

Nom : Teillier Prénom: Toinon colle du: 18\_01

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	8,3	13,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	1	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	1			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

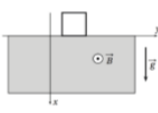
	+	-		
ajustement			note	14

Remarques : exo1 : Bien, exo2 : Attention à bien connaître les relations des flus mutuelle et propre

**Colle Toinon**

Exercice 1 : induction dans un cadre mobile

Une spire carrée de côté  $a$ , de masse  $m$ , tombe dans le champ de pesanteur  $\vec{g}$ . Dans le demi espace  $x > 0$ , règne un champ magnétique uniforme et permanent  $\vec{B} = B_0 \vec{u}_x$ . A l'instant  $t = 0$ , la spire se trouve dans la situation représentée sur la figure ci-dessous, sa vitesse est nulle, son côté inférieur est en  $x = 0$ . La spire est assimilable à une résistance  $R$  et son inductance propre est négligeable. Donner l'équation différentielle régissant la vitesse  $v(t)$  de la spire dans le référentiel terrestre Galiléen si le bord inférieur de la spire est encore en  $x(t) \leq a$ . Donner ensuite l'expression de  $v(t)$



Exercice 1 :

$$\frac{dv}{dt} + \frac{v}{\tau} = g \text{ soit } v(t) = \tau g (1 - e^{-t/\tau})$$

Exercice 2 :

- 1) Ecrire les lois des mailles dans les deux circuits.

Il suffit d'utiliser l'équivalent électrique vu en cours :  $u_1 = L_1 \frac{di_1(t)}{dt} + M \frac{di_2(t)}{dt}$  et  $u_2 = L_2 \frac{di_2(t)}{dt} + M \frac{di_1(t)}{dt}$

- 2) En déduire le rapport des tensions  $\frac{u_2(t)}{u_1(t)}$ . Commenter.

On a donc :  $u_2 = L_2 \frac{di_2(t)}{dt} + M \frac{di_1(t)}{dt} = \frac{M u_1}{L_1}$  soit  $\frac{u_2(t)}{u_1(t)} = \frac{L_2}{L_1} = \frac{N_2}{N_1}$ . On peut donc abaisser ou élever la tension en jouant sur le nombre de spire de primaire et du secondaire

- 3) On suppose la résistance  $R_c$  suffisamment faible pour la négliger. Donner l'expression du rapport des courant

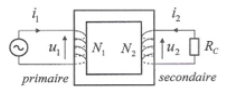
$$u_2 = L_2 \frac{di_2(t)}{dt} + M \frac{di_1(t)}{dt} = 0$$

$$\sqrt{L_2} \frac{di_2(t)}{dt} = -\sqrt{L_1} \frac{di_1(t)}{dt}$$

$$\frac{i_1}{i_2} = -\frac{N_2}{N_1}$$

Exercice 2 : Etude du transformateur

Un transformateur est schématiquement constitué de deux circuits de résistances négligeables et d'inductances propres  $L_1$  et  $L_2$ , de nombre de spires  $N_1$  dans le primaire (tension alternative  $u_1(t)$  délivrée par EDF) et  $N_2$  dans le secondaire (tension alternative  $u_2(t)$  utile pour alimenter une charge  $R_c$ ). Ces enroulements sont traversés par une carcasse magnétique, ce qui permet d'obtenir un couplage parfait permettant d'écrire que l'inductance mutuelle est donnée par :  $M^2 = L_1 L_2$



- 1) Ecrire les lois des mailles dans les deux circuits.
- 2) En déduire le rapport des tensions  $\frac{u_2(t)}{u_1(t)}$ . Commenter.
- 3) On suppose la résistance  $R_c$  suffisamment faible pour la négliger. Donner l'expression du rapport de l'amplitude des courants en régime sinusoïdal

Nom : Boulier Prénom: Maxence colle du: 9-11

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	5,0	7,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	0	6	1,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	0			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	1			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	0	4	1,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement			note	7

Remarques : il faut donner du sens aux relations de cours et pas juste les écrire sans donner du sens

**Colle Maxence**

Exercice 1 : Le cours

- 1) Enoncer les équations de Maxwell pour tout régime et tout milieu
- 2) Rappeler le théorème de Stokes
- 3) Appliquer le théorème de Stokes et l'équation de Maxwell-Ampère et en déduire le théorème d'Ampère généralisé :
 
$$\oint_{\Gamma} \vec{B} \cdot d\vec{OM} = \iint_S \mu_0 \vec{j} \cdot d\vec{S} + \iint_S \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$$
- 4) Que devient l'équation précédente en ARQS ?
- 5) Que devient l'équation précédente dans une région vide de courant ?

Exercice 2 : Champ magnétique d'un fil infini

Déterminer le champ magnétique créée par un fil infini parcourue par un courant d'intensité variable  $i(t)$  mais répartie uniformément. On se place en ARQS, le fil est un cylindre de rayon  $R$ .

