

Nom : Pestouri Prénom: Alix colle du: 17\_10-2023

	niveau de maîtrise	poins compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	5,0	7,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	0,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	0			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement	*		note	8

**Remarques : Des difficultés sur la restitution rapide du cours, de ses concitions d'application : il faut fournir un travail plus approfondi !**

Colle Alix

Exercice 1 : opérateur gradient


On rappelle la définition de l'opérateur gradient appliqué à une fonction scalaire  $f(M)$  :

$$\vec{grad}f = \text{grad}f \cdot \vec{dOM}$$

- 1) Calculer le gradient de  $P(z) = -\rho g z + P_0$  avec  $\rho, g$  et  $P_0$  constants
- 2) Représenter quelques lignes de champ de  $\vec{grad}P$
- 3) Identifier les surfaces pour lesquelles  $P$  est constant

Exercice 2 : statique des fluides

On donne la relation de la statique des fluides en référentiel terrestre Galiléen (avec  $P$  la pression,  $\rho$  la masse volumique du fluide et  $\vec{g}$  le champ de pesanteur terrestre) :

$$\vec{grad}P = \rho \vec{g}$$


On travaille avec une base verticale ascendant  $(O, \vec{u}_y)$

- 1) Obtenir l'expression de la fonction  $P(y)$  si le fluide est incompressible et que  $P(H) = P_0$ .

Le fluide est maintenant un gaz supposé parfait de masse molaire  $M$  à la température  $T_0$


- 2) Donner l'expression de sa masse volumique  $\rho$  en fonction de  $P, M, R$  (cte des GP),  $T_0$
- 3) En déduire alors que  $\frac{dP}{dy} + \frac{P}{\delta} = 0$  avec  $\delta$  à exprimer
- 4) Résoudre cette équation si  $P(0) = P_0$

Exercice 3 : question ouverte

Un glaçon flotte dans un verre d'eau rempli à ras bord. Quand le glaçon fond, le verre déborde-t-il ?

Exercice 2 : statique des fluides

On donne la relation de la statique des fluides en référentiel terrestre Galiléen (avec  $P$  la pression,  $\rho$  la masse volumique du fluide et  $\vec{g}$  le champ de pesanteur terrestre) :

$$\vec{grad}P = \rho \vec{g}$$


On travaille avec une base verticale ascendant  $(O, \vec{u}_y)$

- 1)  $P(y) = -\rho g(z - H) + P_0$
- 2)  $\rho = \frac{PM}{RT}$
- 3) En déduire alors que  $\frac{dP}{dy} = -\frac{PMg}{RT_0}$
- 4)  $P(y) = P_0 e^{-\frac{y}{\delta}}$

Exercice 3 : question ouverte

Avant la fonte :  $V_{verre} = V_{eau,ini} + V_{glace,im} = V_{eau,ini} + \frac{\rho_g V_{glace}}{\rho_l} = V_{eau,ini} + \frac{m_g}{\rho_l}$

Après la fonte :  $V_{verre} = V_{eau,ini} + V_{glace-eau} = V_{eau,ini} + \frac{m_g}{\rho_l}$

C'est donc le même volume !

Nom : Kaci Prénom: Karim colle du: 17\_10-2023

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	2	10	6,7	11,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	1			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	2,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement		*	note	11

Remarques : exo2 à peine abordée, cllé qui ne t'a pas mis en valeur

Colle Karim

Exercice 1 : Gradient

On rappelle la définition de l'opérateur gradient appliqué à une fonction scalaire  $f(M)$  :

$$df = \overrightarrow{grad}f \cdot d\overrightarrow{OM}$$

- 1) Calculer le gradient de  $f(x) = ax + b$  avec  $a$  et  $b$  constants
- 2) Représenter quelques lignes de champ de  $\overrightarrow{grad}f$
- 3) Identifier les surfaces pour lesquelles  $f$  est constant.

On considère un champ des températures  $T(x,y) = \frac{T_0}{a}(x+y)$  pour

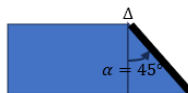
- 4) Dessiner l'opérateur gradient
- 5) Rappeler le lien entre le travail d'une force conservative et son énergie potentielle  $E_p$
- 6) Soit un objet de masse  $m$  dans le champ de pesanteur terrestre  $\vec{g}$  uniforme. Déterminer l'expression de l'énergie potentielle  $E_{pp}$  de pesanteur en utilisant l'opérateur gradient

Soit un objet de masse  $m$  dans le champ gravitationnel non uniforme de la Terre :  $\vec{G}(M) = -G \frac{M_1}{r^2} \vec{u}_r$  où  $G$  est la constante gravitationnelle,  $r$  la distance entre la masse  $m$  et le centre de la Terre et  $M_1$  la masse de la Terre.

