de Maxwell-Ampère.
- 2) Analyser la direction et la (ou les) variable(s) dont dépend vecteur densité de courant \vec{j} .
- 3) Donner l'expression du vecteur densité de courant \vec{j} en tout point de l'espace en utilisant l'équation de Maxwell-Ampère. Identifier la distribution de charge.
- 4) Donner la valeur de l'intensité du courant I traversant l'ensemble de ce support conducteur.

a) $\text{div} \vec{B} \neq 0$ donc cela ne peut pas être un champ magnétostatique

b) C'est peut-être le rayonnement d'un fil

c) Le flux de ce champ est non nul, donc ce n'est pas un champ magnétostatique

Exercice 2 : Donne-moi ton champ, je te dirai qui tu es

1) $\text{rot} \vec{B} = \mu_0 \vec{j}$

2) La distribution, comme le champ, ne dépend que de la variable r. Le plan $\{M; \vec{u}_r, \vec{u}_\theta\}$ est un plan de symétrie pour le champ magnétostatique et donc d'antisymétrie pour la distribution de courant $\vec{j} = f(r)\vec{u}_z$.

3) On a $\frac{1}{r} \frac{drB_\theta}{dr} = \mu_0 j$, et donc pour $r > r_0$ alors $j = 0$ et $r < r_0$ alors $j = \frac{2B_0}{r_0}$

4) $I = jS = \frac{2B_0}{r_0} \pi r_0^2 = 2\pi r_0 B_0$

Nom : Hubert Prénom: Clément colle du: 06-11-2023

	niveau de maîtrise	poils compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	6,7	11,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement	*		note	13

Remarques : Colle comprise à la fin d'un bon travail de révision en début de colle

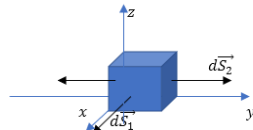
(Tristan)Le cours :

Soit $\vec{a}(M)$ un champ de vecteur.

- 1) Donner la définition du flux ϕ de $\vec{a}(M)$ à travers une surface ouverte S .
- 2) Donner la définition du flux ϕ de $\vec{a}(M)$ à travers une surface fermée S .
- 3) Rappeler la définition de la divergence de \vec{a} ainsi que le théorème d'Ostrogorski
- 4) Donner la définition de la divergence de \vec{a} en repérage cartésien
- 5) Donner la définition de la circulation C de $\vec{a}(M)$ à travers un contour ouvert F .
- 6) Donner la définition de la circulation C de $\vec{a}(M)$ à travers un contour fermé F .
- 7) Rappeler la définition du rotationnel de \vec{a} ainsi que le théorème de Stokes.
- 8) Donner la définition de $\text{rot} \vec{a}$ en cartésien

Application :

Soit $\vec{a} = 2x^2 \vec{u}_y$.



Le cube ci-dessous est d'arête de longueur d

- 1) Calculer le flux de \vec{a} à travers S_1
- 2) Calculer le flux de \vec{a} à travers S_2
- 3) Effectuer un bilan de flux.
- 4) Calculer $\text{div} \vec{a}$
- 5) Mener des bilans de circulation et calculer $\text{rot} \vec{a}$

Exercice 3 : Maxwell Ampère et/ou théorème d'Ampère

On souhaite déterminer les caractéristiques de la distribution de courant $(\vec{J}(M))$ créant en un point $M(r, \theta, z)$ de l'espace un champ magnétique $\vec{B}(M) = \begin{cases} r < a : B_1 \left(\frac{r}{a}\right)^2 \vec{e}_\theta \\ r > a : B_2 \frac{a}{r} \vec{e}_\theta \end{cases}$

Proposer une forme simplifiée de l'expression $\vec{J}(r, \theta, z) = j_r(r, \theta, z) \vec{e}_r + j_\theta(r, \theta, z) \vec{e}_\theta + j_z(r, \theta, z) \vec{e}_z$

Exercice 4 :

Donner l'expression de Laplace en illustrant par un schéma l'ensemble des paramètres introduits

Le cours :

- 1) $\phi = \iint_S \vec{a} \cdot d\vec{S}$
- 2) $\phi = \oint \vec{a} \cdot d\vec{S}_{ext}$
- 3) $\Sigma \vec{a} \cdot d\vec{S}_{ext} = \text{div} \vec{a} dV \Rightarrow \oint \vec{a} \cdot d\vec{S}_{ext} = \iiint_V \text{div} \vec{a} dV$
- 4) $\text{div} \vec{a} = \frac{\partial a_x}{\partial x} + \frac{\partial a_y}{\partial y} + \frac{\partial a_z}{\partial z}$
- 5) $C = \oint_C \vec{a} \cdot d\vec{OM}$
- 6) $C = \int \vec{a} \cdot d\vec{OM}$
- 7) $\Sigma \vec{a} \cdot d\vec{OM}_i = \text{rot} \vec{a} \cdot d\vec{S}_{ext} \Rightarrow \oint_C \vec{a} \cdot d\vec{OM} = \iint_S \text{rot} \vec{a} \cdot d\vec{S}$
- 8) $\text{rot} \vec{a} = \vec{\nabla} \wedge \vec{a}$

Application :

Soit $\vec{a} = 2x^2 \vec{u}_y$.