Exercice 3 : champ magnétique dans un condensateur

On donne le champ électrique  $E$  dans un condensateur plan idéal dont les électrodes de rayon  $R$ , de surface  $S$  sont séparées d'une distance  $e$  :  $E(r, t) = \frac{q(t)}{\epsilon_0 S}$  où  $q(t)$  est la charge du condensateur à l'instant  $t$ . Exprimer le champ magnétique associé.

Exercice 4 : champ électrique dans un solénoïde

Déterminer le champ électrique associé à un solénoïde supposé infini, de rayon  $R$ , parcourue par une courant d'intensité  $i(t)$ . On note  $n$  le nombre de spire par unité de longueur et on rappelle que le champ magnétique est localisé dans le solénoïde et vaut  $\vec{B}(r, t) = \mu_0 n i(t)$

Exercice 5 : Relation de passage

- 1) On considère un plan supposé infini chargé uniformément en surface avec une densité  $\sigma$  de charges fixes. Déterminer le champ électrique à l'aide du théorème de Gauss
- 2) On considère un plan qui est le siège d'un courant surfacique uniforme, unidirectionnel et caractérisé par son vecteur densité de courant  $\vec{j}_s$ . Appliquer le théorème d'ampère pour déterminer le champ magnétostatique
- 3) En déduire les relations de passage des champs en régime stationnaire
- 4) Montrer que ces relations restent valables en régime variable en menant des analyses locales

Exercice 1 : Ce qu'il faut savoir

- 1)  $\text{div} \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$  ;  $\text{div} \vec{B} = 0$  ;  $\text{rot} \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$  ;  $\text{rot} \vec{B} = \mu_0 \vec{j} + \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$
- 2)  $\oint_{\Gamma} \vec{a} \cdot d\vec{OM} = \iint_S \text{rot} \vec{a} \cdot d\vec{S}$
- 3)  $\oint_{\Gamma} \vec{B} \cdot d\vec{OM} = \iint_S \mu_0 \vec{j} \cdot d\vec{S} + \iint_S \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$
- 4)  $\oint_{\Gamma} \vec{B} \cdot d\vec{OM} = \iint_S \mu_0 \vec{j} \cdot d\vec{S}$
- 5)  $\oint_{\Gamma} \vec{B} \cdot d\vec{OM} = \iint_S \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$

Exercice 2 : Champ magnétique d'un fil infini

$$\begin{cases} r \leq R \Rightarrow B = \frac{\mu_0 i r}{2\pi R^2} \\ r \geq R \Rightarrow B = \frac{\mu_0 i}{2\pi r} \end{cases}$$

Exercice 3 : champ magnétique dans un condensateur

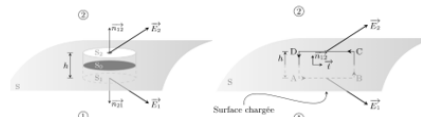
$$\begin{cases} r \leq R \Rightarrow B = \frac{\mu_0 e r}{2} \frac{\partial E}{\partial t} \\ r \geq R \Rightarrow B = \frac{\mu_0 e R^2}{2r} \frac{\partial E}{\partial t} \end{cases}$$

Exercice 4 : champ électrique dans un solénoïde

$$\begin{cases} r \leq R \Rightarrow E = -\frac{\partial B}{\partial t} r \\ r \geq R \Rightarrow E = -\frac{\partial B}{\partial t} R^2 / r \end{cases}$$

Exercice 5 :

- 1) Avec Gauss  $E = \pm \frac{\sigma}{\epsilon_0}$
- 2) Avec Ampère  $B = \pm \mu_0 j_s$
- 3)  $\vec{E}_1 - \vec{E}_2 = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \vec{n}_{1-2}$  et  $\vec{B}_1 - \vec{B}_2 = \mu_0 \vec{j}_s \wedge \vec{n}_{1-2}$
- 4) Il suffit de proposer une surface de Gauss élémentaire d'épaisseur  $h$  très faible à cheval entre les deux milieux :  $E_{2\perp} - E_{1\perp} = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$  (le flux latéral étant négligeable). En faisant un bilan de circulation sur un contour fermé de largeur  $h$  très faible (donc en négligeant le flux de  $\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$ ), on a  $E_{2\parallel} - E_{1\parallel}$



Avec la même analyse pour  $B$ , on montre que la continuité de la composante normale et la discontinuité de la composante tangentielle

Nom : Caritine Prénom: Nino colle du: 28/09

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	3,3	4,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	0			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	0,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser : Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	0			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	0	4	1,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

ajustement

+	-		
		note	5

Remarques : tu as accumulé bcp de retard : il faut réagir !\*2

**Exercice 1 : Calcul de courants induits**

Dans chacun des six cas suivants, calculer la valeur efficace du courant induit dans la spire d'axe (x) de surface  $10\text{cm}^2$  et de résistance  $0,5\Omega$ .

Cas 1 : la spire est immobile dans un champ magnétique uniforme parallèle à son axe, d'amplitude  $0,1\text{T}$  et de fréquence  $50\text{Hz}$ .

