

Nom :Hutin Prénom: Lenny colle du: 12\_09\_24

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	5,0	10,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	0			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	2			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	2,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement	*		note	11

Remarques :exo 1 : Difficile mise en équation de l'équation diff, OK pour la résolution. Exo2 : pb sur le calcul différentiel

Exercice 1 : Calcul différentiel

Une bouteille rigide de 10L remplie de gaz initialement à la pression  $P_0$  se vide car elle n'est pas totalement étanche. Entre  $t$  et  $t + dt$  la pression  $P$  diminue de  $dP = -a(P - P_{ext})dt$  où  $P_{ext} < P_0$  est la pression extérieure et  $a = 0,1s^{-1}$ .

- Donner l'expression de l'équation différentielle vérifiée par  $P(t)$ .
- A quel instant  $t_0$  la pression dans le ballon est-elle égale à  $1,5P_{ext}$  sachant que  $P_0 = 2P_{ext}$  ? On donne  $\ln(2) \approx 0,7$

Exercice 2 :

- Donner la volume d'une sphère de rayon  $R$
- Donner la surface d'une sphère de rayon  $R$
- Donner le volume élémentaire d'une calotte sphérique d'épaisseur  $dR$

Exercice 3 :

- Donner la surface d'un disque de rayon  $R$
- Donner l'expression du périmètre d'un cercle de rayon  $R$
- Donner la surface d'un disque évidé d'épaisseur  $dR$

Exercice 4 :

Une mole de gaz réel suit l'équation  $P(V_m - b) = RT$  avec  $b$  une constante et  $R$  la constante des gaz parfaits. Donner l'expression de son coefficient de compressibilité isobare.

Exercice 1 : Calcul différentiel

$$\frac{dP}{dt} + aP = a(P_{ext})$$

$$\text{Donc } P(t) = (P_0 - P_{ext})e^{-at} + P_{ext}$$

$$P(t_0) = (P_0 - P_{ext})e^{-at_0} + P_{ext} = 1,5P_{ext}$$

En sachant que  $P_0 = 2P_{ext}$  :

$$P(t_0) = P_{ext}e^{-at_0} + P_{ext} = 1,5P_{ext}$$

$$t_0 = 10 \ln(2) = 7s$$

Exercice 2 :

$$V = \frac{4}{3} \pi R^3$$

$$S = 4\pi R^2$$

$$dV = SdR$$

Exercice 3 :

$$S = \pi R^2$$

$$p = 2\pi R$$

$$dS = pdR = 2\pi R dR$$

Exercice 4 :

$$V_m = b + \frac{RT}{P}$$

$$\text{Donc } \chi_T = \frac{RT}{VP^2}$$

Nom : Tourillon Prénom: Paul colle du: 12-09

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	5,0	10,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	2,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement	*		note	11

Remarques :exo1 : savoir expliquer l'allure des courbes isothermes et adia, exo 2 : OK, exo 3 : pas vraiment fini

Modèle du gaz parfait :

Tracer l'allure des diagrammes de Clapeyron  $P(V)$  suivi un gaz parfait dans les situations suivantes :

	Isochore	Isobare	Isotherme	Adiabatique + mécaniquement réversible
Chauffage				
Refroidissement				
Compression				
Détente				

Différentielle totale exacte et forme différentielle :

Soit  $f(x,y) = x^2 + 2xy$

- 1) Calculer  $\frac{\partial f}{\partial x}$
- 2) Calculer  $\frac{\partial f}{\partial y}$
- 3) Vérifier que  $\frac{\partial}{\partial y} \left( \frac{\partial f}{\partial x} \right) = \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{\partial f}{\partial y} \right)$

Soit  $d\psi = 2xydx + 4xydy$ . Supposons que  $\psi(x,y)$  existe :

- 1) Calculer  $\frac{\partial}{\partial y} \left( \frac{\partial \psi}{\partial x} \right)$
- 2) Calculer  $\frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{\partial \psi}{\partial y} \right)$
- 3) Cette différentielle est associée à une unique fonction si  $\frac{\partial}{\partial y} \left( \frac{\partial \psi}{\partial x} \right) = \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{\partial \psi}{\partial y} \right)$ . Est-ce le cas ?

Dérivée partielle

On montre que les paramètres d'état d'un système thermoélastique fermé vérifient :

$$\frac{\partial V}{\partial P} \times \frac{\partial P}{\partial T} \times \frac{\partial T}{\partial V} = -1$$

On considère une huile liquide associée à un coefficient de dilatation isobare  $\alpha$  et de compressibilité isotherme  $\chi_T$ .

- 1) Montrer que :  $\left( \frac{\partial P}{\partial T} \right)_V$  peut s'exprimer en fonction de  $\alpha$  et  $\chi_T$ .
- 2) L'huile étudiée remplit une ampoule scellée pouvant supporter une pression interne maximale de 10 bar. Quelle augmentation de température peut-elle supporter sachant que  $\alpha = 10^{-4} K^{-1}$  et  $\chi_T = 10^{-9} Pa^{-1}$  ?

Modèle du gaz parfait :

Pour un GP	Isochore	Isobare	Isotherme	Adiabatique
Chauffage : $T_{ext} > T + Q > 0$			NON	NON
Refroidissement : $T_{ext} < T + Q < 0$			NON	NON
Compression : $P_{ext} > P \rightarrow \Delta P > 0 + \Delta V < 0$	NON	NON		
Détente : $P_{ext} < P \rightarrow \Delta P < 0 + \Delta V > 0$	NON	NON		

Différentielle totale exacte et forme différentielle :

Soit  $f(x,y) = x^2 + 2xy$

- 1)  $\frac{\partial f}{\partial x} = 2x + 2y$
- 2)  $\frac{\partial f}{\partial y} = 2x$
- 3)  $\frac{\partial}{\partial y} \left( \frac{\partial f}{\partial x} \right) = \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{\partial f}{\partial y} \right) = 2$

Soit  $d\psi = 2xydx + 4xydy$ .

