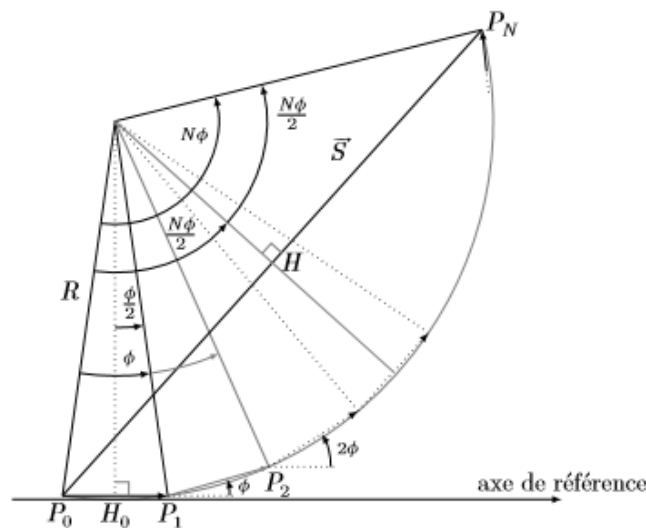




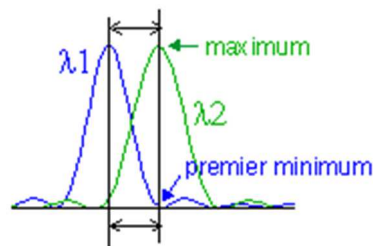
Exercice 1 : Optique des réseaux

On éclaire en incidence normale un réseau dont les fentes sont distantes de $a = 10\mu\text{m}$ par une onde plane, progressive, monochromatique. Le pinceau de lumière éclaire une largeur $L = 1\text{cm}$ du réseau et on observe la figure de diffraction à l'infini dans la direction θ .

- 1) Faire schéma et exprimer le déphasage entre deux rayons successifs
- 2) En utilisant la représentation vectorielle de Fresnel de l'amplitude complexe de chaque vibration lumineuse diffractée par chaque fente, exprimer :
 - Les positions angulaires pour lesquelles on observe des maxima.
 - La largeur angulaire de chacun de ces maxima
 - L'éclairement sous la forme $\varepsilon(M) = \varepsilon_{\max} \left(\frac{\sin(\frac{N\phi}{2})}{N \sin(\frac{\phi}{2})} \right)^2$ avec $\varepsilon_{\max} = N^2 \varepsilon_0$ où ε_0 est l'éclairement d'une fente source seule et N le nombre de fentes éclairées

