

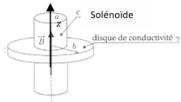
Nom : Vincent	Prénom: Noah	colle du: 27_01_25	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours			2	10	8,3	13,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats			2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple			1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses			NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée			NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations			1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)			NE	4	2,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié			1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau			1			

	+	-		
ajustement	*		note	15

**Remarques : Encore un peu d'aide pour le 1e exo (qui est d'un bon niveau), exo 2 : juste abordé**

Colle Noah : Application : Chauffage par induction :

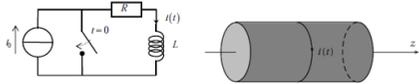
On considère un solénoïde supposé infini d'axe Oz, de rayon a traversé par un courant sinusoïdal et générant ainsi un champ magnétique variable  $\vec{B} = B_0 \sin(\omega t) \vec{e}_z$  (seul champ magnétique à prendre en considération ici). On encastre un disque épais évidé dans ce solénoïde de conductivité  $\gamma$ .



- 1) Exprimer le champ électromoteur créé par le solénoïde dans le conducteur.
- 2) Exprimer la puissance moyenne donnée au conducteur d'épaisseur e ?

Exercice 2 : Bilan

Soit un solénoïde de longueur l, dont on néglige les effets de bord, de rayon a et comportant n spires par unité de longueur. Chaque spire est initialement parcourue par un courant d'intensité constante i(t) = I\_0. A t = 0, on ferme l'interrupteur représenté ci-dessous. On se placera en ARQS et on rappelle l'expression du champ magnétique rayonné dans le solénoïde  $B = \mu_0 n^2 i(t)$  (pas de champ à l'extérieur)



- 1) Donner l'équation électrique régissant l'évolution de l'intensité i(t) du courant traversant la bobine d'inductance L et la résistance R.
- 2) Donner l'expression du champ électromoteur  $\vec{E}_m$  en tout point de l'espace en calculant sa circulation sur un contour judicieusement choisi.
- 3) En déduire alors l'expression du vecteur de Poynting  $\vec{\pi}$  en r = a.
- 4) Calculer la puissance P échangée par la bobine avec l'extérieur et montrer que  $P = \frac{dU_m}{dt}$  où U\_m est l'énergie magnétique dans le solénoïde. Interpréter.

Application : Chauffage par induction.

Le champ électromoteur possède donc les symétries et invariances de la distribution de courant du solénoïde :  $\vec{E} = E(r, t) \vec{e}_\theta$ , en choisissant un contour circulaire, on obtient  $\vec{E}_m = -\frac{a^2}{2r} \frac{dB}{dt} \vec{e}_\theta$  et donc un vecteur densité de courant  $\vec{j} = -\gamma \frac{a^2}{2r} \frac{dB}{dt} \vec{e}_\theta$  responsable d'un courant et donc d'un effet joule.

$$P = \iiint \gamma E^2 dV = \iiint \gamma \left( \frac{a^2}{2r} \frac{dB}{dt} \right)^2 r dr d\theta dz = \gamma \left( \frac{a^2}{2} \frac{dB}{dt} \right)^2 2\pi r \ln\left(\frac{b}{a}\right)$$

$$\langle P \rangle = \frac{\gamma n a^4 e \omega^2 B_0^2}{4} \ln\left(\frac{b}{a}\right)$$

Exercice 2 :

- 1) On a avec la loi des mailles et la convention récepteur :

$$Ri + L \frac{di(t)}{dt} = 0$$

Donc  $i(t) = i_0 \exp\left(-\frac{t}{\tau}\right)$  avec  $\tau = L/R$

- 2) On a, d'après Maxwell-Faraday :

$$\text{rot} \vec{E} = -\frac{d\vec{B}}{dt}$$

Ce champ électromoteur possède les symétries et invariances de la distribution de courant qui l'engendre. Donc  $\vec{E} = E(r, t) \vec{e}_\theta$ . On calcule alors la circulation de ce champ sur un contour centré sur l'axe de révolution du solénoïde :

