

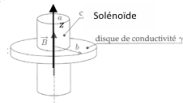
Nom : Vincent	Prénom: Noah	colle du: 27_01_25	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours			2	10	8,3	13,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats			2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple			1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses			NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée			NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations			1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)			NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié			1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau			1			

	+	-		
ajustement	*		note	15

Remarques : Encore un peu d'aide pour le 1e exo (qui est d'un bon niveau), exo 2 : juste abordé

Colle Noah : Application : Chauffage par induction :

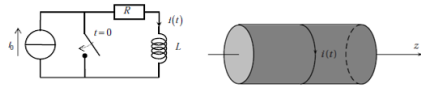
On considère un solénoïde supposé infini d'axe Oz, de rayon a traversé par un courant sinusoïdal et générant ainsi un champ magnétique variable $\vec{B} = B_0 \sin(\omega t) \vec{e}_z$ (seul champ magnétique à prendre en considération ici). On encastre un disque épais évidé dans ce solénoïde de conductivité γ .



- Exprimer le champ électromoteur créé par le solénoïde dans le conducteur.
- Exprimer la puissance moyenne donnée au conducteur d'épaisseur e ?

Exercice 2 : Bilan

Soit un solénoïde de longueur l, dont on néglige les effets de bord, de rayon a et comportant n spires par unité de longueur. Chaque spire est initialement parcourue par un courant d'intensité constante $i(t) = I_0$. A $t = 0$, on ferme l'interrupteur représenté ci-dessous. On se placera en ARQS et on rappelle l'expression du champ magnétique rayonné dans le solénoïde $B = \mu_0 n^2 i(t)$ (pas de champ à l'extérieur)



- Donner l'équation électrique régissant l'évolution de l'intensité $i(t)$ du courant traversant la bobine d'inductance L et la résistance R.
- Donner l'expression du champ électromoteur \vec{E}_m en tout point de l'espace en calculant sa circulation sur un contour judicieusement choisi.
- En déduire alors l'expression du vecteur de Poynting $\vec{\pi}$ en $r = a$.
- Calculer la puissance P échangée par la bobine avec l'extérieur et montrer que $P = \frac{dU_m}{dt}$ où U_m est l'énergie magnétique dans le solénoïde. Interpréter.

Application : Chauffage par induction.

Le champ électromoteur possède donc les symétries et invariances de la distribution de courant du solénoïde : $\vec{E} = E(r, t) \vec{e}_\theta$, en choisissant un contour circulaire, on obtient $\vec{E}_m = -\frac{a^2}{2r} \frac{dB}{dt} \vec{e}_\theta$ et donc un vecteur densité de courant $\vec{j} = -\gamma \frac{a^2}{2r} \frac{dB}{dt} \vec{e}_\theta$ responsable d'un courant et donc d'un effet joule.

$$P = \iiint \gamma E^2 dV = \iiint \gamma \left(\frac{a^2}{2r} \frac{dB}{dt} \right)^2 r dr d\theta dz = \gamma \left(\frac{a^2}{2} \frac{dB}{dt} \right)^2 2\pi r \ln \left(\frac{b}{a} \right)$$

$$\langle P \rangle = \frac{\gamma n a^4 e \omega^2 B_0^2}{4} \ln \left(\frac{b}{a} \right)$$

Exercice 2 :

- On a avec la loi des mailles et la convention récepteur :

$$Ri + L \frac{di(t)}{dt} = 0$$

Donc $i(t) = i_0 \exp\left(-\frac{t}{\tau}\right)$ avec $\tau = L/R$

- On a, d'après Maxwell-Faraday :

$$\text{rot} \vec{E} = -\frac{d\vec{B}}{dt}$$

Ce champ électromoteur possède les symétries et invariances de la distribution de courant qui l'engendre. Donc $\vec{E} = E(r, t) \vec{e}_\theta$. On calcule alors la circulation de ce champ sur un contour centré sur l'axe de révolution du solénoïde :

- $r \leq a$: $\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = E(r) 2\pi r = -\mu_0 n \frac{di(t)}{dt} \pi r^2$. Soit : $\vec{E} = -\frac{\mu_0 n r}{2} \frac{di(t)}{dt} \vec{e}_\theta$
- $r \geq a$: $\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = E(r) 2\pi r = -\mu_0 n \frac{di(t)}{dt} \pi a^2$. Soit : $\vec{E} = -\frac{\mu_0 n a^2}{2r} \frac{di(t)}{dt} \vec{e}_\theta$

Avec $\frac{di(t)}{dt} < 0$ on retrouve on retrouve un champ orthoradial (*) qui s'oppose à une diminution du courant

- En $r = a$: $\vec{R}(a) = \frac{\vec{E} \cdot \vec{B}}{\mu_0} = -\frac{\mu_0 n^2 a^2}{4} \frac{di^2(t)}{dt} \vec{e}_r$

Avec $\frac{di(t)}{dt} < 0$ on retrouve le vecteur densité de puissance sortant du solénoïde.

- Donc le flux du vecteur de Poynting à travers la surface fermée délimitée par le solénoïde est donné par :

$$P = - \iint \vec{R}(a) \cdot d\vec{S}_{ext} = \iint \mu_0 \frac{n^2 a^2}{4} \frac{d^2 i(t)}{dt} d\theta dz$$

$$P = \frac{V}{2\mu_0} \frac{dB^2(t)}{dt} = \frac{dU_m}{dt}$$

Nom : Drillon Prénom: Nathan colle du: 27_01-24

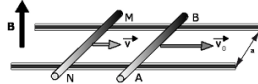
	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	6,7	11,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser : Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-	note	12
ajustement				

Remarques : Exo 1 : avec de l'aide mais la situation semble comprise

Colle nathan : Exercice 1 : Rails de Laplace

Deux barres sont posées sur les rails, elles glissent sans frottement et sont astreintes à se déplacer parallèlement l'une à l'autre, elles forment par ailleurs un angle droit avec chacun des rails à tout instant. Chaque barre est conductrice et est équivalente entre ses extrémités posées sur les rails à un résistor dont la résistance propre est égale à $R/2$. Leurs masses sont identiques et égales à $m/2$. L'ensemble est plongé dans un champ magnétique uniforme $\vec{B} = B_0 \vec{e}_z$ vertical.



