

Nom : Pestouri Prénom: Alix colle du: 25-01-2024

	niveau de maîtrise	poins compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	3,3	5,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	0			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	0,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	0			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement	*		note	7

**Remarques : l'analyse des symétries n'est pas encore maîtrisée parfaitement !!!! 45 minutes pour appliquer le TA sur un fil infini !!!!**

**Exercice 1 : Le cours**

**Colle 1**

- 1) Énoncer les équations de Maxwell pour tout régime et tout milieu
- 2) Rappeler le théorème de Stokes
- 3) Appliquer le théorème de Stokes et l'équation de Maxwell-Ampère et en déduire le théorème d'Ampère généralisé  

$$\oint_S \vec{B} \cdot d\vec{OM} = \iint_S \mu_0 \vec{j} \cdot d\vec{S} + \iint_S \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$$
- 4) Que devient l'équation précédente en ARQS ?
- 5) Que devient l'équation précédente dans une région vide de courant ?

**Exercice 2 : Champ magnétique d'un fil infini**

Déterminer le champ magnétique créée par un fil infini parcourue par un courant d'intensité variable  $i(t)$  mais répartie uniformément. On se place en ARQS, le fil est un cylindre de rayon  $R$ .

**Exercice 3 : champ magnétique dans un condensateur**

On donne le champ électrique  $E$  dans un condensateur plan idéal dont les électrodes de rayon  $R$ , de surfaces  $S$  sont séparées d'une distance  $e$  :  $E(r,t) = \frac{\sigma(t)}{\epsilon_0} \vec{e}_z$  où  $q(t)$  est la charge du condensateur à l'instant  $t$ . Exprimer le champ magnétique associé.

**Exercice 4 : champ électrique dans un solénoïde**

Déterminer le champ électrique associé à un solénoïde supposé infini, de rayon  $R$ , parcourue par une courant d'intensité  $i(t)$ . On note  $n$  le nombre de spire par unité de longueur et on rappelle que le champ magnétique est localisé dans le solénoïde et vaut  $\vec{B}(r,t) = \mu_0 n i(t) \vec{e}_z$

**Exercice 5 : Relation de passage**

- 1) On considère un plan supposé infini chargé uniformément en surface avec une densité  $\sigma$  de charges fixes. Déterminer le champ électrique à l'aide du théorème de Gauss
- 2) On considère un plan qui est le siège d'un courant surfacique uniforme, unidirectionnel et caractérisé par son vecteur densité de courant  $\vec{j}_s$ . Appliquer le théorème d'ampère pour déterminer le champ magnétostatique
- 3) En déduire les relations de passage des champs en régime stationnaire
- 4) Montrer que ces relations restent valables en régime variable en menant des analyses locales

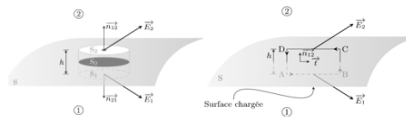
**Exercice 1 : Ce qu'il faut savoir**

- 1)  $\text{div} \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$  ;  $\text{div} \vec{B} = 0$  ;  $\vec{\text{rot}} \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$  ;  $\vec{\text{rot}} \vec{B} = \mu_0 \vec{j} + \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$
- 2)  $\oint_S \vec{E} \cdot d\vec{OM} = \iint_S \vec{E} \cdot \vec{\text{rot}} \vec{a} \cdot d\vec{S}$
- 3)  $\oint_S \vec{B} \cdot d\vec{OM} = \iint_S \mu_0 \vec{j} \cdot d\vec{S} + \iint_S \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$
- 4)  $\oint_S \vec{B} \cdot d\vec{OM} = \iint_S \mu_0 \vec{j} \cdot d\vec{S}$
- 5)  $\oint_S \vec{B} \cdot d\vec{OM} = \iint_S \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \cdot d\vec{S}$

