

Nom :Caritine	Prénom: Nino	colle du: 28_01_25	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours			1	10	3,3	7,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats			0			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple			1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses			NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée			NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations			1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)			NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié			0	4	1,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau			1			

	+	-		
ajustement		*	note	7

Remarques : reprise du TA nécessaire : il faut vraiment donner un gros coup de collier pour surmonter tes difficultés

#### Exercice 1 : Le cours

#### Colle 1

- 1) Énoncer les équations de Maxwell pour tout régime et tout milieu
- 2) Rappeler le théorème de Stokes
- 3) Appliquer le théorème de Stokes et l'équation de Maxwell-Ampère et en déduire le théorème d'Ampère généralisé :
$$\oint_{\gamma} \vec{B} \cdot d\vec{OM} = \iint_S \mu_0 \vec{j} \cdot d\vec{S} + \iint_S \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$$
- 4) Que devient l'équation précédente en ARQS ?
- 5) Que devient l'équation précédente dans une région vide de courant ?

#### Exercice 2 : Champ magnétique d'un fil infini

Déterminer le champ magnétique créée par un fil infini parcourue par un courant d'intensité variable  $i(t)$  mais répartie uniformément. On se place en ARQS, le fil est un cylindre de rayon  $R$ .

#### Exercice 3 : champ magnétique dans un condensateur

On donne le champ électrique  $E$  dans un condensateur plan idéal dont les électrodes de rayon  $R$ , de surface  $S$  sont séparées d'une distance  $e$  :  $E(r, t) = \frac{q(t)}{4\pi\epsilon_0}$  où  $q(t)$  est la charge du condensateur à l'instant  $t$ . Exprimer le champ magnétique associé.

#### Exercice 4 : champ électrique dans un solénoïde

Déterminer le champ électrique associé à un solénoïde supposé infini, de rayon  $R$ , parcourue par un courant d'intensité  $i(t)$ . On note  $n$  le nombre de spire par unité de longueur et on rappelle que le champ magnétique est localisé dans le solénoïde et vaut  $B(r, t) = \mu_0 n i(t)$

#### Exercice 5 : Relation de passage

- 1) On considère un plan supposé infini chargé uniformément en surface avec une densité  $\sigma$  de charges fixes. Déterminer le champ électrique à l'aide du théorème de Gauss
- 2) On considère un plan qui est le siège d'un courant surfacique uniforme, unidirectionnel et caractérisé par son vecteur densité de courant  $\vec{j}_s$ . Appliquer le théorème d'ampère pour déterminer le champ magnétostatique
- 3) En déduire les relations de passage des champs en régime stationnaire
- 4) Montrer que ces relations restent valables en régime variable en menant des analyses locales

#### Exercice 1 : Ce qu'il faut savoir

- 1)  $\text{div} \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$  ;  $\text{div} \vec{B} = 0$  ;  $\text{rot} \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$  ;  $\text{rot} \vec{B} = \mu_0 \vec{j} + \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$
- 2)  $\oint_{\gamma} \vec{a} \cdot d\vec{OM} = \iint_S \text{rot} \vec{a} \cdot d\vec{S}$
- 3)  $\oint_{\gamma} \vec{B} \cdot d\vec{OM} = \iint_S \mu_0 \vec{j} \cdot d\vec{S} + \iint_S \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$
- 4)  $\oint_{\gamma} \vec{B} \cdot d\vec{OM} = \iint_S \mu_0 \vec{j} \cdot d\vec{S}$
- 5)  $\oint_{\gamma} \vec{B} \cdot d\vec{OM} = \iint_S \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$

#### Exercice 2 : Champ magnétique d'un fil infini

$$\begin{cases} r \leq R \Rightarrow B = \frac{\mu_0 i r}{2\pi R^2} \\ r \geq R \Rightarrow B = \frac{\mu_0 i}{2\pi r} \end{cases}$$

#### Exercice 3 : champ magnétique dans un condensateur

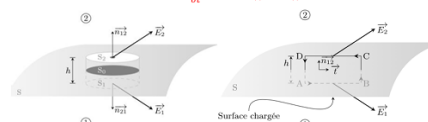
$$\begin{cases} r \leq R \Rightarrow B = \frac{\mu_0 \epsilon_0 r}{2} \frac{\partial E}{\partial t} \\ r \geq R \Rightarrow B = \frac{\mu_0 \epsilon_0 R^2}{2r} \frac{\partial E}{\partial t} \end{cases}$$