Cas 2 : la spire est immobile dans un champ magnétique uniforme orthogonal à son axe, d'amplitude  $0,1\text{T}$  et de fréquence  $50\text{Hz}$ .

Cas 3 : la spire se déplace sans changer d'orientation avec une vitesse de  $2\text{m}\cdot\text{s}^{-1}$  parallèle à son axe dans un champ magnétique constant et uniforme de  $0,1\text{T}$ .

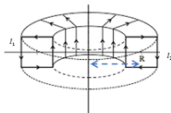
Cas 4 : la spire se déplace sans changer d'orientation avec une vitesse  $2\text{m}\cdot\text{s}^{-1}$  orthogonale à son axe dans un champ magnétique constant et uniforme de  $0,1\text{T}$ .

Cas 5 : la spire tourne avec une vitesse angulaire de  $5\text{rad}\cdot\text{s}^{-1}$  autour de son axe dans un champ magnétique constant et uniforme parallèle à son axe de  $0,1\text{T}$ .

Cas 6 : la spire tourne avec une vitesse angulaire de  $5\text{rad}\cdot\text{s}^{-1}$  autour d'un de ses diamètres dans un champ magnétique constant et uniforme parallèle à son axe de  $0,1\text{T}$ .

**Exercice : Coefficient d'inductance mutuelle**

Sur un tore de section carré (côtés de longueur  $2a$ ) sont bobinés deux circuits entrelacés comportant  $N_1$  et  $N_2$  spires jointives : une ligne de champ traversant une spire du premier circuit traversera une des spires de l'autre circuit (doit un couplage parfait). Montrer que l'inductance mutuelle  $M$  et inductance propre  $L_1, L_2$  sont telles que  $|M| = \sqrt{L_1 L_2}$



**Exercice 1 : Calcul de courants induits**

- Cas 1  
On retrouve la situation simple vue dans le résumé de cours : avec les orientations indiquées ci-contre, on a  $\Phi = BS = B_0 S \cos(\omega t)$ , et la loi de Faraday donne  $\mathcal{E}_{\text{ind}} = -\omega B_0 S \sin(\omega t)$ . On peut alors modéliser le comportement électrique de la spire par une source de tension en série avec une résistance, et on obtient  $i = \frac{\mathcal{E}_{\text{ind}}}{R} = \frac{-\omega B_0 S \sin(\omega t)}{R}$ .  
La valeur efficace d'un courant sinusoïdal est égale à son amplitude divisée par  $\sqrt{2}$ , donc  $I_{\text{eff}} = \frac{\omega B_0 S}{R\sqrt{2}}$ .  
AN  $[I_{\text{eff}} = 45\text{mA}]$  ( $\omega = 2\pi f = 315\text{rad}\cdot\text{s}^{-1}$ ).
- Cas 2  
Le champ magnétique est orthogonal à l'axe de la spire, donc le flux au travers de la spire est nul. Il n'y a donc pas de variation de flux : la FEM induite est nulle, le courant induit est nul également.
- Cas 3 et 4  
Le champ étant uniforme et la spire ne changeant pas d'orientation, le flux ne varie pas quel que soit le mouvement. Le courant induit est nul.  
*On peut retenir que d'une manière générale un mouvement de translation d'un circuit dans un champ magnétique uniforme n'engendre pas de phénomène d'induction.*
- Cas 5  
La encore il n'y a aucune variation du flux au travers de la spire et donc le courant induit le long de la spire est nul.
- Cas 6  
On retrouve la situation classique d'une spire en rotation dans un champ uniforme. Des calculs analogues à ceux développés dans le résumé de cours (que la spire soit circulaire ou rectangulaire, ou de toute autre forme pourvu qu'elle soit plane, n'a aucune importance) conduisent à  $\mathcal{E}_{\text{ind}} = B S \omega \sin(\omega t)$ , où  $\omega$  est la vitesse angulaire. On conclut ensuite comme dans le cas 1, et on obtient  $I_{\text{eff}} = \frac{\omega B S}{R\sqrt{2}}$ . L'application numérique donne  $[I_{\text{eff}} = 0,71\text{mA}]$ .

**Exercice 2 : induction de Neumann**

$$\vec{B}_1 = \frac{\mu_0 N_1 I_1}{2\pi r} \vec{u}_\phi \text{ et } \vec{B}_2 = \frac{\mu_0 N_2 I_2}{2\pi r} \vec{u}_\phi$$

$$\phi_1 = L_1 I_1 + M_{1-2} I_2 = \frac{\mu_0}{2\pi} N_1^2 \ln\left(\frac{R+a}{R-a}\right) I_1 + \frac{\mu_0}{2\pi} N_1 N_2 \ln\left(\frac{R+a}{R-a}\right) I_2$$

$$\phi_2 = L_2 I_2 + M_{2-1} I_1 = \frac{\mu_0}{2\pi} N_2^2 \ln\left(\frac{R+a}{R-a}\right) I_2 + \frac{\mu_0}{2\pi} N_1 N_2 \ln\left(\frac{R+a}{R-a}\right) I_1$$

Donc par identification :  $M^2 = L_1 L_2$