

Nom : Pestouri Prénom: Alix colle du: 09-01-2024

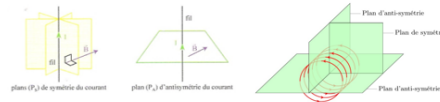
	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	1,7	3,5
Connaître les hypothèses d'application des résultats	0			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	0			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	0,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	NE			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	0			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	2,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-	note
ajustement			4

Remarques : l'analyse des symétries n'est pas maîtrisée, tu es donc incapable de restituer le TA

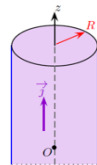
Questions de cours :

- Repérer les plans d'antisymétries et/ou de symétrie des distributions suivantes :
  - Fil infini
  - Solénoïde infini
- En déduire l'allure des lignes de champ magnétostatique associées



Exercice 1: Théorème d'Ampère

1. Soit un câble constitué d'un cylindre infini en longueur, d'axe Oz, de rayon R. On le suppose parcouru par un courant d'intensité I, de vecteur densité volumique  $\vec{j} = j \vec{e}_z$ , uniforme, circulant à l'intérieur du cylindre de rayon R.



- Exprimer le vecteur densité volumique de courant  $\vec{j}$  en fonction de I.
- Déterminer le champ magnétique créé par le cylindre infini de rayon R en un point M intérieur à ce cylindre.

Exercice 1 :

1. Soit un câble constitué d'un cylindre infini en longueur, d'axe Oz, de rayon R. On le suppose parcouru par un courant d'intensité I, de vecteur densité volumique  $\vec{j} = j \vec{e}_z$ , uniforme, circulant à l'intérieur du cylindre de rayon R.

(a) Le vecteur densité volumique de courant  $\vec{j}$  peut s'écrire :

$$\vec{j} = \frac{I}{\pi R^2} \vec{e}_z$$

(b) Le champ magnétique créé par le cylindre infini de rayon R en un point M intérieur à ce cylindre s'écrit (cf. cours) :

$$\vec{B} = \frac{\mu_0 I r}{2\pi R^2} \vec{e}_\theta$$

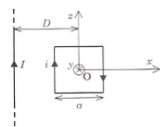
Exercice 2 :

On peut remarquer que la force de Laplace aura une contribution nulle pour les deux rebords horizontaux. Pour les portions verticales, la distance supplémentaire a entre les deux bords entraîne une force totale non nulle donné par :

$$\vec{F} = \int_0^a I d\vec{u}_1 \wedge \vec{B}(D - \frac{z}{2}) - \int_0^a I d\vec{u}_2 \wedge \vec{B}(D + \frac{z}{2}) = \int_0^a I dz \vec{e}_1 \wedge \frac{\mu_0 I a z}{2\pi(D-\frac{z}{2})} \vec{e}_\theta + \int_0^a I dz \vec{e}_2 \wedge \frac{\mu_0 I a z}{2\pi(D+\frac{z}{2})} \vec{e}_\theta = -\frac{\mu_0 I^2 a}{2\pi(D-\frac{a}{2})} \vec{e}_r + \frac{\mu_0 I^2 a}{2\pi(D+\frac{a}{2})} \vec{e}_r = -\frac{\mu_0 I^2 a^2}{2\pi(D^2 - \frac{a^2}{4})} \vec{e}_r$$

Exercice 2 : Force de Laplace

Une spire carrée filiforme de côté a parcourue par un courant d'intensité  $i > 0$  est placée à proximité du fil supposé infini parcourue par un courant d'intensité  $I > 0$ . Les deux circuits sont coplanaires, et la distance D entre le centre O de la spire et le circuit rectiligne est supérieure à a/2.



- Exprimer le champ magnétique créé par le courant d'intensité I
- Représenter la force de Laplace résultante s'appliquant sur chaque segment constituant la spire carrée.
- Déterminer la force exercée par le fil sur la spire en fonction de a, R, i et I.