- 7) Déterminer l'énergie potentielle associée à la force gravitationnelle.

Exercice 2 : Déclenchement d'un clapet

Une conduite se termine sur un clapet de masse  $m$  susceptible de tourner autour d'un axe  $\Delta$ . Cette conduite carrée de largeur  $L$  contient de l'eau de masse volumique  $\rho$  sur une hauteur  $L$ . Quelle est la condition sur  $L$  assurant la mise en rotation du clapet ?



Exercice 1 : Gradient

On rappelle la définition de l'opérateur gradient appliquée à une fonction scalaire  $f(M)$  :

$$df = \overrightarrow{grad}f \cdot d\overrightarrow{OM}$$

- 1)  $\overrightarrow{grad}f = a\vec{u}_x$
- 2) Champ uniforme
- 3) Plans perpendiculaires à  $\vec{u}_x$

On considère un champ des températures  $T(x,y) = \frac{T_0}{a}(x+y)$

- 4) Incliné de 45°
- 5)  $\vec{F} = -\overrightarrow{grad}E_p$
- 6)  $E_{pp} = \pm mgz + Cte$
- 7)  $E_p = -\frac{GMm}{r}$

Exercice 3 : Déclenchement d'un clapet

En prenant, une origine sur la surface libre :

$$P(x) = P_0 + \rho_r gz \rightarrow P_{n,ext} = \rho_r gz \text{ et } \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{z}{x}$$

$$M = L \int xP(x) dx = 2L \int_0^L zP(z) dz = 2 \frac{\rho_r g L^4}{3} \rightarrow 2 \frac{\rho_r g L^4}{3} = \frac{mgL\sqrt{2}}{2}$$

Nom : Ozkosar Prénom: Enes colle du: 17-10-2023

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	5,0	9,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	0	6	2,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	1			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE			
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1	4	2,0	
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

ajustement	+	-	note	10
	*			

Remarques : Nécessité de reprendre les systèmes de repérage : à retravailler tout seul

**Colle Enes**

Exercice 1 : Repérage :

- Dessiner la base cylindrique ( $\vec{u}_r, \vec{u}_\theta, \vec{u}_z$ ) en un point  $M(r, \theta, z)$
- Déterminer la surface latérale  $S$  d'un cylindre de rayon  $R$  et de hauteur  $h$ .
- Déterminer la masse  $m$  du cylindre précédent si sa masse volumique  $\rho(r) = \frac{\rho_0 r}{R}$  et  $R$  sont des constantes.
- Déterminer le moment d'inertie  $J$  d'une sphère homogène de masse volumique  $\rho$  autour de son axe  $Oz$ . On rappelle que  $J = \int HM^2 dm$  où  $HM$  est la distance radiale du point  $M$  avec l'axe  $Oz$ . On donne  $\int \sin^2 \theta = \int (1 - \cos^2 \theta) \sin \theta d\theta = -\int (1 - \cos^2 \theta) d\cos \theta$

Exercice 2 : pression au centre du soleil

On assimile le soleil à un fluide statique, incompressible de masse volumique  $\rho$  occupant une sphère de rayon  $R$ . Dans cette sphère, le champ de pesanteur est radial est vaut  $\vec{g} = -\frac{g_0 r}{R} \vec{u}_r$  où  $g_0$  est une constante.

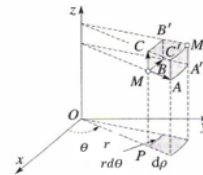
Déterminer l'expression de la pression dans le soleil. On note  $P(r=R) = 0$ .

Exercice 3 : Gradient

Soit une fonction  $f(x, y, z)$ , une fonction de l'espace en repérage cartésien

- Donner l'expression de la différentielle  $df$  de  $f$  en fonction de ses dérivées partielles
- Exprimer  $df$  en fonction de  $\vec{grad} f$ .
- En déduire l'expression de l'opérateur gradient en repérage cartésien.
- Reprendre les questions précédentes en repérage sphérique

Exercice 1 Repérage :



1)

2)  $S = 2\pi R h$

3)  $m = \frac{2\pi \rho_0 h}{2} R^2$

4)  $J = \int HM^2 dm = \rho \int r^4 \sin^2 \theta d\theta d\phi dr = 2\pi \rho \frac{R^5}{5}$

$J = 2m \frac{R^2}{5}$

Exercice 2 : pression au centre du soleil

D'après la loi de la statique des fluides :  $\frac{dp}{dr} = -\rho \frac{g_0 r}{R}$

Donc :  $P(r) = \rho \frac{g_0}{2R} (R^2 - r^2)$  (au centre, on trouve 1 Cbar !)