- 1)  $\frac{\partial}{\partial y} \left( \frac{\partial \psi}{\partial x} \right) = 2$
- 2)  $\frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{\partial \psi}{\partial y} \right) = 4$
- 3)  $d\psi$  est ici une forme différentielle et pas une différentielle totale exacte.

Dérivée partielle et gaz parfait

$$\frac{\partial V}{\partial P} \times \frac{\partial P}{\partial T} \times \frac{\partial T}{\partial V} = -\frac{V\chi_T}{V\alpha} \frac{\partial P}{\partial T} = -1$$

Donc  $\frac{\partial P}{\partial T} = \frac{\alpha}{\chi_T} = 10^5 Pa \cdot K^{-1}$  donc  $\Delta T = 10K$

Nom : Papin Prénom: Clément colle du: 12\_09\_24

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	5,0	10,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	1			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	2,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement	*		note	11

Remarques : exo 1 : OK, exo 2 : le calcul de dérivée doit être approfondi pour gagner en autonomie

Maths : Différentielle totale exacte et forme différentielle :

Soit  $f(x,y) = x^2 + 2xy$

- Calculer  $\frac{\partial f}{\partial x}$
- Calculer  $\frac{\partial f}{\partial y}$
- Vérifier que  $\frac{\partial}{\partial y}(\frac{\partial f}{\partial x}) = \frac{\partial}{\partial x}(\frac{\partial f}{\partial y})$

Soit  $d\psi = 2xydx + 4xydy$ . Supposons que  $\psi(x,y)$  existe :

- Calculer  $\frac{\partial(\frac{\partial\psi}{\partial x})}{\partial y}$
- Calculer  $\frac{\partial(\frac{\partial\psi}{\partial y})}{\partial x}$
- Cette différentielle est associée à une unique fonction si  $\frac{\partial}{\partial y}(\frac{\partial\psi}{\partial x}) = \frac{\partial}{\partial x}(\frac{\partial\psi}{\partial y})$ . Est-ce le cas ?

Différentielle et thermodynamique :

- Un fluide est associé à l'équation d'état suivante :  $\ln(\frac{V}{V_0}) = a(T - T_0) - k(P - P_0)$  avec  $a$  et  $k$  constante et  $V_0$  le volume du fluide à la température  $T_0$  et la pression  $P_0$ . Exprimer le coefficient de dilatation isobare et isotherme.
- Une mole de gaz réel suit l'équation  $(P + \frac{a}{V_m^2})(V_m - b) = RT$ . Exprimer le coefficient de dilatation isobare.  $a, b, R$  sont des constantes.

Exercice : Python et thermodynamique

- Représenter les courbes  $P(V)$  de trois isothermes à 300K, 400K et 500K suivies par une mole de gaz parfait dont le volume varie entre 1L et 10L. La pression sera affichée en bar et le volume en Litre.
- Représenter la détente dans un diagramme de Clapeyron  $P(V)$  d'une mole de gaz parfait initialement à 300K de 1L à 10L de manière isotherme et adiabatique mécaniquement réversible ( $PV^\gamma = Cte$ ). On mettra  $P(\text{bar})$  et  $V(\text{L})$

Différentielle totale exacte et forme différentielle :

Soit  $f(x,y) = x^2 + 2xy$

- $\frac{\partial f}{\partial x} = 2x + 2y$
- $\frac{\partial f}{\partial y} = 2x$
- $\frac{\partial}{\partial y}(\frac{\partial f}{\partial x}) = \frac{\partial}{\partial x}(\frac{\partial f}{\partial y}) = 2$

Soit  $d\psi = 2xydx + 4xydy$ .

- $\frac{\partial(\frac{\partial\psi}{\partial x})}{\partial y} = 2$
- $\frac{\partial(\frac{\partial\psi}{\partial y})}{\partial x} = 4$
- $d\psi$  est ici une forme différentielle et pas une différentielle totale exacte.

Différentielle et thermodynamique :

- Un fluide est associé à l'équation d'état suivante :  $\frac{dV}{V} = adT - kdP$  donc  $\alpha = a$  et  $\chi_T = k$
- Une mole de gaz réel suit l'équation  $d[(P + \frac{a}{V_m^2})(V_m - b)] = RdT$  donc à  $P$  constant

$$\frac{\partial V_m}{\partial T} = \frac{R}{P - \frac{a}{V_m^2} + 2\frac{ab}{V_m^3}}$$

Si on différentie à  $T$  constant  $\frac{\partial V_m}{\partial P} = \frac{V_m - b}{(\frac{a}{V_m^2} - 2\frac{ab}{V_m^3} - P)}$

Exercice : Python et thermodynamique

Pour une isotherme :  $P(\text{bar}) \cdot 10^5 = \frac{RT}{V(\text{L}) \cdot 10^{-3}} \Rightarrow P(\text{bar}) = \frac{RT}{100V(\text{L})}$

Pour une adiabatique :  $PV^\gamma = P_0V_0^\gamma \Rightarrow P = \frac{P_0V_0^\gamma}{V^\gamma}$

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
question 1
V = np.linspace(1, 10, 100)
R=8.314
for i in [300, 400, 500]:
    plt.plot(V, R*i/(100*V), label=f'T={i} K, format(1))
plt.legend()
plt.grid()
plt.xlabel("V (L) ")
plt.ylabel("P (bar) ")
plt.show()
```