Nom : Kaci Prénom: Karim colle du: 17\_10-2023

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	5,0	10,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	NE	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	1			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	2,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

	+	-		
ajustement		*	note	9

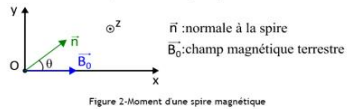
Remarques : expressions du moment dipolaire, du moment s'exerçant sur un dipôle : def à connaître !

Colle 4

Exercice 1 : dipôle magnétique

On suspend une spire de rayon R, de masse m et parcourue par un courant i à un fil sans torsion.  
 La spire est plongée dans le champ magnétique terrestre supposé horizontal et uniforme, noté  $\vec{B}_0$ .  
 On note  $\theta$  l'angle que fait la normale de la surface orientée constituée par la spire et le champ magnétique terrestre.

1. Exprimer le moment magnétique de la spire.
2. Exprimer, à l'aide du schéma ci-dessous, le moment subit par la spire.



3. En appliquant le théorème du moment cinétique à la spire qui s'écrit  $J \frac{d\omega}{dt} = M(\vec{F})$  avec J le moment d'inertie de la spire, donner l'équation du mouvement de la spire dans l'approximation des petits angles.  
 On sait qu'initialement, on écarte la spire de sa position d'équilibre d'un angle  $\theta = \theta_0$  et on la lâche sans vitesse initiale.
4. Comment peut-on alors calculer la valeur du champ magnétique terrestre ?

Exercice 2 : Maxwell-Ampère

On étudie une distribution de courant caractérisée par le vecteur densité volumique de courant  $\vec{j}(x,y,z)$  suivant :  
 $|z| < a : \vec{j}(x,y,z) = j_0 \vec{u}_z$   
 $|z| > a : \vec{j}(x,y,z) = \vec{0}$   
 1. Que pouvez-vous déduire des symétries et invariances pour le champ magnétique?  
 2. Déterminer l'expression du champ magnétique en tout point de l'espace.

Exercice 1 :

Le moment magnétique de la spire a pour expression :  

$$\vec{M} = I \vec{S}$$
  
 Il suffit alors d'exprimer  $\vec{S}$ .

Le moment subi par la spire a pour expression :  

$$\vec{M}_O(\vec{F}) = \vec{M} \wedge \vec{B}$$
  
 Il faut maintenant développer le produit vectoriel

L'équation différentielle que l'on doit obtenir est :  

$$\ddot{\theta} + \frac{M B_0}{J} \theta = 0 \quad (12)$$

Elle a pour solution :  

$$\theta(t) = A \cos(\omega t + \phi) \quad (13)$$
  
 Les constantes A et  $\phi$  sont déterminées par les conditions initiales.

La spire a un mouvement d'oscillations à la pulsation  $\omega$  (ou la période T). On peut alors, en mesurant la période par exemple, remonter à :  

$$B_0 = \frac{4\pi^2 J}{M T^2} \quad (14)$$

Exercice 2 :

$$\begin{cases} |z| < a : \vec{B} = -\mu_0 j_0 z \vec{u}_y \\ |z| \geq a : \vec{B} = -(\text{sign}(z)) \mu_0 j_0 a \vec{u}_y \end{cases}$$

Nom : Ozkosar Prénom: Enes colle du: 17-10-2023

	niveau de maîtrise	poids compétence	note compétence	note globale
Savoir énoncer les résultats importants du cours	1	10	5,0	10,0
Connaître les hypothèses d'application des résultats	1			
Savoir appliquer directement son cours sur un exemple simple	1			
S'approprier : faire un schéma, identifier les grandeurs physiques et les hypothèses	1	6	3,0	
Analyser : adapter l'écriture des relations, théorèmes ou principes à la situation proposée	1			
Réaliser :Savoir mener les calculs analytiques, numériques, résolutions d'équations	1			
Valider : Vérifier la pertinence du résultat obtenu (critique de la valeur et de sa dimension)	NE	4	2,0	
Communiquer à l'oral dans un langage courant, scientifique et approprié	1			
Rédiger proprement ses démarches au tableau	1			

ajustement

+	-		
	*	note	9

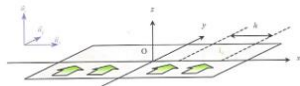
Remarques : Ne pas confondre direction et variable d'un champ de vecteur !