#### Exercice 4 : champ électrique dans un solénoïde

$$\begin{cases} r \leq R \Rightarrow E = -\frac{\partial i}{\partial t} \frac{r}{2} \\ r \geq R \Rightarrow E = -\frac{\partial i}{\partial t} \frac{R^2}{2\pi r} \end{cases}$$

#### Exercice 5 :

- 1) Avec Gauss  $E = \pm \frac{\sigma}{\epsilon_0}$
- 2) Avec Ampère  $B = \pm \mu_0 j_s$
- 3)  $E_2 - E_1 = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \vec{n}_{1-2}$  et  $B_2 - B_1 = \mu_0 j_s \wedge \vec{n}_{1-2}$
- 4) Il suffit de proposer une surface de Gauss élémentaire d'épaisseur  $h$  très faible à cheval entre les deux milieux :  $E_{21} - E_{11} = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$  (le flux latéral étant négligeable).  
En faisant un bilan de circulation sur un contour fermé de largeur  $h$  très faible (donc en négligeant le flux de  $\frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$ ), on a  $E_{21} - E_{11}$



Avec la même analyse pour B, on montre que la continuité de la composante normale et la discontinuité de la composante tangentielle

Nom : Maroussi Prénom: Baptiste colle du: 13\_01\_25

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	5,0	10,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

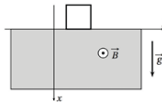
	+	-	note	10
ajustement				

Remarques : Exo 1 : oui, mais avec bcp d'aide, Exo 2 : notion d'inductance propre et mutuelle pas maîtrisée => j'en demande plus !

**Colle 3**

Exercice 1 : induction dans un cadre mobile

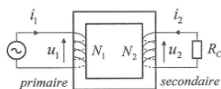
Une spire carrée de côté  $a$ , de masse  $m$ , tombe dans le champ de pesanteur  $\vec{g}$ . Dans le demi espace  $x > 0$ , règne un champ magnétique uniforme et permanent  $\vec{B} = B_0 \vec{u}_x$ . A l'instant  $t = 0$ , la spire se trouve dans la situation représentée sur la figure ci-dessous, sa vitesse est nulle, son côté inférieur est en  $x = 0$ . La spire est assimilable à une résistance  $R$  et son inductance propre est négligeable.



Donner l'équation différentielle régissant la vitesse  $v(t)$  de la spire dans le référentiel terrestre Galiléen si le bord inférieur de la spire est encore en  $x(t) \leq a$ . Donner ensuite l'expression de  $v(t)$

Exercice 2 : Etude du transformateur

Un transformateur est schématiquement constitué de deux circuits de résistances négligeables et d'inductances propres  $L_1$  et  $L_2$ , de nombre de spires  $N_1$  dans le primaire (tension alternative  $u_1(t)$  délivrée par EDF) et  $N_2$  dans le secondaire (tension alternative  $u_2(t)$  utile pour alimenter une charge  $R_c$ ). Ces enroulements sont traversés par une carcasse magnétique, ce qui permet d'obtenir un couplage parfait permettant d'écrire que l'inductance mutuelle est donnée par :  $M^2 = L_1 L_2$



- 1) Ecrire les lois des mailles dans les deux circuits.
- 2) En déduire le rapport des tensions  $\frac{u_2(t)}{u_1(t)}$ . Commenter.
- 3) On suppose la résistance  $R_c$  suffisamment faible pour la négliger. Donner l'expression du rapport de l'amplitude des courants en régime sinusoïdal

Exercice 1:

$$\frac{dv}{dt} + \frac{v}{\tau} = g \text{ soit } v(t) = \tau g (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

Exercice 3:

- 1) Ecrire les lois des mailles dans les deux circuits.

Il suffit d'utiliser l'équivalent électrique vu en cours :  $u_1 = L_1 \frac{di_1(t)}{dt} + M \frac{di_2(t)}{dt}$  et  $u_2 = L_2 \frac{di_2(t)}{dt} + M \frac{di_1(t)}{dt}$

- 2) En déduire le rapport des tensions  $\frac{u_2(t)}{u_1(t)}$ . Commenter.