- Exercice 2 : Champ magnétique d'un fil infini**
- $$\begin{cases} r \leq R \Rightarrow B = \frac{\mu_0 i r}{2\pi R^2} \\ r \geq R \Rightarrow B = \frac{\mu_0 i}{2\pi r} \end{cases}$$
- Exercice 3 : champ magnétique dans un condensateur**
- $$\begin{cases} r \leq R \Rightarrow B = \frac{\mu_0 \epsilon_0 r}{2} \frac{\partial E}{\partial t} \\ r \geq R \Rightarrow B = \frac{\mu_0 \epsilon_0 R^2}{2r} \frac{\partial E}{\partial t} \end{cases}$$
- Exercice 4 : champ électrique dans un solénoïde**
- $$\begin{cases} r \leq R \Rightarrow E = -\frac{\partial B}{\partial t} r \\ r \geq R \Rightarrow E = -\frac{\partial B}{\partial t} \frac{R^2}{2r} \end{cases}$$

**Exercice 5 :**

- 1) Avec Gauss  $E = \pm \frac{\sigma}{\epsilon_0}$
- 2) Avec Ampère  $B = \pm \mu_0 j_s$
- 3)  $\vec{E}_2 - \vec{E}_1 = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \vec{n}_{1-2}$  et  $\vec{B}_2 - \vec{B}_1 = \mu_0 \vec{j}_s \wedge \vec{n}_{1-2}$
- 4) Il suffit de proposer une surface de Gauss élémentaire d'épaisseur  $h$  très faible à cheval entre les deux milieux  $E_{2\perp} - E_{1\perp} = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$  (le flux latéral étant négligeable). En faisant un bilan de circulation sur un contour fermé de largeur  $h$  très faible (donc en négligeant le flux de  $\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$ ), on a  $E_{2\parallel} - E_{1\parallel}$



Avec la même analyse pour B, on montre que la continuité de la composant normale et la discontinuité de la composante tangentielle

Nom : Kaci Prénom: Karim colle du: 17\_10-2023

	niveau de maîtrise	poils compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	8,3	13,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	2			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	1			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	2,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

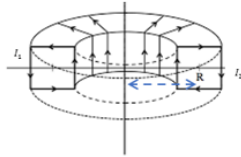
	+	-		
ajustement			note	14

Remarques : Bien dans les calculs de 1, mais ne pas osusetimer l'importance des schémas !!!! Mais en progrès !

**Colle Karim**

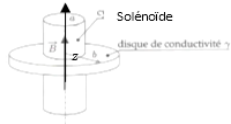
Exercice : Coefficient d'inductance mutuelle

Sur un tore de section carré (côtés de longueur  $2a$ ) sont bobinés deux circuits entrelacés comportant  $N_1$  et  $N_2$  spires jointives : une ligne de champ traversant une spire du premier circuit traversera une des spires de l'autre circuit (d'où un couplage parfait). Montrer que l'inductance mutuelle  $M$  et inductance propre  $L_1, L_2$  sont telles que  $|M| = \sqrt{L_1 L_2}$



Application : Chauffage par induction :

On considère un solénoïde supposé infini d'axe  $Oz$ , de rayon  $a$  traversé par un courant sinusoïdal et générant ainsi un champ magnétique variable  $\vec{B} = B_0 \sin(\omega t) \vec{e}_z$  (seul champ magnétique à prendre en considération ici). On encastre un disque épais évié dans ce solénoïde de conductivité  $\gamma$ .



- 1) Exprimer le champ électromoteur créé par le solénoïde dans le conducteur.
- 2) Exprimer la puissance moyenne donnée au conducteur d'épaisseur  $e$  ?

Exercice 1: induction de Neumann

$$\begin{aligned}
 - \vec{B}_1 &= \frac{\mu_0 N_1 I_1}{2\pi r} \vec{u}_\phi \text{ et } \vec{B}_2 = \frac{\mu_0 N_2 I_2}{2\pi r} \vec{u}_\phi \\
 - \phi_1 &= L_1 I_1 + M_{1-2} I_2 = \frac{\mu_0 a}{2\pi} N_1^2 \ln\left(\frac{R+a}{R-a}\right) I_1 + \frac{\mu_0 a}{2\pi} N_1 N_2 \ln\left(\frac{R+a}{R-a}\right) I_2 \\
 - \text{et } \phi_2 &= L_2 I_2 + M_{2-1} I_1 = \frac{\mu_0 a}{2\pi} N_2^2 \ln\left(\frac{R+a}{R-a}\right) I_2 + \frac{\mu_0 a}{2\pi} N_1 N_2 \ln\left(\frac{R+a}{R-a}\right) I_1 \\
 \text{Donc par identification : } M^2 &= L_1 L_2
 \end{aligned}$$