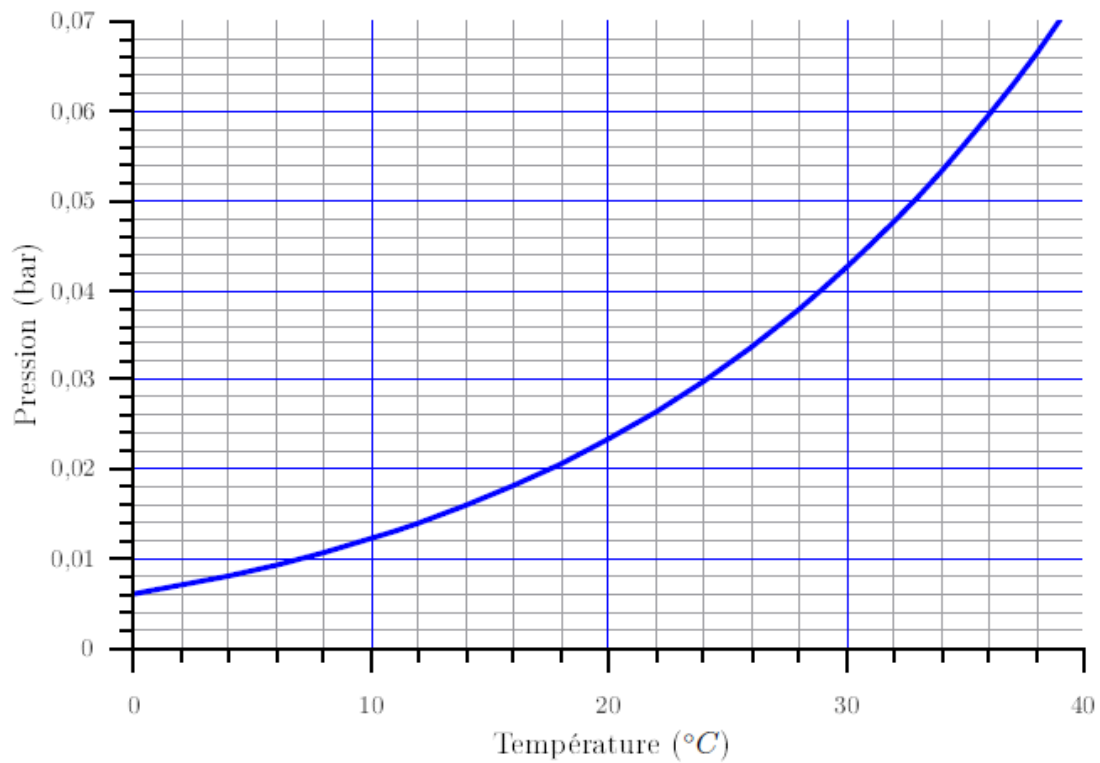


- 3) On peut séparer deux raies en utilisant le critère de Rayleigh dont on a représenté le principe ci-dessous. Prévoir quel sera le plus petit écart $\Delta\lambda = \lambda_2 - \lambda_1$ entre deux longueurs d'onde discernables à l'ordre 1 si $\lambda_1 = 500\text{nm}$:



**Exercice 2 : Changement d'état (d'après un travail du GRIESP)**

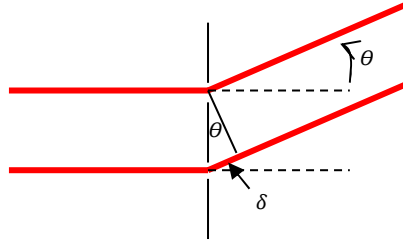
Un utilisateur place un verre d'eau dans un réfrigérateur. Il constate au bout de quelques jours que le niveau de l'eau dans le verre a baissé. Dans le cadre d'une utilisation normale du réfrigérateur, au bout de combien de temps le verre sera-t-il vide ?

Pression de vapeur saturante pour l'eau



Corrigé

En incidence normale, la différence de marche entre deux rayons observés dans la direction θ est $\delta = a \sin \theta$:



Une vibration lumineuse peut être décrite en notation complexe par : $\underline{s}(M, t) = S e^{j(\omega t - k(OM) + \phi)} = \underline{s}(M) e^{j(\omega t + \phi)}$. On étudie ici des vibrations cohérentes entre elles (même pulsation et même phase à l'origine), donc l'éclairement est donné par l'amplitude complexe totale.

$$\varepsilon(M) = 2K \langle s_{tot}^2(M, t) \rangle = K \langle \text{Re}(\underline{s}_{tot}(M, t) \times \underline{s}_{tot}^*(M, t)) \rangle = K(\underline{s}_{tot}(M) \times \underline{s}_{tot}^*(M)) = K|\underline{s}_{tot}(M)|^2$$

$\underline{s}_{tot}(M)$ peut s'écrire sous la forme d'une somme :

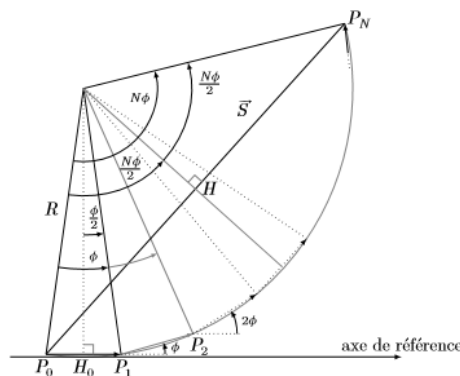
$$\underline{s}_{tot}(M) = S e^{jk(O_1M)} (1 + e^{-jk\delta} + e^{-2jk\delta} + \dots + e^{-Njk\delta})$$