- 1) Flux nul
- 2) $\phi = \frac{2}{3} d^4$
- 3) Bilan de flux nul
- 4) $\text{div} \vec{a} = 0$
- 5) $\text{rot} \vec{a} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 2d \end{pmatrix}$ valeur obtenue avec la « formule » si $x=d/2$

Exercice 3 :

Avec MA, on a $\text{rot} \vec{B} = \frac{1}{r} \frac{dr B_\theta}{dr} \vec{u}_z = \mu_0 \vec{J} : \begin{cases} r < a : \frac{1}{r} \frac{dr B_\theta}{dr} = \mu_0 j \Rightarrow j = \frac{3B_1 r}{\mu_0 a^2} \\ r > a : \frac{1}{r} \frac{dr B_\theta}{dr} = \mu_0 j \Rightarrow j = 0 \end{cases}$

Avec TA : $\oint B_\theta r d\theta = \iint \mu_0 j(r) r dr d\theta \Rightarrow B_\theta r = \int \mu_0 j(r) r dr \Rightarrow \frac{dB_\theta}{dr} = \mu_0 j(r) r$

Nom : Estio Prénom: Dimitri colle du: 06-11-23	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	8,3	13,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser : Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	2,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

ajustement	+	-	note	13
		*		

Remarques : exo 1 pas évident, plutôt bien réussi.

Exercice 1 : Dipôle magnétique

$h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ m}^2 \cdot \text{kg} \cdot \text{s}^{-1}$; $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$; $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$
 Un dipôle magnétique de moment \vec{M} situé dans un champ magnétique extérieur \vec{B} subit un couple $\vec{\Gamma} = \vec{M} \wedge \vec{B}$

- On donne le moment de Bohr l'unité atomique de moment magnétique. Sachant que l'on peut associer à un électron en rotation circulaire uniforme autour du noyau.
- Une aiguille de boussole est constituée d'un matériau ferromagnétique de masse volumique $\rho = 7800 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$ et de masse atomique $M = 55,8 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$. Proposer une valeur de volume de matériau pour cette aiguille et déduire des valeurs fournies le moment magnétique maximum de cette aiguille.
- On considère son moment magnétique réel deux fois plus faible. Le champ magnétique à la surface de la Terre a pour expression $\vec{B}_T = B_T \vec{e}_T + B_N \vec{e}_N$ avec \vec{e}_T et \vec{e}_N selon des directions respectivement tangentielle et normale à la surface de la Terre.
On place la boussole dans le plan horizontal. L'aiguille prend alors une position d'équilibre. Cela nous donne-t-il une information sur la composante verticale ou horizontale de champ magnétique Terrestre?
- On déplace l'aiguille de sa position d'équilibre. On observe alors une oscillation de période T . L'aiguille a un moment d'inertie J_Δ . En déduire l'expression de cette composante.

1) $L = mRv = \hbar$ et $I = \frac{e}{T} = \frac{ev}{2\pi R} = \frac{e\hbar}{2\pi mR^2}$ donc $m = \mu_B = \frac{e\hbar}{2m} \approx 10^{-22} \text{ A} \cdot \text{m}^2$

2) $\rho = \frac{m}{V} = \frac{NM}{N_A V}$ donc la concentration volumique en atome est $n = \frac{\rho N_A}{M}$ et pour un volume V on a un moment maximal (si chaque atome met en jeu un électron, c qui est sous-entendu car deux électrons appariés compensent leurs effet magnétiques) : $M = \frac{\rho N_A}{M} \mu_B V$

On prend un volume $V = 2 \text{ cm} \times 0,5 \text{ cm} \times 100 \mu\text{m} = 10^{-8} \text{ m}^3$

$M \approx 6 \times 10^{-2} \text{ Am}^2$

3) Le champ magnétique indiqué correspond à la composante tangentielle

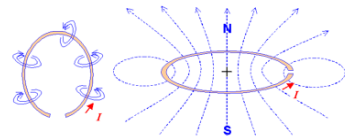
4) $J\ddot{\theta} = -mB\theta$ aux petits angles $\omega_0^2 = \frac{mB}{J}$

Exercice 2 : Analyse de symétrie

On considère une spire d'axe OX et de rayon a parcourue par un courant d'intensité I . On se place en un point $M(x)$ de l'axe.

- Déterminer la direction du champ $\vec{B}(M)$
- Déterminer le sens du champ $\vec{B}(O)$
- Représenter une ligne de courant. Vérifier que pour un point $M'(-x)$ le sens du champ en M' est cohérent avec les propriétés de symétrie.

Exercice 2 :



Exercice 3 : Maxwell Ampère et/ou théorème d'Ampère

On souhaite déterminer les caractéristiques de la distribution de courant ($\vec{j}(M)$) créant en un point $M(r, \theta, z)$ de l'espace un champ magnétique $\vec{B}(M) = \begin{cases} r < a : B_r \vec{e}_r + B_z \vec{e}_z \\ r > a : B_r \vec{e}_r + B_z \vec{e}_z \end{cases}$

Proposer une forme simplifiée de l'expression $\vec{j}(r, \theta, z) = j_r(r, \theta, z)\vec{e}_r + j_\theta(r, \theta, z)\vec{e}_\theta + j_z(r, \theta, z)\vec{e}_z$

Exercice 3 :

Avec MA, on a $\text{rot} \vec{B} = \frac{1}{r} \frac{dr B_\theta}{dr} \vec{e}_z = \mu_0 \vec{j}$ $\left\{ \begin{array}{l} r < a : \frac{1}{r} \frac{dr B_\theta}{dr} = \mu_0 j \Rightarrow j = \frac{3B_r}{\mu_0 a^2} \\ r > a : \frac{1}{r} \frac{dr B_\theta}{dr} = \mu_0 j \Rightarrow j = 0 \end{array} \right.$

Avec TA : $\oint \vec{B}_\theta r d\theta = \iint \mu_0 j(r) r dr d\theta \Rightarrow B_\theta r = \int \mu_0 j(r) r dr \Rightarrow \frac{dB_\theta}{dr} = \mu_0 j(r) r$