- $r \leq a$ :  $\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = E(r) 2\pi r = -\mu_0 n^2 \frac{di(t)}{dt} \pi r^2$ . Soit :  $\vec{E} = -\frac{\mu_0 n^2}{2} \frac{di(t)}{dt} \vec{e}_\theta$
- $r \geq a$ :  $\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = E(r) 2\pi r = -\mu_0 n^2 \frac{di(t)}{dt} \pi a^2$ . Soit :  $\vec{E} = -\frac{\mu_0 n^2 a^2}{2r} \frac{di(t)}{dt} \vec{e}_\theta$

Avec  $\frac{di(t)}{dt} < 0$  on retrouve on retrouve un champ orthoradial (\*) qui s'oppose à une diminution du courant

- 3) En  $r = a$ :  $\vec{R}(a) = \frac{\vec{E} \cdot \vec{B}}{\mu_0} = -\frac{\mu_0 n^4 a^2}{4} \frac{di^2(t)}{dt} \vec{e}_r$

Avec  $\frac{di(t)}{dt} < 0$  on retrouve le vecteur densité de puissance sortant du solénoïde.

- 4) Donc le flux du vecteur de Poynting à travers la surface fermée délimitée par le solénoïde est donné par :

$$P = - \iint \vec{R}(a) \cdot d\vec{S}_{ext} = \iint \mu_0 \frac{n^4 a^2}{4} \frac{d^2 i(t)}{dt} d\theta dz$$

$$P = \frac{V}{2\mu_0} \frac{dB^2(t)}{dt} = \frac{dU_m}{dt}$$

Nom : Drillon Prénom: Nathan colle du: 27\_01-24

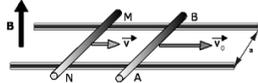
	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	6,7	11,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser : Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-	note	12
ajustement				

Remarques : Exo 1 : avec de l'aide mais la situation semble comprise

Colle nathan : Exercice 1 : Rails de Laplace

Deux barres sont posées sur les rails, elles glissent sans frottement et sont astreintes à se déplacer parallèlement l'une à l'autre, elles forment par ailleurs un angle droit avec chacun des rails à tout instant. Chaque barre est conductrice et est équivalente entre ses extrémités posées sur les rails à un résistor dont la résistance propre est égale à  $R/2$ . Leurs masses sont identiques et égales à  $m/2$ . L'ensemble est plongé dans un champ magnétique uniforme  $\vec{B} = B_0 \vec{e}_z$  vertical.



Initialement, les deux barres sont au repos et distantes de  $a$ . Un opérateur extérieur entraîne la barre AB à la vitesse constante  $\vec{v} = v_0 \vec{e}_x$ .

- Montrer que le mouvement généré par l'opérateur, produit au sein d'un circuit, que vous orienterez et dont vous préciserez la nature, un courant d'intensité  $i(t)$ .  
Justifier qualitativement la mise en mouvement de la barre MN lors de l'action de l'opérateur sur la barre AB.
- On notera  $\vec{v} = v(t) \vec{e}_x$ , la vitesse de la barre MN à tout instant.
  - En déduire l'expression du courant  $i(t)$ .
  - Appliquer le théorème du centre de masse sur la barre MN et expliciter l'équation différentielle vérifiée par  $v(t)$ .
  - Résoudre l'équation et montrer que  $v(t)$  tend vers une valeur limite que vous déterminerez.
- Bilan énergétique
  - Calculer la puissance fournie par l'opérateur  $P_{op}$ .
  - Déterminer et préciser la répartition énergétique du travail fourni par l'opérateur au système.
  - Quelle est la part de l'énergie dissipée sous forme mécanique en régime permanent ?

