



CONCOURS CENTRALE-SUPÉLEC

Electromagnétisme

On considère un solénoïde long de rayon a , d'axe Oz , à l'intérieur duquel règne un champ $\vec{B} = B_0 \exp(-\frac{t}{\tau}) \vec{u}_z$; on s'intéresse à un morceau du solénoïde de longueur ℓ .

- 1) A l'aide de la formulation intégrale des équations de Maxwell, trouver \vec{E} sous la forme $\vec{E} = E(r, t) \vec{e}_\theta$. Discuter.
- 2) On prendra $\ell = 10 \text{ cm}$ et $\tau = 1 \mu\text{s}$. Calculer le rapport des densités volumiques d'énergie électrique et magnétique en ARQS.
- 3) Calculer le vecteur de Poynting et son flux. Commenter.



CONCOURS CENTRALE-SUPÉLEC

Electromagnétisme

- 1) Les courants variables sont à l'origine du champ électromoteur, qui est donc orthoradial et l'invariance de la distribution par rapport aux paramètres z et θ entraînent donc bien : $\vec{E} = E(r, t)\vec{e}_\theta$. On voit dès le départ que le modèle présente des imperfections car il implique également un champ magnétique non uniforme : implicitement l'ARQS est imposé.
- 2) Dans le solénoïde : $E = -\frac{r}{2} \frac{dB}{dt} \propto \frac{rB}{2\tau}$ et donc $\frac{u_e}{u_m} = \frac{\epsilon_0 \mu_0 r^2}{4\tau^2} = \frac{r^2}{4c^2 \tau^2} \approx \frac{l^2}{4c^2 \tau^2} \ll 1$: l'énergie est essentiellement magnétique dans la bobine.
- 3) $R = \frac{rB^2}{2\tau\mu_0}$ et son flux est sortant est donné par $\frac{\pi a^2 l B^2}{\tau\mu_0} = \frac{U_m}{\tau/2}$ le temps de relaxation en puissance est deux fois plus court.