A noter que cette relation permet d'obtenir l'éclairement en remarquant que :

$$\underline{s}_{tot}(M) = \frac{S e^{jk(O_1M)} (1 + e^{-Njk\delta})}{(1 + e^{-jk\delta})} = \frac{S e^{jk(O_1M)} e^{-\frac{Njk\delta}{2}} \left(e^{\frac{Njk\delta}{2}} + e^{-\frac{Njk\delta}{2}} \right)}{e^{-\frac{jk\delta}{2}} \left(e^{\frac{jk\delta}{2}} + e^{-\frac{jk\delta}{2}} \right)} = \frac{S e^{jk(O_1M)} e^{-\frac{Njk\delta}{2}} \sin\left(\frac{N\phi}{2}\right)}{e^{-\frac{jk\delta}{2}} \sin\left(\frac{\phi}{2}\right)}$$

$$\varepsilon(M) = \varepsilon_{max} \left(\frac{\sin\left(\frac{N\phi}{2}\right)}{N \sin\left(\frac{\phi}{2}\right)} \right)^2$$

En travaillant dans une base polaire pour laquelle $S e^{jk(O_1M)}$ constitue une référence, on comprend alors qu'en appréciant la longueur du vecteur associé à $\underline{s}_{tot}(M)$ on aboutisse à l'éclairement associé.



- dans le cas $\phi = 2\pi$: $|\underline{s}_{tot}(M)| = NS$ et donc $\varepsilon(M) = KN^2S^2 = N^2\varepsilon_0$ soit $\sin\theta_{max} = \frac{\lambda}{a}$



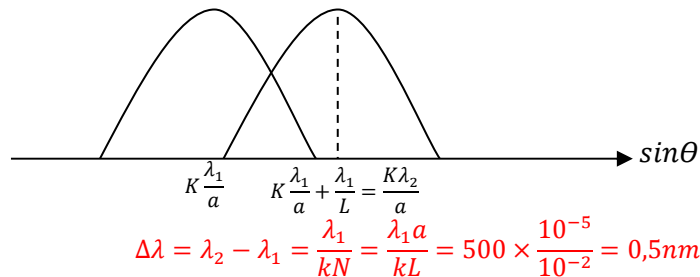
- dans le cas $\phi = \pi$: $|\underline{S}_{tot}(M)| = 0$
- le premier minima est obtenu pour $N\phi = 2\pi$ soit $\phi = \frac{2\pi}{N} = \frac{2\pi}{L}a = \frac{2\pi}{\lambda}a \sin\theta_{min}$ donc $\sin\theta_{min} = \frac{\lambda}{L}$ la largeur angulaire d'une frange brillante est donc de l'ordre de $\frac{2\lambda}{L}$
- Cas général : $|\sin(\frac{N\phi}{2})| = \frac{|\underline{S}_{tot}(M)|}{2R}$ donc $|\underline{S}_{tot}(M)| = 2R |\sin(\frac{N\phi}{2})| = \frac{S|\sin(\frac{N\phi}{2})|}{|\sin(\frac{\phi}{2})|}$ Donc l'éclairement est bien donné par : $\varepsilon(M) = \varepsilon_{max} \left(\frac{\sin(\frac{N\phi}{2})}{N \sin(\frac{\phi}{2})} \right)^2$ avec $\varepsilon_{max} = N^2 \varepsilon_0$ où ε_0 serait l'éclairement d'une fente source seule

On peut apprécier la sélectivité du réseau avec la simulation suivante :

<http://ressources.univ-lemans.fr/AccesLibre/UM/Pedago/physique/O2/optiphy/interf2.html>

Le vecteur total est donné par : $\begin{pmatrix} S(1 + \cos(\phi) + \cos(2\phi) + \dots + \cos(N\phi)) \\ S(\sin(\phi) + \sin(2\phi) + \dots + \sin(N\phi)) \end{pmatrix}$ pour un nombre N important les sinus et cosinus vont donc « aléatoirement » renvoyer à des valeurs positives et négatives...donc en définitif la contribution $\binom{S}{0}$...et donc une amplitude N^2 fois moins importantes

On peut distinguer deux maxima dans le cas suivant :



Exercice 2 : Changement d'état

- Pression d'équilibre à 4°C : $P_{sat} \approx 0,008bar$
- Quantité de matière (en eau) associée : $n_{sat} = \frac{P_{sat}V}{RT}$ avec $V \approx 0,25m^3$
- Nombre de moles d'eau dans un verre : $n_{tot} = \frac{m}{M}$ et $m \approx 0,2kg$
- Supposons que l'on ouvre N=10 fois le frigo dans la journée alors, si on suppose que la moitié du gaz d'eau s'échappe alors le verre sera vidé en :

$$Nbre \text{ jours} = 2 \frac{\frac{m}{M}}{N \times \frac{P_{sat}V}{RT}} \approx 26 \text{ jours}$$