Questions de cours

1) Énoncer les quatre équations de Maxwell en régime stationnaire

Magnétostatique: Théorème d'Ampère

Un plan conducteur infini  $Oxy$  est parcouru par un courant surfacique dirigé selon le vecteur unitaire  $\vec{u}_y$ . Et dont l'intensité se répartit uniformément le long de l'axe  $Ox$ . On trouve ainsi un courant  $I_0 > 0$  sur un segment de longueur  $h$  selon  $Ox$ .



1) Déterminer l'intensité  $B$  champ magnétostatique en un point quelconque de l'espace à l'aide du théorème d'Ampère. Tracer la fonction  $B(z)$  et apprécier la discontinuité du champ magnétostatique pour cette distribution idéalisée.

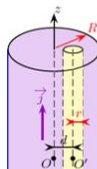
On considère maintenant que la distribution précédente présente une certaine épaisseur  $l$ .

2) Tracer la fonction  $B(z)$

Cavité cylindrique

2. Dans ce cylindre se trouve une cavité (cf. figure ci-contre), elle aussi cylindrique et infinie, de rayon  $r$  et d'axe  $O'z'$ . La distance entre les deux axes est égale à  $d$ . Nous noterons  $H$  la projection de  $M$  sur l'axe  $Oz$  et  $H'$  sa projection sur l'axe  $O'z'$ .

- (a) Déterminer le champ magnétique créé par cette nouvelle distribution de courant en un point quelconque  $M$  appartenant à la cavité.
- (b) Commenter.



$$1) \operatorname{div} \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}, \operatorname{div} \vec{B} = 0, \operatorname{rot} \vec{E} = 0, \operatorname{rot} \vec{B} = \mu_0 \vec{j}$$

Magnétostatique

Le champ magnétostatique étant un pseudo vecteur est alors antisymétrique de ce plan et on peut alors écrire que  $\int_{S_1(A \rightarrow B)} \vec{B}_1 d\vec{OM}_1 + \int_{S_2(C \rightarrow D)} \vec{B}_2 d\vec{OM}_2 = 2 \int_{S_1(A \rightarrow B)} \vec{B}_1 d\vec{OM}_1 = \mu_0 I_{\text{enlace}} \vec{u}_z$  avec  $I_{\text{enlace}} = I_0$  alors  $B(z) = \frac{\mu_0 I_0}{2h}$ . Donc  $\vec{B} = \frac{\mu_0 I_0}{2h} \vec{e}_z$  pour  $z > 0$  et  $\vec{B} = -\frac{\mu_0 I_0}{2h} \vec{e}_z$  pour  $z < 0$ . On trouve donc une discontinuité du champ au passage de cette nappe donnée par  $\Delta \vec{B} = \mu_0 \vec{j} \wedge \vec{u}_z$ .

Avec une épaisseur  $l$ , on a un champ linéaire en  $z$  dans la distribution

Cavité cylindrique

2. Cette nouvelle distribution peut être considérée comme la superposition d'un cylindre infini suivant  $Oz$ , de rayon  $R$ , parcouru par la densité volumique de courant  $\vec{j} = j \vec{e}_z$  et d'un deuxième cylindre infini suivant  $O'z'$ , de rayon  $r$  et parcouru par la densité volumique de courant  $-\vec{j} = -j \vec{e}'_z$ .

(a) Le champ magnétique créé par cette nouvelle distribution de courant en un point quelconque  $M$  appartenant à la cavité est alors la somme des deux champs créés :

$$\begin{aligned} \vec{B} &= \vec{B}_1 + \vec{B}_2 \\ &= \frac{\mu_0 j}{2} \vec{j} \wedge \vec{HM} - \frac{\mu_0 j}{2} \vec{j}' \wedge \vec{H'M} \\ &= \frac{\mu_0 j}{2} \vec{j} \wedge \vec{HH'} \end{aligned}$$