Exercice 2 :

- Rappeler l'équation bilan de Poynting. Interpréter chacun des termes
- Que devient cette équation en régime stationnaire ?
- On considère une antenne d'émission assimilée à un point et rayonnant de manière stationnaire. Donner l'expression du flux d'énergie sortant à travers une sphère centrée sur l'antenne

Exercice 1 : Rails de Laplace

- $e_{AB}(0) = v_0 B a$  et  $i(0) = v_0 B a / R$  dans le sens horaire, provoquant ainsi une force de Laplace sur MN et un mouvement vers la droite
- $e_{AB} = v_0 B a$  et  $e_{NM} = -v B a$  et  $i = \frac{B a}{R} (v_0 - v)$   
 $\frac{mdv}{dt} = i a B = \frac{(B a)^2}{R} (v_0 - v)$  soit  $\frac{dv}{dt} + \frac{v}{\tau} = \frac{v_0}{\tau}$  et donc la vitesse limite est  $v_0$
- L'opérateur s'oppose à la force de Laplace et fournit une puissance  $i a B v_0$ .  
Le bilan électrique conduit à :  $R i^2 + v B a i = P_{joule} + P_{laplace\ tige\ MN}$   
En régime permanent, il n'y a plus d'induction et une conversion alors parfaite  $P_{op} = P_{tige\ MN}$

Nom : Rambaud Prénom: Timothé colle du: 27-01

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	5,0	10,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	2,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

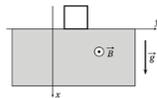
ajustement

	+	-		
			note	10

Remarques : Attention aux maths et aux manipulations d'équations : ce sont donc les maths

Colle Timothe Exercice 1 : induction dans un cadre mobile

Une spire carrée de côté  $a$ , de masse  $m$ , tombe dans le champ de pesanteur  $\vec{g}$ . Dans le demi espace  $x > 0$ , règne un champ magnétique uniforme et permanent  $\vec{B} = B_0 \vec{u}_z$ . A l'instant  $t = 0$ , la spire se trouve dans la situation représentée sur la figure ci-dessous, sa vitesse est nulle, son côté inférieur est en  $x = 0$ . La spire est assimilable à une résistance  $R$  et son inductance propre est négligeable.



Donner l'équation différentielle régissant la vitesse  $v(t)$  de la spire dans le référentiel terrestre Galiléen si le bord inférieur de la spire est encore en  $x(t) \leq a$ . Donner ensuite l'expression de  $v(t)$

Exercice 1:

$$\frac{dv}{dt} + \frac{v}{\tau} = g \text{ soit } v(t) = \tau g \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$$

Exercice 2 :

Déterminer :

- Le champ magnétostatique : En dehors de la structure  $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$
- L'expression du vecteur de Poynting :  $\vec{\pi} = -\frac{EB}{\mu_0} \vec{u}_r$
- La puissance rentrant à travers les parois du conducteur  $P = \frac{EB}{\mu_0} (2\pi R) = EI = UI$
- La puissance dissipée par effet Joule

Deux manières :

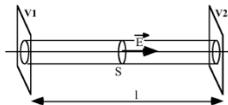
$$P_{\text{joule}} = \iiint j \cdot \vec{E} dV = \gamma E^2 l \pi R^2 = \frac{U^2}{R}$$

$$\text{Où avec le bilan de Poynting : } \frac{dU_{em}}{dt} = 0 = -\oint \vec{\pi} \cdot d\vec{S}_{ext} - \iiint j \cdot \vec{E} dV$$

$$\text{Donc } P_{\text{joule}} = -\oint \vec{\pi} \cdot d\vec{S}_{ext} = UI = RI^2$$

Exercice 2 : Bilan dans un conducteur ohmique

Soit un conducteur de section  $S$ , de longueur  $l$ , de conductivité  $\gamma$  siège d'un courant d'intensité  $I$  sous l'action d'un champ électrique  $\vec{E}$  uniforme et associé à la ddp  $V_1 - V_2 = U$ . On néglige les effets de bords en supposant  $l$  infini et le régime est stationnaire.



Déterminer :

- Le champ magnétostatique
- L'expression du vecteur de Poynting
- La puissance rentrant à travers les parois du conducteur
- La puissance dissipée par effet Joule
- La densité d'énergie électromagnétique