Application : Chauffage par induction

Le champ électromoteur possède donc les symétries et invariances de la distribution de courant du solénoïde :  $\vec{E} = E(r,t) \vec{e}_\phi$ . en choisissant un contour circulaire, on obtient  $\vec{E}_m = -\frac{a^2}{2r} \frac{dB}{dt} \vec{e}_\phi$  et donc un vecteur densité de courant  $\vec{j} = -\gamma \frac{a^2}{2r} \frac{dB}{dt} \vec{e}_\phi$  responsable d'un courant et donc d'un effet joule.

$$\begin{aligned}
 P &= \iiint \gamma E^2 dV = \iiint \gamma \left(\frac{a^2}{2r} \frac{dB}{dt}\right)^2 r dr d\theta dz = \gamma \left(\frac{a^2}{2} \frac{dB}{dt}\right)^2 2\pi e \ln\left(\frac{b}{a}\right) \\
 \langle P \rangle &= \frac{\gamma \pi a^4 e \omega^2 B_0^2}{4} \ln\left(\frac{b}{a}\right)
 \end{aligned}$$

Nom : Ozkosar Prénom: Enes colle du: 17-10-2023

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	6,7	11,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	1	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	1			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

ajustement

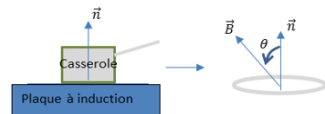
	+	-	note	12

Remarques : Ok pour l'exo1, l'exo 2 était plus compliqué

Colle Exos

Application : Chauffage par induction :

A l'aide d'un modèle simple, nous allons expliquer le principe du chauffage inductif. La casserole métallique sera assimilée à une spire fermée de résistance  $R$  (on néglige son inductance propre). On note  $\vec{n}$  le vecteur unitaire normale à la spire et dont le sens est donné ci-dessous. La plaque « à induction » génère un champ magnétique  $\vec{B}$  uniforme et tournant à la vitesse angulaire  $\omega_0$  constante  $\theta(t) = \omega_0 t$ .



- 1) Donner l'expression du flux  $\phi$  du champ magnétique  $\vec{B}$  à travers la surface  $S$  de la spire.
- 2) En déduire l'expression de la tension induite  $e$  s'établissant dans la spire.
- 3) Donner l'expression de l'intensité du courant induit  $i$  s'établissant dans la spire.
- 4) En déduire l'expression de la puissance moyenne  $P_{moy}$  dissipée par effet Joule. Cette puissance ne peut être générée spontanément, d'où vient-elle ?

Exercice 2 : Bilan dans un conducteur ohmique

Soit un conducteur de section  $S$ , de rayon  $R$ , de longueur  $l$ , de conductivité  $\gamma$  siège d'un courant d'intensité  $I$  sous l'action d'un champ électrique  $\vec{E}$  uniforme et associé à la ddp  $V_1 - V_2 = U$ . On néglige les effets de bords en supposant  $l$  infini et le régime est stationnaire.



Déterminer :

- Le champ magnétostatique
- L'expression du vecteur de Poynting
- La puissance rentrant à travers les parois du conducteur
- La puissance dissipée par effet Joule
- La densité d'énergie électromagnétique

Application : Chauffage par induction

On a  $P_{moy} = \frac{e i}{2\pi}$  dont l'origine provient du champ magnétique tournant (qu'il faut produire)

Exercice 2 :

Déterminer :

- Le champ magnétostatique : En dehors de la structure  $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$
- L'expression du vecteur de Poynting :  $\vec{n} = -\frac{eE}{\mu_0} \vec{n}_c$
- La puissance rentrant à travers les parois du conducteur  
 $P = \frac{E B}{\mu_0} 2\pi R = E I l = U I$
- La puissance dissipée par effet Joule

Deux manières :

$$P_{Joule} = \iiint \vec{j} \cdot \vec{E} dV = \gamma E^2 l \pi R^2 = \frac{U^2}{R}$$

Ou avec le bilan de Poynting :  $\frac{dW_{em}}{dt} = 0 = - \oint \vec{n} \cdot d\vec{S}_{ext} - \iiint \vec{j} \cdot \vec{E} dV$

$$\text{Donc } P_{Joule} = - \oint \vec{n} \cdot d\vec{S}_{ext} = U I = R I^2$$