On a donc :  $u_2 = L_2 \frac{di_2(t)}{dt} + M \frac{di_1(t)}{dt} = \frac{M u_1}{L_1}$  soit  $\frac{u_2(t)}{u_1(t)} = \frac{L_2}{L_1} = \frac{N_2}{N_1}$ . On peut donc abaisser ou élever la tension en jouant sur le nombre de spire de primaire et du secondaire

- 3) On suppose la résistance  $R_c$  suffisamment faible pour la négliger. Donner l'expression du rapport des courant

$$u_2 = L_2 \frac{di_2(t)}{dt} + M \frac{di_1(t)}{dt} = 0$$

$$\sqrt{L_2} \frac{di_2(t)}{dt} = -\sqrt{L_1} \frac{di_1(t)}{dt}$$

$$\frac{i_2}{i_1} = -\frac{N_2}{N_1}$$

Nom : Marques	Prénom: Mathis	colle du: 04-11_24	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours			1	10	5,0	7,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats			1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple			1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses			0	6	1,5	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée			NE			
Réaliser : Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations			1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)			NE	4	1,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié			1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau			0			

	+	-		
ajustement			note	8

**Remarques : C'est toujours très brouillon, les schémas sont peu claires, les explications peu rigoureuses => il faut que tu progresses sur ces points !**

**Colle 7**

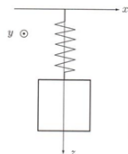
Exercice 1 : Champs dans un solénoïde

On considère un solénoïde long de rayon  $a$ , d'axe Oz, à l'intérieur duquel règne un champ  $\vec{B} = B_0 \exp(-\frac{z}{\tau}) \vec{u}_z$ ; on s'intéresse à un morceau du solénoïde de longueur  $l$ .

- 1) A l'aide de la formulation intégrale des équations de Maxwell, trouver  $\vec{E}$  sous la forme  $\vec{E} = E(r, t) \vec{e}_\rho$ . Discuter.
- 2) On prendra  $a = 10 \text{ cm}$  et  $\tau = 1 \mu\text{s}$ . Calculer le rapport des densités volumiques d'énergie électrique et magnétique en ARQS.
- 3) Calculer le vecteur de Poynting et son flux. Commenter.

Exercice 2 : Mouvement dans un champ non uniforme

Un cadre carré de masse  $m$ , de résistance  $R$  et de côté  $a$  se déplace verticalement dans un champ magnétique  $\vec{B} = B_0(1 - bz) \vec{u}_y$ . Il est suspendu à un ressort de raideur  $k$  et de longueur à vide  $l_0$  fixé en  $O$ . A l'équilibre le centre du cadre est à la côte  $z_0$ . On le lâche de la position  $z_0 + Z_0$  sans vitesse initiale.



Etablir l'équation différentielle du mouvement.

Exercice 1 :

- 1) Les courants variables sont à l'origine du champ électromoteur, qui est donc orthoradial et l'invariance de la distribution par rapport aux paramètres  $z$  et  $\theta$  entraînent donc bien :  $\vec{E} = E(r, t) \vec{e}_\rho$ . On voit dès le départ que le modèle présente des imperfections car il implique également un champ magnétique non uniforme : implicitement l'ARQS est imposé.
- 2) Dans le solénoïde :  $E = -\frac{r}{2} \frac{dB}{dt} \propto \frac{rB}{2\tau}$  et donc  $\frac{U_e}{U_m} = \frac{\epsilon_0 \mu_0 r^2}{4\pi^2} = \frac{r^2}{4c^2 \tau^2} \approx \frac{a^2}{4c^2 \tau^2} \ll 1$  : l'énergie est essentiellement magnétique dans la bobine.
- 3)  $R = \frac{rB^2}{2\tau\mu_0}$  et son flux est sortant est donné par  $\frac{\mu_0 a^2 B^2}{2\tau} = \frac{U_m}{\tau/2}$  le temps de relaxation en puissance est deux fois plus court.

Exercice 2

L'application de la 2<sup>e</sup> loi de Newton donne :

$$m \frac{d^2 z}{dt^2} = -k(l - l_0) + mg + iaB(z + a) - iaB(z)$$

$$m \frac{d^2 z}{dt^2} = -k(l - l_0) + mg - iB_0 a^2$$

Et l'équation électrique est :  $e = Ri$

$$\text{Avec } \phi = \iint B dS = \iint B_0(1 - bz) dS = B_0 a \left[ z - \frac{bz^2}{2} \right]_z = B_0 a \left( a - \frac{b(2za + a^2)}{2} \right)$$

Soit  $e = B_0 b a^2 v$

$$\text{Soit : } m \frac{d^2 z}{dt^2} = -k(l - l_0) + mg - \frac{B_0^2 b^2 a^4}{R} v$$

Avec :  $z = l + a/2$  et avec  $k \left( z_{eq} - \frac{a}{2} - l_0 \right) = mg$ , il reste alors :  $\ddot{z} + \frac{B_0^2 b^2 a^4}{Rm} \dot{z} + \omega_0^2 z = \omega_0^2 z_{eq}$

On obtient un système amorti par l'effet des forces de Laplace