Initialement, les deux barres sont au repos et distantes de a . Un opérateur extérieur entraîne la barre AB à la vitesse constante $\vec{v} = v_0 \vec{e}_x$.

- Montrer que le mouvement généré par l'opérateur, produit au sein d'un circuit, que vous orienterez et dont vous préciserez la nature, un courant d'intensité $i(t)$.
Justifier qualitativement la mise en mouvement de la barre MN lors de l'action de l'opérateur sur la barre AB.
- On notera $\vec{v} = v(t) \vec{e}_x$, la vitesse de la barre MN à tout instant.
 - En déduire l'expression du courant $i(t)$.
 - Appliquer le théorème du centre de masse sur la barre MN et expliciter l'équation différentielle vérifiée par $v(t)$.
 - Résoudre l'équation et montrer que $v(t)$ tend vers une valeur limite que vous déterminerez.
- Bilan énergétique
 - Calculer la puissance fournie par l'opérateur P_{op} .
 - Déterminer et préciser la répartition énergétique du travail fourni par l'opérateur au système.
 - Quelle est la part de l'énergie dissipée sous forme mécanique en régime permanent ?

Exercice 2 :

- Rappeler l'équation bilan de Poynting. Interpréter chacun des termes
- Que devient cette équation en régime stationnaire ?
- On considère une antenne d'émission assimilée à un point et rayonnant de manière stationnaire. Donner l'expression du flux d'énergie sortant à travers une sphère centrée sur l'antenne

Exercice 1 : Rails de Laplace

- $e_{AB}(0) = v_0 B a$ et $i(0) = v_0 B a / R$ dans le sens horaire, provoquant ainsi une force de Laplace sur MN et un mouvement vers la droite
- $e_{AB} = v_0 B a$ et $e_{NM} = -v B a$ et $i = \frac{B a}{R} (v_0 - v)$
 $\frac{mdv}{dt} = i a B = \frac{(B a)^2}{R} (v_0 - v)$ soit $\frac{dv}{dt} + \frac{v}{\tau} = \frac{v_0}{\tau}$ et donc la vitesse limite est v_0
- L'opérateur s'oppose à la force de Laplace et fournit une puissance $i a B v_0$.
Le bilan électrique conduit à : $R i^2 + v B a i = P_{op} = P_{joule} + P_{laplace\ tige\ MN}$
En régime permanent, il n'y a plus d'induction et une conversion alors parfaite $P_{op} = P_{tige\ MN}$

Nom : Rambaud Prénom: Timothé colle du: 27-01

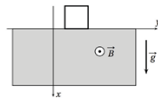
	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	5,0	10,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	2,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	ajustement	note	10
	+	-	

Remarques : Attention aux maths et aux manipulations d'équations : ce sont donc les maths

Colle Timothe Exercice 1 : induction dans un cadre mobile

Une spire carrée de côté a , de masse m , tombe dans le champ de pesanteur \vec{g} . Dans le demi espace $x > 0$, règne un champ magnétique uniforme et permanent $\vec{B} = B_0 \vec{u}_z$. A l'instant $t = 0$, la spire se trouve dans la situation représentée sur la figure ci-dessous, sa vitesse est nulle, son côté inférieur est en $x = 0$. La spire est assimilable à une résistance R et son inductance propre est négligeable.



Donner l'équation différentielle régissant la vitesse $v(t)$ de la spire dans le référentiel terrestre Galiléen si le bord inférieur de la spire est encore en $x(t) \leq a$. Donner ensuite l'expression de $v(t)$

Exercice 1:

$$\frac{dv}{dt} + \frac{v}{\tau} = g \text{ soit } v(t) = \tau g \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$$

Exercice 2 :

Déterminer :

- Le champ magnétostatique : En dehors de la structure $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$
- L'expression du vecteur de Poynting : $\vec{\pi} = -\frac{EB}{\mu_0} \vec{u}_r$
- La puissance rentrant à travers les parois du conducteur $P = \frac{EB}{\mu_0} (2\pi R) = EI = UI$
- La puissance dissipée par effet Joule

Deux manières :

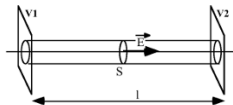
$$P_{\text{joule}} = \iiint \vec{j} \cdot \vec{E} dV = \gamma E^2 \ln R^2 = \frac{U^2}{R}$$

Où avec le bilan de Poynting : $\frac{dU_{em}}{dt} = 0 = -\oint \vec{\pi} \cdot d\vec{S}_{ext} - \iiint \vec{j} \cdot \vec{E} dV$

Donc $P_{\text{joule}} = -\oint \vec{\pi} \cdot d\vec{S}_{ext} = UI = RI^2$

Exercice 2 : Bilan dans un conducteur ohmique

Soit un conducteur de section S , de longueur l , de conductivité γ siège d'un courant d'intensité I sous l'action d'un champ électrique \vec{E} uniforme et associé à la ddp $V_1 - V_2 = U$. On néglige les effets de bords en supposant l infini et le régime est stationnaire.



Déterminer :

- Le champ magnétostatique
- L'expression du vecteur de Poynting
- La puissance rentrant à travers les parois du conducteur
- La puissance dissipée par effet Joule
- La densité d'énergie électromagnétique